

 SCHOLASTIC

# Matemáticas

# PRIME™

Texto del Estudiante

5



Primera edición en español

© 2016 *Scholastic Education International (Singapore) Private Limited*

*A division of Scholastic Inc.*

[www.scholastic.com](http://www.scholastic.com)

Scholastic Matemáticas PR1ME™ ha sido adaptada y traducida, con autorización del Ministerio de Educación de Singapur, de la serie *Primary Mathematics Project 4A, 4B, 5A, 5B (3rd edition)*. Esta edición incluye nuevos contenidos desarrollados por *Scholastic Education International (Singapore) Private Limited*, que no son atribuibles al Ministerio de Educación de Singapur.

Primera edición: 1997, 1999, 2000

Editor: Scholastic Education International (Singapore) Private Limited

Todos los derechos reservados. Ninguna parte de esta publicación puede ser reproducida total o parcialmente, ni almacenada en un sistema de recuperación de archivos, ni transmitida de ninguna manera ni por ningún medio, electrónico, mecánico, fotocopiado, grabado, ni de ninguna otra manera, sin el permiso escrito del editor.

Para obtener información relacionada con autorizaciones, escribir a:

Scholastic Education International (Singapore) Pte Ltd

81 Ubi Avenue 4, #02-28 UB.ONE, Singapore 408830

Email: [education@scholastic.com.sg](mailto:education@scholastic.com.sg)

Para consultas relacionadas con ventas, en

Argentina, Bolivia, Chile, Paraguay, Perú y Uruguay

Galileo Libros Ltda

General del Canto 370, Providencia, Santiago, Chile

Email: [contacto@galileo.cl](mailto:contacto@galileo.cl)

Teléfonos: +56 2 29479350 / +56 2 22362316

Visite nuestra página web: [www.galileolibros.cl](http://www.galileolibros.cl)

Para el resto de Latinoamérica

Scholastic International

557 Broadway, New York, NY 10012, USA

Email: [intlschool@scholastic.com](mailto:intlschool@scholastic.com)

Visite nuestra página web: [www.scholastic.com](http://www.scholastic.com)

Para el resto del mundo

Scholastic Education International (Singapore) Pte Ltd

81 Ubi Avenue 4, #02-28 UB.ONE, Singapore 408830

Email: [education@scholastic.com.sg](mailto:education@scholastic.com.sg)

ISBN 978-981-4559-76-8

Impreso en Chile por:

R.R. Donnelley Chile Limitada

RUT: 78.499.690-5

Santa Bernardita N-12017 - San Bernardo

Santiago, Chile

# Acerca de Matemáticas PRIME™

Bienvenido a **Scholastic Matemáticas PRIME™**.

El programa cubre los cinco ejes de las matemáticas a lo largo de seis cursos: **Números y Operaciones, Medición, Geometría, Datos y Probabilidad y Álgebra (Cursos 4º, 5º y 6º).**

**Geometría**

**Números y operaciones**

**Álgebra**

**Medición**

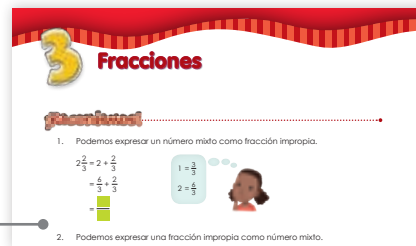
**Datos y Probabilidad**

<p><b>Capítulo 3</b> Ángulos formados por líneas paralelas y transversales</p> <p><b>Práctica 3</b></p> <p><b>Capítulo 4</b> Encontrar las medidas desconocidas de ángulos formados por líneas paralelas y transversales</p> <p><b>Práctica 4</b></p> <p><b>Capítulo 5</b> Cuadriláteros</p> <p><b>Práctica 5</b></p> <p><b>Capítulo 6</b> El plano de coordenadas</p> <p><b>Práctica 6</b></p> <p><b>Capítulo 7</b> Congruencia y similitud de polígonos</p> <p><b>Práctica 7</b></p> <p><b>Capítulo 8</b> Multiplicación y división con decimales</p> <p><b>Práctica 8</b></p>	<p><b>Capítulo 9</b> Porcentajes</p> <p><b>Práctica 9</b></p> <p><b>Capítulo 10</b> Área de triángulos y cuadriláteros</p> <p><b>Práctica 10</b></p> <p><b>Capítulo 11</b> Volumen</p> <p><b>Práctica 11</b></p> <p><b>Capítulo 12</b> Estadística</p> <p><b>Práctica 12</b></p>	<p><b>Capítulo 13</b> Álgebra</p> <p><b>Práctica 13</b></p> <p><b>Capítulo 14</b> Medición</p> <p><b>Práctica 14</b></p> <p><b>Capítulo 15</b> Datos y Probabilidad</p> <p><b>Práctica 15</b></p>
--	--	---

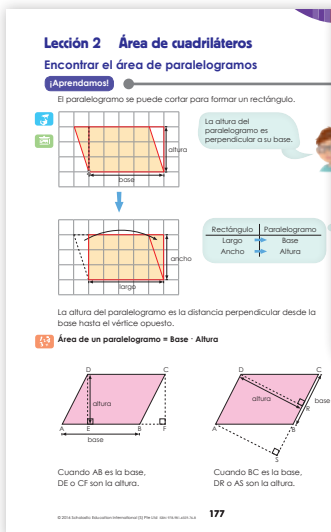
Cada capítulo del Texto de estudiante comprende tres partes: **¡Recordemos!, Lecciones y Práctica.**

- 1 **¡Recordemos!** ofrece una oportunidad para repasar y realizar una evaluación sistemática de los conocimientos previos, como preparación para los nuevos aprendizajes.

Cada ítem está creado cuidadosamente para ayudar a comprobar la preparación para recibir nuevos conocimientos.

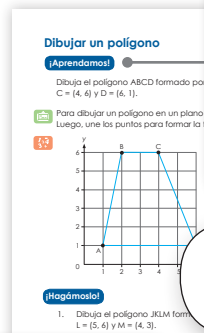


- 2 Cada capítulo contiene **lecciones** enfocadas en un concepto o aspecto de éste. Los conceptos y destrezas que se introducen en **¡Aprendamos!**, y **¡Hagámoslo!** proporcionan las oportunidades para realizar una evaluación formativa inmediata.



En **¡Aprendamos!** se introduce y desarrolla el dominio de los conceptos y destrezas usando el enfoque **concreto-pictórico-simbólico**. Una vez que esto se ha realizado, el enfoque basado en la indagación desarrolla un conocimiento conceptual profundo.

**¡Hagámoslo!** proporciona oportunidades para una evaluación formativa. La variabilidad sistemática de ejercicios refuerza el conocimiento de los alumnos y hace posible que los profesores comprueben el aprendizaje e identifiquen las necesidades de refuerzo.



**Actividad 1 Puntos en el plano de coordenadas**

1. Completa con las coordenadas correctas.

a) A = (2, 6)  
b) B = (7, 3)

Las actividades del Cuaderno de Práctica conducen a los ejercicios para reforzar y profundizar el conocimiento de los conceptos y destrezas aprendidas.

**Análisis** desarrolla habilidades metacognitivas proporcionando oportunidades para la comunicación, el razonamiento y la fundamentación matemática.

**Análisis**

¿Cuál es el resultado de  $2 \cdot (3 + 4 \cdot 5)$ ?

**Ana**

Seguimos el orden de las operaciones dentro del paréntesis.

$$2 \cdot (3 + 4 \cdot 5)$$

$$= 2 \cdot (3 + 20)$$

$$= 2 \cdot 23$$

$$= 46$$

**Samuel**

Trabajamos de izquierda a derecha dentro del paréntesis.

$$2 \cdot (3 + 4 \cdot 5)$$

$$= 2 \cdot (7 \cdot 5)$$

$$= 2 \cdot 35$$

$$= 70$$

¿Quién dice lo correcto? Explica por qué.

2. 896 personas se inscribieron para tomar un tour. Si cada bus de turismo puede llevar 38 personas, ¿cuántos buses se necesitan?

\_\_\_\_\_ : \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

Se necesitan \_\_\_\_\_ buses.

#### Valores

¿Crees que es importante colaborar con tus compañeros?

**Valores** inculca valores en los estudiantes y promueve la discusión y la reflexión.

3 La sección de **Práctica** proporciona oportunidades para una evaluación y práctica independiente.

**Práctica 1**

- Escribe los números.
  - ciento quince mil seiscientos.
  - ochocientos ochenta mil cinco.
  - treinta y cinco millones doscientos cuarenta y un mil setenta.
- Escribe los números con palabras.
  - 207 306
  - 560 003
  - 3 450 000
  - 146 508 070
- ¿Cuál es el valor del dígito 8 en cada uno de los siguientes números?
  - 72 845
  - 901 982
  - 9 648 000
  - 18 140 050
- ¿Cuáles son los números que faltan?
  - $225\,430 = \underline{\hspace{1cm}} + 20\,000 + 5000 + 400 + 30$
  - $8\,532\,000 = 8\,000\,000 + 500\,000 + \underline{\hspace{1cm}} + 2000$

La dificultad de las preguntas está graduada y permiten la consolidación de conceptos y destrezas aprendidas dentro de la lección.

Los capítulos finalizan con una lección de **Resolución de problemas**.

Los problemas proporcionan un contexto significativo a los alumnos para aplicar su conocimiento matemático.

**Lección 3 Resolución de problemas**

**Problemas**

**¡Aprendamos!**

El Sr. González tiene un terreno en el campo en forma de paralelogramo. Él divide el terreno en dos partes, como se muestra a continuación. Hace un jardín en la parte triangular del terreno, y pavimenta la otra parte. ¿Qué área del terreno pavimenta el Sr. González?

**1 Comprendo** el problema.

¿En cuántas partes divide el Sr. González su terreno?  
¿Cuáles son sus formas?  
¿Qué parte usa para el jardín?  
¿Qué parte pavimenta?  
¿Qué necesitamos encontrar?

**2 Planeo** qué hacer.

Yo puedo resolver primero una parte del problema.

**3 Resuelvo** el problema.

Primero, podemos encontrar el área del terreno que él usa para hacer un jardín. Luego, restamos esto del área total para encontrar el área del terreno que pavimenta.

Área del jardín = Área del triángulo

$$= \frac{1}{2} \cdot 12 \cdot 5$$

$$= 30 \text{ m}^2$$

Área del terreno = Área del paralelogramo

$$= 18 \cdot 10$$

$$= 180 \text{ m}^2$$

Un proceso de 4 etapas conduce a los alumnos a resolver problemas sistemáticamente y a aplicar estrategias apropiadas para la resolución de problemas.

**Crea tu problema**

Cambia los números en el problema. Luego, resuelve los problemas. Muestra tu trabajo claramente.

A Rafael le dan \$5600 para gastar en 7 días. Él quiere gastar el dinero en 8 días. ¿Cuánto dinero menos debe gastar cada día?

**Abre tu mente**

**¡Aprendamos!**

37, 3, 8

El promedio de los 3 números de 2 dígitos mostrados arriba es 42. ¿Cuáles son los dígitos que faltan en el segundo y tercer número?

**1 Comprendo** el problema.

¿Cuál es el promedio de los 3 números?  
¿Qué tengo que encontrar?

**2 Planeo** qué hacer.

Primero, encuentro la suma de los 3 números. Luego, resto 37 de la suma. Finalmente sumo. Por último, trabajo hacia atrás para encontrar los números que faltan.

**3 Resuelvo** el problema.

$$42 \cdot 3 = 126$$

La suma de los 3 números es

$$126 - 37 = 89$$

La suma del segundo y tercer número es

$$3 \quad 1$$

$$+ \quad 5 \quad 8$$

$$8 \quad 9$$

El dígito que falta es el 1.  
El dígito que falta es el 8.

**4 Compruebo** y respondo la pregunta.  
¿Es correcta tu respuesta?

$37 + 31 + 58 = 126$   
 $126 : 3 = 42$

Mi respuesta es correcta.

**Crea tu problema y Abre tu mente** permiten a los estudiantes desarrollar habilidades metacognitivas y razonamientos de alto nivel.

222 © 2014 Scholastic Education International (S) Pte Ltd. www.scholastic.com



# Índice de contenidos

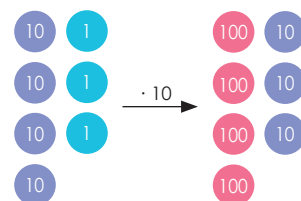
## Capítulo 1 Números mayores

¡Recordemos!	9
Lección 1: Números hasta 1 000 000 000	10
Práctica 1	16
Lección 2: Redondeo y estimación	17
Práctica 2	22
Lección 3: Secuencias numéricas	23
Práctica 3	24



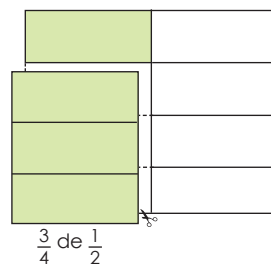
## Capítulo 2 Multiplicación y división

¡Recordemos!	25
Lección 1: Multiplicando por decenas, centenas o unidades de mil	26
Práctica 1	29
Lección 2: Dividiendo por decenas, centenas o unidades de mil	29
Práctica 2	32
Lección 3: Orden de las operaciones	33
Práctica 3	40
Lección 4: División	40
Práctica 4	47
Lección 5: Usando una calculadora	48
Práctica 5	50
Lección 6: Resolución de problemas	51
Práctica 6	52



## Capítulo 3 Fracciones

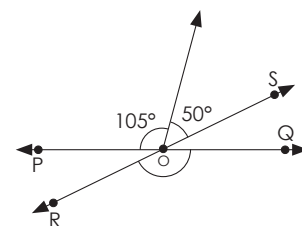
¡Recordemos!	54
Lección 1: Fracciones y divisiones	56
Práctica 1	60
Lección 2: Multiplicación de fracciones y números mixtos	61
Práctica 2	67
Lección 3: Resolución de problemas	68
Práctica 3	74



## Capítulo 4 Ángulos

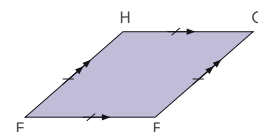
¡Recordemos!	75
Lección 1: Propiedades de los ángulos	76
Práctica 1	81
Lección 2: Encontrando medidas desconocidas de ángulos	82
Práctica 2	85

<b>Lección 3: Ángulos formados por líneas paralelas y transversales</b> .....	<b>86</b>
<b>Práctica 3</b> .....	<b>91</b>
<b>Lección 4: Encontrar las medidas desconocidas de ángulos formados por líneas paralelas y transversales</b> .....	<b>92</b>
<b>Práctica 4</b> .....	<b>96</b>
<b>Lección 5: Resolución de problemas</b> .....	<b>97</b>



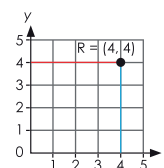
## Capítulo 5 Cuadriláteros

<b>¡Recordemos!</b> .....	<b>99</b>
<b>Lección 1: Clasificando cuadriláteros</b> .....	<b>99</b>
<b>Práctica 1</b> .....	<b>101</b>
<b>Lección 2: Resolución de problemas</b> .....	<b>101</b>



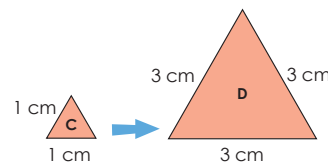
## Capítulo 6 El plano de coordenadas

<b>¡Recordemos!</b> .....	<b>103</b>
<b>Lección 1: Puntos en el plano de coordenadas</b> .....	<b>104</b>
<b>Práctica 1</b> .....	<b>106</b>
<b>Lección 2: Resolución de problemas</b> .....	<b>106</b>



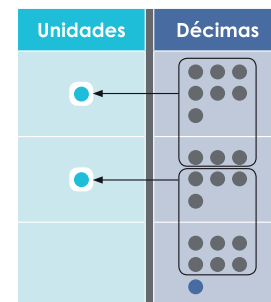
## Capítulo 7 Congruencia y similitud de polígonos

<b>¡Recordemos!</b> .....	<b>108</b>
<b>Lección 1: Ampliación y reducción</b> .....	<b>109</b>
<b>Práctica 1</b> .....	<b>111</b>
<b>Lección 2: Congruencia</b> .....	<b>111</b>
<b>Práctica 2</b> .....	<b>122</b>
<b>Lección 3: Similitud</b> .....	<b>125</b>
<b>Práctica 3</b> .....	<b>126</b>



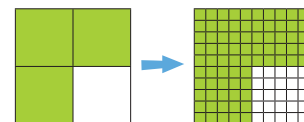
## Capítulo 8 Multiplicación y división con decimales

<b>¡Recordemos!</b> .....	<b>127</b>
<b>Lección 1: Multiplicación</b> .....	<b>127</b>
<b>Práctica 1</b> .....	<b>137</b>
<b>Lección 2: División</b> .....	<b>138</b>
<b>Práctica 2</b> .....	<b>150</b>
<b>Lección 3: Resolución de problemas</b> .....	<b>151</b>
<b>Práctica 3</b> .....	<b>152</b>



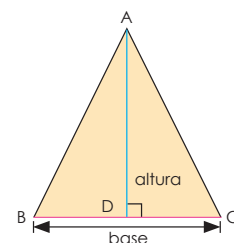
## Capítulo 9 Porcentajes

¡Recordemos!	154
Lección 1: Porcentajes	155
Práctica 1	159
Lección 2: Expresando fracciones como porcentajes	160
Práctica 2	166



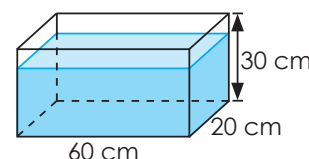
## Capítulo 10 Área de triángulos y cuadriláteros

¡Recordemos!	167
Lección 1: Área de triángulos	168
Práctica 1	176
Lección 2: Área de cuadriláteros	177
Práctica 2	182
Lección 3: Resolución de problemas	184
Práctica 3	186



## Capítulo 11 Volumen

¡Recordemos!	188
Lección 1: Unidades de volumen	189
Práctica 1	190
Lección 2: Volumen de un prisma rectangular y de líquidos	191
Práctica 2	197
Lección 3: Resolución de problemas	199
Práctica 3	203



## Capítulo 12 Estadística

¡Recordemos!	204
Lección 1: Diagramas de tallo y hojas	205
Práctica 1	206
Lección 2: Promedio	207
Práctica 2	212
Lección 3: Mediana, moda y rango	213
Práctica 3	215
Lección 4: Distribución de datos	215
Práctica 4	217
Lección 5: Resolución de problemas	217
Práctica 5	221

### Puntajes en el examen de matemáticas

tallo	hojas
1	8
2	0 5 7
3	5 6 9
4	1 5
5	0

## Capítulo 13 Álgebra

¡Recordemos!	223
Lección 1: Expresiones algebraicas	224
Práctica 1	233
Lección 2: Ecuaciones	234
Práctica 2	238
Lección 3: Inecuaciones	239
Práctica 3	241
Lección 4: Resolución de problemas	241
Práctica 4	244
<b>Modelos matemáticos</b>	<b>246</b>
<b>Glosario</b>	<b>248</b>
<b>Proceso para la resolución de problemas</b>	<b>255</b>

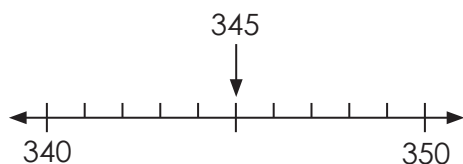


# 1

## Números mayores

### ¡Recordemos!

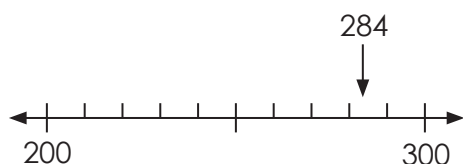
1.



345 es  cuando se redondea a la decena más cercana.

$345 \approx$

2.



284 es  cuando se redondea a la centena más cercana.

$284 \approx$

3. Estima el valor en cada uno de los siguientes ejercicios.

a)  $823 + 381 \approx 800 +$    
 $=$

b)  $934 - 472 \approx$    $-$    
 $=$

c)  $5987 \cdot 4 \approx$    $\cdot 4$   
 $=$

d)  $2490 : 5 \approx$    $: 5$   
 $=$

$5987 \cdot 4$   $\rightarrow$   $5900 \cdot 4$   
 $\rightarrow$   $(6000) \cdot 4$



$2490 : 5$   $\rightarrow$   $2000 : 5$   
 $\rightarrow$   $(2500) : 5$

4.

$1 \cdot 24 = 24$

$2 \cdot 12 = 24$

$\cdot$    $= 24$

$\cdot$    $= 24$

1, 2, , , , , 12 y 24

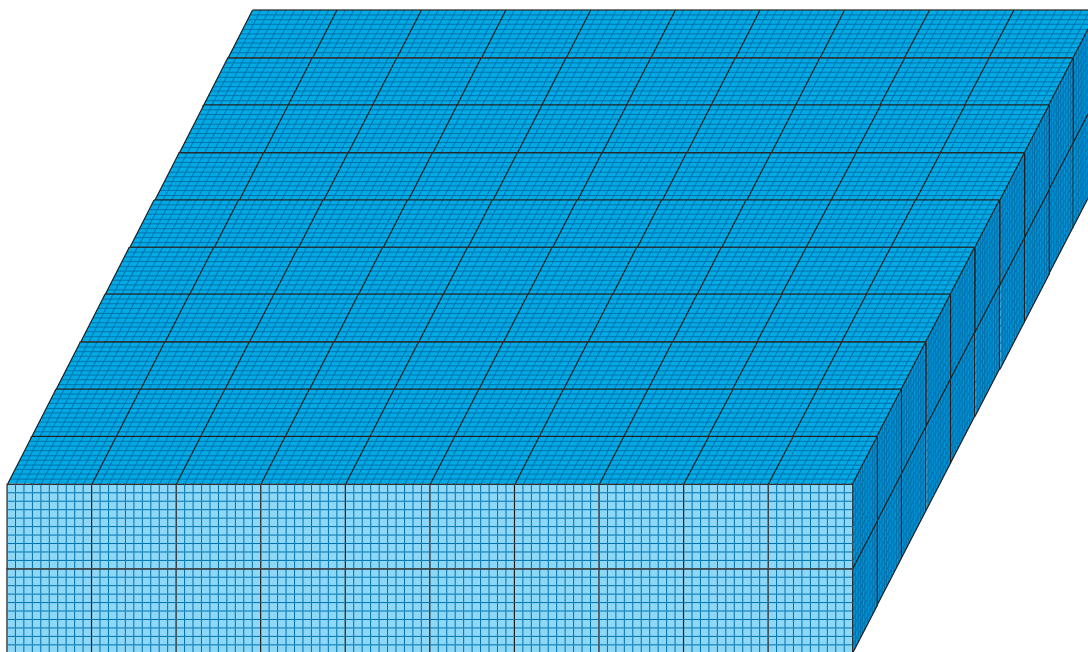
son factores de 24.

# Lección 1 Números hasta 1 000 000 000

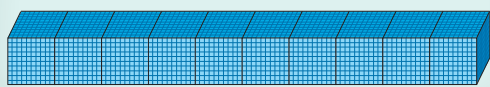
## Leer y escribir números hasta 1 000 000

¡Aprendamos!

a) ¿Cuántos cubos de una unidad hay en este bloque?



10 000 cubos de una unidad

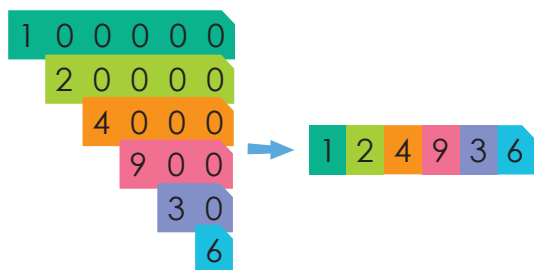


Cuenta en **centenas de mil**.  
100 000, 200 000

1 2 4  
3 +

Hay 200 000 cubos de una unidad.  
Lee 200 000 como **doscientos mil**.

b) Una biblioteca tiene una colección de 124 936 libros.



1 2 4  
3 +

$$\begin{array}{r} 100\,000 + 20\,000 + 4\,000 + 900 + 30 + 6 = 124\,936 \\ 124\,000 \qquad \qquad \qquad + 936 \qquad \qquad \qquad = 124\,936 \end{array}$$

Lee 124 936 como **ciento veinticuatro mil novecientos treinta y seis**.



## ¡Hagámoslo!

1. Escribe los números.

- a) cuatrocientos un mil sesenta y dos \_\_\_\_\_  
 b) novecientos setenta mil quinientos cinco \_\_\_\_\_

2. Escribe los números en palabras.

- a) 435 672 \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_  
 b) 311 012 \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_

## Identificar los valores de los dígitos en números hasta 1 000 000

### ¡Aprendamos!

1 2 3 4 3 +	Centenas de mil	Decenas de mil	Unidades de mil	Centenas	Decenas	Unidades
	1	2	4	9	3	6

En el número 124 936,

el dígito 2 está en el lugar de las decenas de mil y su valor es de 20 000.

el dígito 1 está en el lugar de las centenas de mil y su valor es de  .

el dígito   está en el lugar de las unidades de mil y su valor es de  .

## ¡Hagámoslo!

1. Completa las oraciones.

- a) En el número 345 713, el dígito \_\_\_\_\_ está en el lugar de las centenas de mil. Su valor es de \_\_\_\_\_.
- b) En el número 840 382, el dígito 4 está en el lugar de las \_\_\_\_\_. Su valor es de \_\_\_\_\_.
- c)  $270\,846 = 200\,000 + \text{_____} + 800 + 40 + 6$

# Leer y escribir números hasta 10 000 000

## ¡Aprendamos!

- a) El precio de venta de la motocicleta es de \$2 **millones**. ¿Cuántos billetes de mil pesos necesitas para comprar una motocicleta?

1 2 4  
3 +

1 millón = 1000 veces mil

2 millones =   veces mil

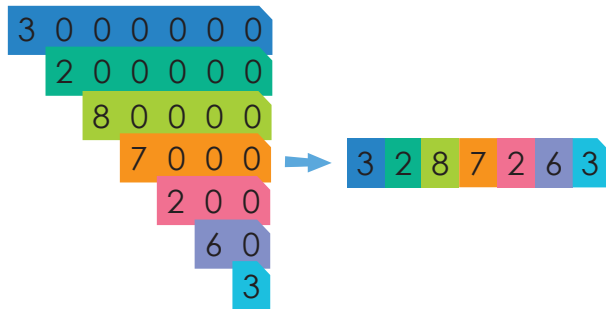
\$2 millones



El precio de venta de la motocicleta es de \$2 000 000.

Lee 2 000 000 como **dos millones**.

- b) El área terrestre de la India es de alrededor de 3 287 263 kilómetros cuadrados.



1 2 4  
3 +

$$3\,000\,000 + 200\,000 + 80\,000 + 7\,000 + 200 + 60 + 3 = 3\,287\,263$$

$$3\,000\,000 + 287\,000 + 263 = 3\,287\,263$$

Lee 3 287 263 como **tres millones doscientos ochenta y siete mil doscientos sesenta y tres**.

## ¡Hagámoslo!

1. Escribe los números.

a) siete millones tres mil

\_\_\_\_\_

b) nueve millones veintitrés mil

\_\_\_\_\_

c) dos millones cuatrocientos cinco mil  
cuarenta y nueve

\_\_\_\_\_

2. Escribe los números en palabras.

a) 4 126 000 \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

b) 3 690 580 \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

# Identificar los valores de los dígitos en números hasta 10 000 000

## ¡Aprendamos!

1 2 4  
3 +

Unidades de millón	Centenas de mil	Decenas de mil	Unidades de mil	Centenas	Decenas	Unidades
3	2	8	7	2	6	3

En el número 3 287 263, el dígito en el lugar de las unidades de millón es 3 y su valor es de 3 000 000. El dígito en el lugar de las centenas de mil es    y su valor es de   . El dígito 8 representa   .

## ¡Hagámoslo!

- Completa las oraciones.
  - En el número 3 574 621, el dígito \_\_\_\_\_ está en el lugar de las centenas de mil. Su valor es de \_\_\_\_\_.
  - $2\ 403\ 510 = \text{_____} + 400\ 000 + 3000 + 500 + 10$

 Capítulo 1: actividad 1, páginas 9–10

# Leer y escribir números hasta 1 000 000 000

## ¡Aprendamos!

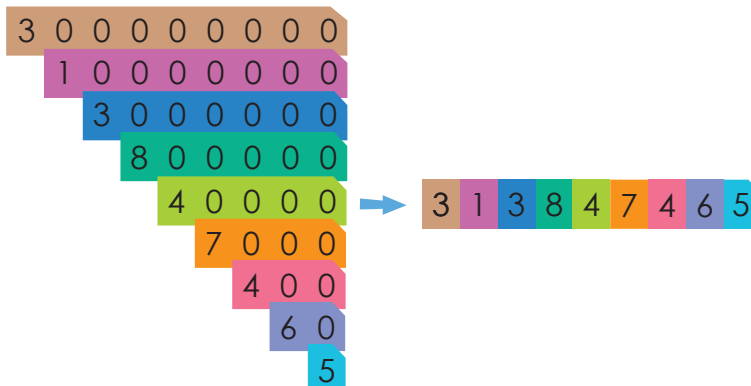
- Hay más de 1000 **millones** de teléfonos inteligentes en uso.

1 2 4  
3 +

1000 millones = 1 000 000 000

Lee 1 000 000 000 como **mil millones**.

- De acuerdo al censo del 2012, la población de los Estados Unidos de América es de alrededor de 313 847 465.



Lee 313 847 465 como **trescientos trece millones ochocientos cuarenta y siete mil cuatrocientos sesenta y cinco**.

## ¡Hagámoslo!

1. Escribe los números.

- a) cuatrocientos tres millones, veinte mil trescientos \_\_\_\_\_
- b) ochocientos cuarenta y un millones, novecientos doce mil doscientos uno \_\_\_\_\_

2. Escribe los números en palabras.

- a) 916 803 000 \_\_\_\_\_
- b) 202 758 354 \_\_\_\_\_

## Identificar los valores de los dígitos en números hasta 1 000 000 000

### ¡Aprendamos!

Centenas de millón	Decenas de millón	Unidades de millón	Centenas de mil	Decenas de mil	Unidades de mil	Centenas	Decenas	Unidades
3	1	3	8	4	7	4	6	5

En el número 313 847 465,  
 el dígito en el lugar de las centenas de millón es 3 y su valor es de 300 000 000.  
 el dígito 1 está en el lugar de las decenas de millón y su valor es de  .  
 el dígito 7 representa  .

## ¡Hagámoslo!

1. Completa las oraciones.

- a) En el número 314 657 980, el dígito \_\_\_\_\_ está en el lugar de las unidades de millón. Su valor es de \_\_\_\_\_.
- b) En el número 536 421 709, el dígito 3 está en el lugar de las \_\_\_\_\_. Su valor es \_\_\_\_\_.
- c)  $728\,305\,411 = \text{_____} + 20\,000\,000 + 8\,000\,000 + \text{_____} + 5000 + 400 + 10 + 1$

# Comparar números hasta 1 000 000 000

## ¡Aprendamos!

Compara 214 337 508, 241 373 508 y 24 733 508.

1-2-4  
3+

	Centenas de millón	Decenas de millón	Unidades de millón	Centenas de mil	Decenas de mil	Unidades de mil	Centenas	Decenas	Unidades
214 337 508	2	1	4	3	3	7	5	0	8
241 373 508	2	4	1	3	7	3	5	0	8
24 733 508		2	4	7	3	3	5	0	8

Primero, compara las centenas de millón.  
No hay centenas de millón en 24 733 508.  
24 733 508 es el número menor.

Luego, compara las decenas de millón en 214 337 508 y 241 373 508.  
1 decena de millón es menor que 4 decenas de millón.  
214 337 508 es menor que 241 373 508.  
241 373 508 es el número mayor.

Ordena los números comenzando por el menor:

24 733 508, 214 337 508, 241 373 508  
(el menor)

## ¡Hagámoslo!

1. Compara 406 145 829, 409 541 826 y 400 514 862.

a) \_\_\_\_\_ es el número mayor.

b) \_\_\_\_\_ es el número menor.

c) Ordena los números comenzando por el mayor:

\_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_  
(el mayor)



Capítulo 1: actividad 2, páginas 11-12

# Práctica 1

1. Escribe los números.
    - a) ciento quince mil seiscientos.
    - b) ochocientos ochenta mil cinco.
    - c) treinta y cinco millones doscientos cuarenta y un mil setenta.
  2. Escribe los números con palabras.
    - a) 207 306
    - b) 560 003
    - c) 3 450 000
    - d) 146 508 070
  3. ¿Cuál es el valor del dígito **8** en cada uno de los siguientes números?
    - a) 72 **8**45
    - b) 901 **98**2
    - c) 9 64**8** 000
    - d) **18** 140 050
  4. ¿Cuáles son los números que faltan?
    - a)  $225\,430 = \text{_____} + 20\,000 + 5\,000 + 400 + 30$
    - b)  $8\,532\,000 = 8\,000\,000 + 500\,000 + \text{_____} + 2\,000$
  5.
    - a) ¿Cuál número es mayor, 42 668 o 46 668?
    - b) ¿Cuál número es menor, 5 632 000 o 5 623 000?
  6. Ordena los números. Comienza por el mayor.
    - a) 53 760, 53 670, 56 370, 53 607
    - b) 240 332 640, 240 323 460, 242 332 604
  7. Ordena los números. Comienza por el menor.
    - a) 2 537 000, 2 357 000, 3 257 000, 425 700
    - b) 588 252 108, 58 225 108, 518 522 108
-

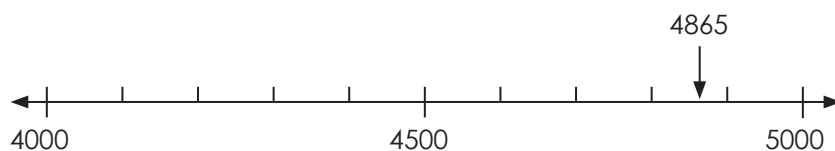


## Lección 2 Redondeo y estimación

### Redondear números a la unidad de mil más cercana

#### ¡Aprendamos!

- a) 4865 personas vieron el partido de tenis.



4865 está entre 4000 y 5000.  
Está más cerca de 5000 que de 4000.

4865 es 5000 cuando se redondea a la unidad de mil más cercana.

$$4865 \approx 5000$$

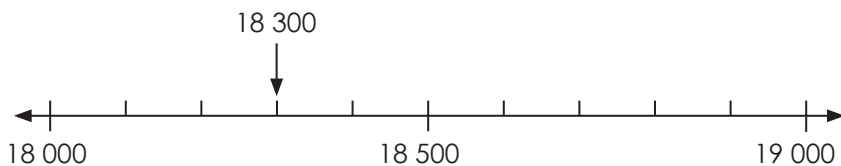
4865 es aproximadamente 5000.

Había alrededor de 5000 personas.

$\approx$  significa: "es aproximadamente igual a".



- b) Redondea 18 300 a la unidad de mil más cercana.

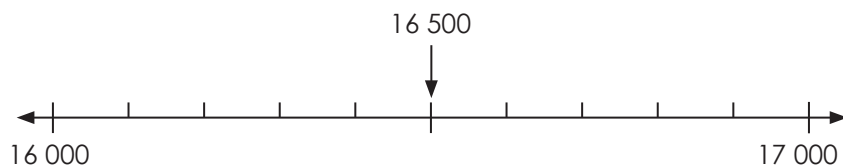


18 300 es menos de la mitad entre 18 000 y 19 000.  
18 300 está más cerca de 18 000 que de 19 000.

18 300 es 18 000 cuando se redondea a la unidad de mil más cercana.

$$18\,300 \approx 18\,000$$

c) Redondea 16 500 a la unidad de mil más cercana.



16 500 está en el punto medio entre 16 000 y 17 000.

Toma 17 000 como la unidad de mil más cercana.

$$16\,500 \approx 17\,000$$

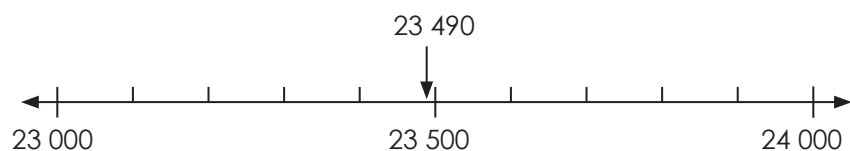


Para redondear un número a la unidad de mil más cercana, observa el dígito en el lugar de las centenas. Si éste es 5 o mayor que 5, lo redondeamos hacia arriba. Si éste es menor que 5, lo redondeamos hacia abajo.

### ¡Hagámoslo!

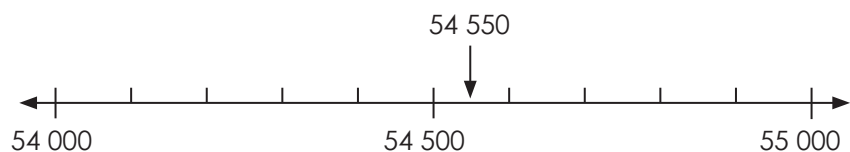
1. Redondea cada número a la unidad de mil más cercana.

a)



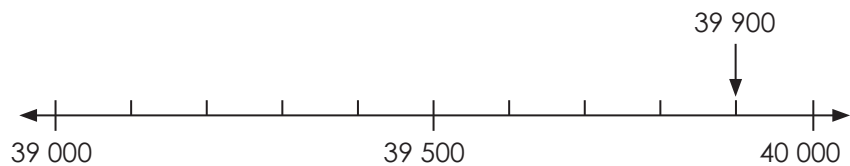
$$23\,490 \approx \underline{\hspace{2cm}}$$

b)



$$54\,550 \approx \underline{\hspace{2cm}}$$

c)

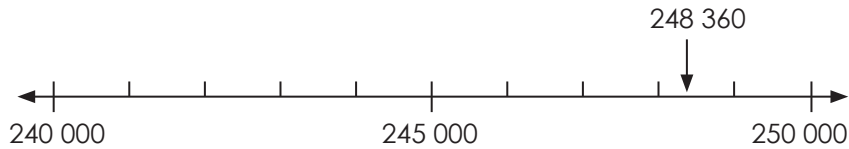


$$39\,900 \approx \underline{\hspace{2cm}}$$

# Redondear números a la decena de mil, centena de mil, unidad de millón, decena de millón o centena de millón más cercana

## ¡Aprendamos!

- a) Redondea 248 360 a la decena de mil más cercana.

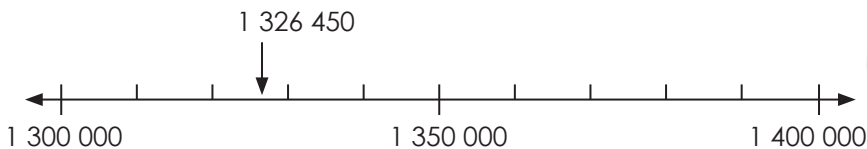


Observa el dígito en el lugar de las unidades de mil.

En 248 360, el dígito 8 está en el lugar de las unidades de mil. Entonces, redondeamos hacia arriba.  
 $248\,360 \approx 250\,000$



- b) Redondea 1 326 450 a la centena de mil más cercana.



Observa el dígito en el lugar de las decenas de mil.

En 1 326 450, el dígito 2 está en el lugar de las decenas de mil. Entonces, redondeamos hacia abajo.  
 $1\,326\,450 \approx$

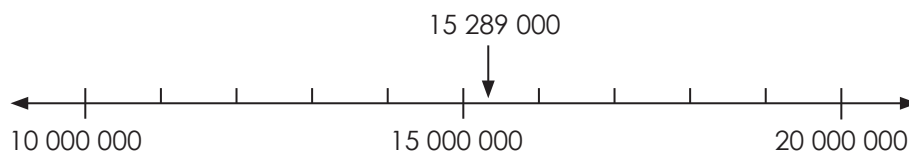
- c) Redondea 15 289 000 a la unidad de millón más cercana



Observa el dígito en el lugar de las centenas de mil.

En 15 289 000, el dígito 2 está en el lugar de las centenas de mil. Entonces, redondeamos hacia abajo.  
 $15\,289\,000 \approx$

d) Redondea 15 289 000 a la decena de millón más cercana.



Observa el dígito en el lugar de las unidades de millón.

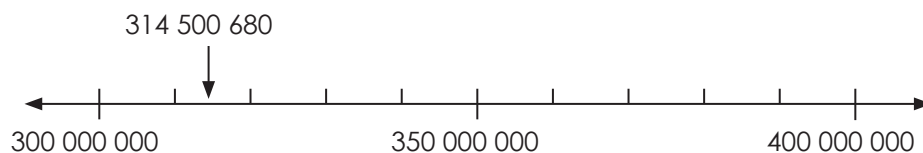


En 15 289 000, el dígito 5 está en el lugar de las unidades de millón. Entonces, redondeamos hacia arriba.



15 289 000  $\approx$   

e) Redondea 314 500 680 a la centena de millón más cercana.



Observa el dígito en el lugar de las decenas de millón.



En 314 500 680, el dígito   está en el lugar de las decenas de millón. Entonces, redondeamos  .

314 500 680  $\approx$   

### ¡Hagámoslo!

1. Redondea 123 456 780 a la:

- a) decena de mil más cercana. \_\_\_\_\_
- b) centena de mil más cercana. \_\_\_\_\_
- c) unidad de millón más cercana. \_\_\_\_\_
- d) decena de millón más cercana. \_\_\_\_\_
- e) centena de millón más cercana. \_\_\_\_\_



Capítulo 1: actividad 4, páginas 14–15

## Estimar sumas y diferencias

### ¡Aprendamos!

- a) Estima el valor de  $6390 + 5992$ .

1 2 4  
3 +

$$6390 + 5992 \approx 6000 + 6000 \\ = 12\,000$$

Redondea cada número a la unidad de mil más cercana.



- b) Estima el valor de  $45\,627 - 7324$ .

$$45\,627 - 7324 \approx 50\,000 - 7000 \\ = 43\,000$$

Observa el cambio en el símbolo de  $\approx$  a  $=$ .



### ¡Hagámoslo!

1. Estima el valor en cada uno de los siguientes casos.

a)  $78\,123 + 8969 \approx \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$   
 $\hspace{10cm} = \underline{\hspace{2cm}}$

$78\,123 \approx 80\,000$   
 $8969 \approx \underline{\hspace{2cm}}$

b)  $34\,516 - 6213 \approx \underline{\hspace{2cm}} - \underline{\hspace{2cm}}$   
 $\hspace{10cm} = \underline{\hspace{2cm}}$



 Capítulo 1: actividad 5, página 16

## Estimar productos y cocientes

### ¡Aprendamos!

- a) Estima el valor de  $2934 \cdot 6$ .

Redondea 2934 a la unidad de mil más cercana.



1 2 4  
3 +

$$2934 \cdot 6 \approx 3000 \cdot 6 \\ = 18\,000$$

$3\text{ mil} \cdot 6 = 18\text{ mil}$



b) Estima el valor de  $54\,230 : 8$ .

Múltiplos de 8:

... 40, 48, 56

... **40 000**, **48 000**, **56 000**

54 230 está más cerca de 56 000 que de 48 000.

$54\,230 \approx 56\,000$



$$54\,230 : 8 \approx 56\,000 : 8 \\ = \text{■}$$

$$56 \text{ mil} : 8 = \text{■} \text{ mil}$$

### ¡Hagámoslo!

1. Estima el valor en cada uno de los siguientes casos.

a)  $87\,204 \cdot 5 \approx \text{_____} \cdot 5$   
 $= \text{_____}$

$$87\,204 \approx \text{_____}$$

b)  $378\,200 : 4 \approx \text{_____} : 4$   
 $= \text{_____}$

$$378\,200 : 4 \begin{cases} \nearrow 360\,000 : 4 \\ \searrow 400\,000 : 4 \end{cases}$$



 Capítulo 1: actividad 6, página 17

## Práctica 2

1. Redondea cada número a la unidad de mil más cercana.

a) 6850

b) 10 500

c) 125 498

2. Juan compró un cajón de frutas en \$8490.

Redondea esta cantidad a la unidad de mil más cercana en pesos.

3. El Sr. Gómez compró un pasaje para viajar en \$69 500.

Redondea esta cantidad a la unidad de mil más cercana en pesos.

4. Una nave espacial viajó 999 540 kilómetros.

Redondea esta distancia a la decena de mil más cercana en kilómetros.

5. Estima el valor en cada uno de los siguientes casos.

a)  $32\,370 + 4959$

b)  $480\,207 - 98\,640$

c)  $540\,500 - 68\,920$

d)  $8659 \cdot 4$

e)  $60\,230 \cdot 9$

f)  $437\,800 : 7$



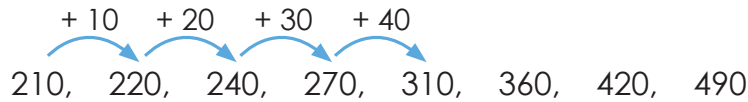
# Lección 3    Secuencias numéricas

## Secuencias numéricas

### ¡Aprendamos!

- a) Cuenta hacia adelante de 10 en 10.

1 2 4  
3 +

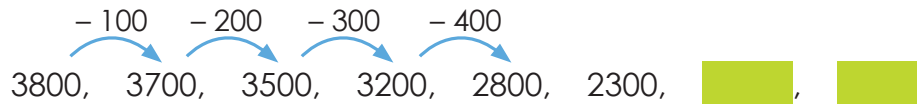


La regla explica cómo encontrar los números siguientes en la secuencia numérica.

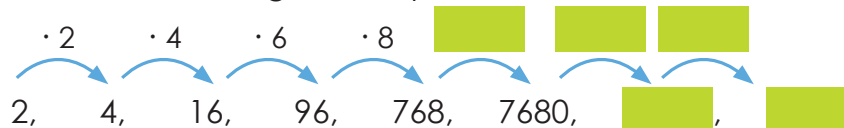


- b) Cuenta hacia atrás de 100 en 100.  
¿Qué números siguen después?

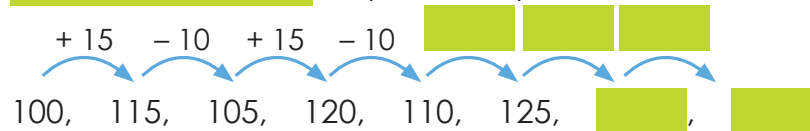
1 2 4  
3 +



- c) Multiplica por factores que aumenten de 2 en 2.  
¿Qué factores siguen después?  
¿Qué números siguen después?



- d) Cuenta hacia adelante de , luego cuenta hacia atrás de . Repite estos pasos.



Las reglas de patrones numéricos pueden implicar cualquiera de las cuatro operaciones.



## ¡Hagámoslo!

1. Describe las reglas. Luego, completa las secuencias numéricas.
  - a) Cuenta \_\_\_\_\_ de \_\_\_\_\_.  
154, 162, 174, 190, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_
  - b) Cuenta \_\_\_\_\_ de \_\_\_\_\_.  
1018, 989, 963, 940, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_, 889, \_\_\_\_\_
  - c) \_\_\_\_\_. Luego, divide por \_\_\_\_\_. Repite estos pasos.  
226, 276, 138, 188, 94, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_

 Capítulo 1: actividad 7, páginas 18–19

## Práctica 3

1. Completa las secuencias numéricas.
  - a) 4, 12, 60, 420, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_
  - b) 480, 491, 513, 546, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_
  - c) 1050, 1035, 1005, 960, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_
  - d) 625, 690, 746, 793, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_
  - e) 3000, 2920, 2852, 2796, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_
2. Completa las secuencias numéricas.
  - a) 15, 45, 95, 285, 335, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_
  - b) 75, 40, 200, 165, 825, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_
  - c) 320, 80, 960, 240, 2880, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_
  - d) 25, 300, 50, 600, 350, \_\_\_\_\_, \_\_\_\_\_

# 2

## Multiplicación y división

### ¡Recordemos!

1. Multiplica.

$$395 \cdot 40 = 395 \cdot 4 \cdot \square$$

$$= \square$$

2. Multiplica.

$$\begin{array}{r} \square \\ 43 \cdot 25 \\ \hline \square \square 5 \leftarrow 43 \cdot 5 \\ \square \square \square \leftarrow 43 \cdot 20 \\ \hline \square \square \square \square \end{array}$$

Primero, multiplica 43 por 5.  
Luego, multiplica 43 por 20.



3. Estima el valor de  $325 \cdot 58$ .

$$325 \cdot 58 \approx \square \cdot \square$$

$$= \square$$

Redondea 325 a la centena más cercana.  
Redondea 58 a la decena más cercana.

4. Divide.

$$\begin{array}{r} 3408 : 4 = 8 \square \square \\ - 32 \\ \hline \square \square \\ - \square \square \\ \hline \square \\ - \square \\ \hline \square \end{array}$$



5. Estima el valor de  $2270 : 3$ .

$$2270 : 3 \approx \square : 3$$

$$= \square$$

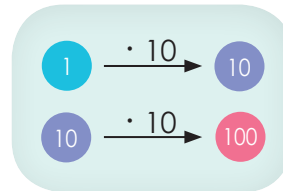
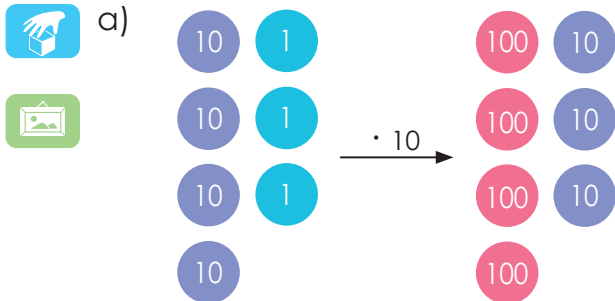
Múltiplos de 3:  
... 18, 21, 24 ...  
... 1800, 2100, 2400 ...



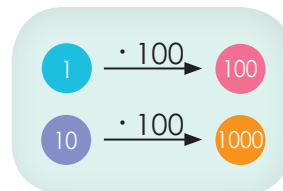
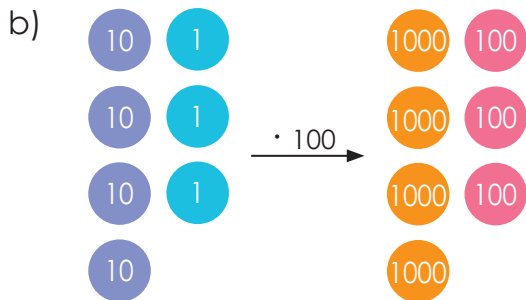
# Lección 1 Multiplicando por decenas, centenas o unidades de mil

## Multiplicar por 10, 100 o 1000

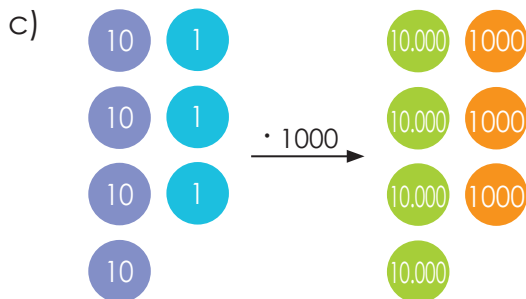
### ¡Aprendamos!



$43 \cdot 10 = 430$



$43 \cdot 100 = 4300$



$43 \cdot 1000 = 43\,000$

### ¡Hagámoslo!

1. Multiplica.

a)  $328 \cdot 10 = \underline{\hspace{2cm}}$

b)  $536 \cdot 100 = \underline{\hspace{2cm}}$

c)  $1000 \cdot 630 = \underline{\hspace{2cm}}$

# Multiplicar por decenas, centenas o unidades de mil

## ¡Aprendamos!

a) Multiplica 16 por 70.

1 2 4  
3 +

$$\begin{aligned} 16 \cdot 70 &= 16 \cdot 7 \cdot 10 \\ &= 112 \cdot 10 \\ &= 1120 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 4 \\ 16 \cdot 7 \\ \hline 112 \end{array}$$



b) Multiplica 16 por 700.

$$\begin{aligned} 16 \cdot 700 &= 16 \cdot 7 \cdot 100 \\ &= 112 \cdot 100 \\ &= 11\,200 \end{aligned}$$

c) Multiplica 16 por 7000.

$$\begin{aligned} 16 \cdot 7000 &= 16 \cdot 7 \cdot 1000 \\ &= 112 \cdot 1000 \\ &= 112\,000 \end{aligned}$$

## ¡Hagámoslo!

1. Multiplica.

$$\begin{aligned} \text{a)} \quad 48 \cdot 30 &= 48 \cdot 3 \cdot 10 \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \cdot 10 \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ 48 \cdot 3 \\ \hline 144 \end{array}$$



$$\begin{aligned} \text{b)} \quad 48 \cdot 300 &= 48 \cdot 3 \cdot \underline{\hspace{2cm}} \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \cdot \underline{\hspace{2cm}} \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{c)} \quad 48 \cdot 3000 &= 48 \cdot 3 \cdot \underline{\hspace{2cm}} \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \cdot \underline{\hspace{2cm}} \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

# Estimar productos

## ¡Aprendamos!

- a) Estima el valor de  $702 \cdot 19$ .

1 2 4  
3 +

$$702 \cdot 19 \approx 700 \cdot 20 \\ = 14\,000$$

Redondea 702 a la centena más cercana.  
 $702 \approx 700$   
Redondea 19 a la decena más cercana.  
 $19 \approx 20$

$$7 \cdot 2 = 14$$



- b) La Sra. Chávez necesita anillar 543 folletos. Cada folleto tiene 35 hojas. Estima el número total de hojas de todos los folletos.

$$543 \cdot 35 \approx 500 \cdot 40 \\ = 20\,000$$

$$5 \cdot 4 = 20$$



El número total de hojas de todos los folletos es 20 000.

## ¡Hagámoslo!

1. Estima el valor.

a)  $529 \cdot 34 \approx \underline{\hspace{2cm}} \cdot \underline{\hspace{2cm}}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

$$529 \approx 500 \\ 34 \approx 30$$

b)  $75 \cdot 386 \approx \underline{\hspace{2cm}} \cdot \underline{\hspace{2cm}}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

$$75 \approx \underline{\hspace{2cm}} \\ 386 \approx \underline{\hspace{2cm}}$$

c)  $7804 \cdot 59 \approx \underline{\hspace{2cm}} \cdot \underline{\hspace{2cm}}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

$$7804 \approx \underline{\hspace{2cm}} \\ 59 \approx \underline{\hspace{2cm}}$$





# Práctica 1

1. Multiplica.

a)  $238 \cdot 10$

b)  $700 \cdot 100$

c)  $37 \cdot 1000$

d)  $10 \cdot 400$

e)  $100 \cdot 280$

f)  $1000 \cdot 520$

2. Multiplica 56 por 7.

Luego, encuentra el resultado de:

a)  $56 \cdot 70$

b)  $56 \cdot 700$

c)  $56 \cdot 7000$

3. Multiplica 450 por 6.

Luego, encuentra el valor de:

a)  $450 \cdot 60$

b)  $450 \cdot 600$

c)  $450 \cdot 6000$

4. Estima el valor.

a)  $689 \cdot 42$

b)  $553 \cdot 49$

c)  $549 \cdot 67$

d)  $64 \cdot 734$

e)  $54 \cdot 762$

f)  $8903 \cdot 38$

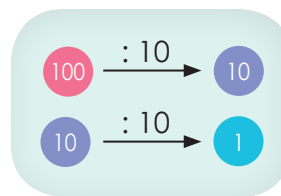
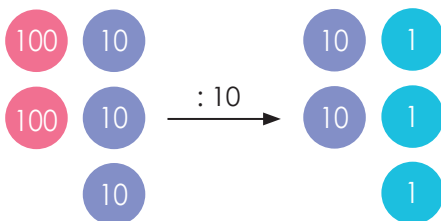
## Lección 2 Dividiendo por decenas, centenas o unidades de mil

### Dividir por 10, 100 o 1000

#### ¡Aprendamos!



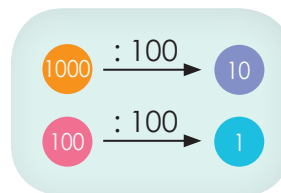
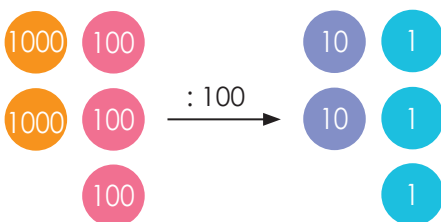
a)



$230 : 10 = 23$



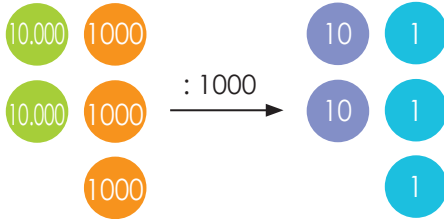
b)



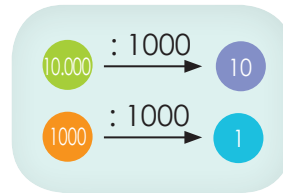
$2300 : 100 = 23$



c)



$$23\ 000 : 1\ 000 = 23$$



## ¡Hagámoslo!

1. Divide.

a)  $520 : 10 = \underline{\hspace{2cm}}$

b)  $7400 : 100 = \underline{\hspace{2cm}}$

c)  $40\ 000 : 1000 = \underline{\hspace{2cm}}$



Capítulo 2: actividad 4, página 23

## Dividir por decenas, centenas o unidades de mil

### ¡Aprendamos!

a) Divide 15 000 por 30.



$$\begin{aligned} 15\ 000 : 30 &= 15\ 000 : 10 : 3 \\ &= 1500 : 3 \\ &= 500 \end{aligned}$$

$$15\ 00\cancel{0} : 3\cancel{0}$$



b) Divide 15 000 por 300.

$$\begin{aligned} 15\ 000 : 300 &= 15\ 000 : 100 : 3 \\ &= 150 : 3 \\ &= 50 \end{aligned}$$

$$15\ 0\cancel{0}\cancel{0} : 3\cancel{0}\cancel{0}$$



c) Divide 15 000 por 3000.

$$\begin{aligned} 15\ 000 : 3000 &= 15\ 000 : 1000 : 3 \\ &= 15 : 3 \\ &= 5 \end{aligned}$$

$$15\ \cancel{0}\cancel{0}\cancel{0} : 3\cancel{0}\cancel{0}\cancel{0}$$



## ¡Hagámoslo!

1. Divide.

$$\begin{aligned} \text{a)} \quad 280 : 40 &= 280 : 10 : 4 \\ &= \underline{\hspace{2cm}} : 4 \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

$$28\cancel{0} : 4\cancel{0}$$



$$\begin{aligned} \text{b)} \quad 64\,000 : 800 &= 64\,000 : 100 : \underline{\hspace{2cm}} \\ &= \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}} \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

$$64\,0\cancel{0}\cancel{0} : 8\cancel{0}\cancel{0}$$



$$\begin{aligned} \text{c)} \quad 200\,000 : 5000 &= 200\,000 : 1000 : \underline{\hspace{2cm}} \\ &= \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}} \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

Capítulo 2: actividad 5, página 24

## Estimar cocientes

### ¡Aprendamos!

a) Estima el valor de  $2992 : 38$ .

$\begin{array}{r} 1\ 2\ 4 \\ 3\ + \end{array}$

Redondea 38 a la decena más cercana.  
 $38 \approx 40$

Piensa en múltiplos de 40.

... 240, 280, 320, ...

... **2400**, **2800**, **3200**, ...

2992 es más cercano a 2800 que a 3200.

$2992 \approx 2800$



$$\begin{aligned} 2992 : 38 &\approx 2800 : 40 \\ &= \text{■} \end{aligned}$$

- b) El Sr. García quiere repartir 959 galletas en 33 cajas en partes iguales. Estima el número de galletas por caja.

1 2 4  
3 +

$$959 : 33 \approx \boxed{\phantom{00}} : 30$$

$$= \boxed{\phantom{00}}$$

$$33 \approx 30$$

$$959 \begin{cases} \nearrow 1200 \\ \searrow 900 \end{cases}$$

Hay alrededor de  $\boxed{\phantom{00}}$  galletas en cada caja.



### ¡Hagámoslo!

1. Estima el valor.

a)  $6398 : 81 \approx \underline{\hspace{2cm}} : 80$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

$$81 \approx 80$$

b)  $2205 : 34 \approx \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}}$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

$$34 \approx \underline{\hspace{2cm}}$$

c)  $6380 : 67 \approx \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}}$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

$$67 \approx \underline{\hspace{2cm}}$$



Capítulo 2: actividad 6, página 25

## Práctica 2

1. Divide.

a)  $470 : 10$

b)  $4700 : 100$

c)  $47\,000 : 1000$

d)  $720 : 10$

e)  $7200 : 100$

f)  $72\,000 : 1000$

2. Divide 72 por 8.

Luego, encuentra el resultado de:

a)  $720\,000 : 80$

b)  $720\,000 : 800$

c)  $720\,000 : 8000$

3. Divide 900 por 6.

Luego, encuentra el resultado de:

a)  $90\,000 : 60$

b)  $90\,000 : 600$

c)  $90\,000 : 6000$

4. Estima el valor.

a)  $3287 : 38$

b)  $6204 : 82$

c)  $5460 : 65$

d)  $43\,920 : 63$

e)  $18\,500 : 48$

f)  $70\,900 : 94$

## Lección 3 Orden de las operaciones

### Sumar y restar

#### ¡Aprendamos!

- a) Encuentra el resultado de  $12 + 8 - 10$ .

Trabaja de izquierda a derecha cuando sólo hay suma y resta.

1 2 4  
3 +

$$\begin{aligned} 12 + 8 - 10 \\ = 20 - 10 \\ = 10 \end{aligned}$$

Primero,  $\boxed{12 + 8} - 10$   
Luego,  $\boxed{20 - 10}$   
10



- b) Encuentra el resultado de  $31 - 19 + 11$ .

$$\begin{aligned} 31 - 19 + 11 \\ = 12 + 11 \\ = \square \end{aligned}$$

Primero,  $\boxed{31 - 19} + 11$   
Luego,  $\boxed{12 + 11}$   
 $\square$



#### ¡Hagámoslo!

1. Encuentra los siguientes resultados.

a)  $43 + 16 - 27$   
 $= \underline{\hspace{2cm}} - \underline{\hspace{2cm}}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

$\boxed{43 + 16} - 27$   
 $\underline{\hspace{2cm}} - 27$   
 $\underline{\hspace{2cm}}$



b)  $38 - 23 + 29 = \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

# Multiplicar y dividir

## ¡Aprendamos!

- a) Encuentra el resultado de  $54 : 6 \cdot 3$ .

$54 : 6 \cdot 3$   
 $= 9 \cdot 3$   
 $= 27$

Primero,  $54 : 6 \cdot 3$   
Luego,  $9 \cdot 3$   
 $27$



- b) Encuentra el resultado de  $4 \cdot 24 : 8$ .

$4 \cdot 24 : 8$   
 $= 96 : 8$   
 $= \square$

Primero,  $4 \cdot 24 : 8$   
Luego,  $96 : 8$   
 $\square$



## ¡Hagámoslo!

1. Encuentra los siguientes resultados.

a)  $60 : 4 \cdot 3 = \underline{\hspace{2cm}} \cdot 3$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

$60 : 4 \cdot 3$   
 $\underline{\hspace{2cm}} \cdot 3$   
 $\underline{\hspace{2cm}}$



b)  $9 \cdot 81 : 9 = \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

# Resolver operaciones mixtas

## ¡Aprendamos!

- a) Encuentra el resultado de  $10 + 4 \cdot 3$ .

$10 + 4 \cdot 3$   
 $= 10 + 12$   
 $= 22$

Primero,  $10 + \boxed{4 \cdot 3}$   
Luego,  $\boxed{10 + 12}$   
22



- b) Encuentra el resultado de  $27 - 12 : 3$ .

$27 - 12 : 3$   
 $= 27 - 4$   
 $= \square$

Primero,  $27 - \boxed{12 : 3}$   
Luego,  $\boxed{27 - 4}$   
 $\square$



- c) Encuentra el resultado de  $56 - 8 \cdot 5 + 4$ .

$56 - 8 \cdot 5 + 4$   
 $= 56 - 40 + 4$   
 $= \square + 4$   
 $= \square$

Primero,  $56 - \boxed{8 \cdot 5} + 4$   
Luego,  $\boxed{56 - 40} + 4$   
Por último,  $\boxed{16} + 4$   
 $\square$



- d) Encuentra el resultado de  $70 + 80 : 5 \cdot 4$ .

$70 + 80 : 5 \cdot 4$   
 $= 70 + 16 \cdot 4$   
 $= 70 + \square$   
 $= \square$

Primero,  $70 + \boxed{80 : 5} \cdot 4$   
Luego,  $70 + \boxed{16 \cdot 4}$   
Por último,  $\boxed{70 + 64}$   
 $\square$



## ¡Hagámoslo!

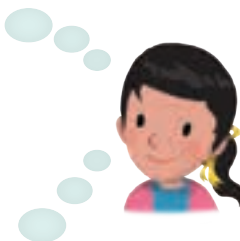
1. Encuentra los siguientes resultados.

a)  $9 + 3 \cdot 6$

$= 9 + \underline{\hspace{2cm}}$

$= \underline{\hspace{2cm}}$

$$\begin{array}{c} 9 + \boxed{3 \cdot 6} \\ \downarrow \\ \boxed{9 + \underline{\hspace{1cm}}} \\ \downarrow \\ \underline{\hspace{1cm}} \end{array}$$



b)  $96 : 8 - 6 \cdot 2$

$= \underline{\hspace{2cm}} - 6 \cdot 2$

$= \underline{\hspace{2cm}} - \underline{\hspace{2cm}}$

$= \underline{\hspace{2cm}}$

$$\begin{array}{c} \boxed{96 : 8} - 6 \cdot 2 \\ \downarrow \\ \underline{\hspace{1cm}} - \boxed{6 \cdot 2} \\ \downarrow \\ \boxed{\underline{\hspace{1cm}} - \underline{\hspace{1cm}}} \\ \downarrow \\ \underline{\hspace{1cm}} \end{array}$$

Capítulo 2: actividad 9, páginas 28–29

## Resolver operaciones mixtas con paréntesis

### ¡Aprendamos!

a) Encuentra el resultado de  $60 : (12 - 7)$ .

Cuando hay paréntesis, primero realiza las operaciones que están dentro del paréntesis. Luego, resuelve la multiplicación y la división, antes que la adición y la sustracción.

1 2 4  
3 +

$60 : (12 - 7)$

$= 60 : 5$

$= 12$

Primero,  $60 : \boxed{12 - 7}$

Luego,  $60 : \boxed{5}$

12





b) Encuentra el resultado de  $27 - 2 \cdot (3 + 5)$ .

$$\begin{aligned} 27 - 2 \cdot (3 + 5) \\ = 27 - 2 \cdot 8 \\ = 27 - \square \\ = \square \end{aligned}$$

Primero,  $27 - 2 \cdot (3 + 5)$

Luego,  $27 - 2 \cdot 8$

Por último,  $27 - 16$



c) Encuentra el resultado de  $(22 + 10) : 8 \cdot 5$ .

$$\begin{aligned} (22 + 10) : 8 \cdot 5 \\ = 32 : 8 \cdot 5 \\ = \square \cdot 5 \\ = \square \end{aligned}$$

Primero,  $(22 + 10) : 8 \cdot 5$

Luego,  $32 : 8 \cdot 5$

Por último,  $4 \cdot 5$



### ¡Hagámoslo!

1. Encuentra el resultado de cada uno de los siguientes ejercicios.

a)  $76 + (36 + 164) = 76 + \underline{\hspace{2cm}}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

$$\begin{aligned} 76 + (36 + 164) \\ \downarrow \\ 76 + \underline{\hspace{2cm}} \\ \downarrow \\ \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

b)  $60 : (4 + 8) = 60 : \underline{\hspace{2cm}}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

$$\begin{aligned} 60 : (4 + 8) \\ \downarrow \\ 60 : \underline{\hspace{2cm}} \\ \downarrow \\ \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$



c)  $20 - 2 \cdot (18 : 6) = \underline{\hspace{2cm}} - \underline{\hspace{2cm}} \cdot \underline{\hspace{2cm}}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}} - \underline{\hspace{2cm}}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

# Propiedades de la multiplicación

## ¡Aprendamos!

a) Multiplica 21 por 5.

1 2 4  
3 +

$$\begin{aligned} 21 \cdot 5 \\ &= (20 + 1) \cdot 5 \\ &= (20 \cdot 5) + (1 \cdot 5) \\ &= 100 + 5 \\ &= 105 \end{aligned}$$

$$20 = 20 + 1$$

Primero,  $(20 + 1) \cdot 5$

Luego,  $(20 \cdot 5) + (1 \cdot 5)$

Por último,  $100 + 5$

105



b) Encuentra el producto de 19 y 5.

$$\begin{aligned} 19 \cdot 5 \\ &= (20 - 1) \cdot 5 \\ &= (20 \cdot 5) - (1 \cdot 5) \\ &= 100 - 5 \\ &= 95 \end{aligned}$$

$$19 = 20 - 1$$

Primero,  $(20 - 1) \cdot 5$

Luego,  $(20 \cdot 5) - (1 \cdot 5)$

Por último,  $100 - 5$

95



c) Encuentra el resultado de  $3 \cdot 48 \cdot 3$ .

$$\begin{aligned} 3 \cdot 48 \cdot 3 \\ &= 48 \cdot 3 \cdot 3 \\ &= (50 - 2) \cdot 9 \\ &= (\square \cdot 9) - (\square \cdot 9) \\ &= \square - \square \\ &= \square \end{aligned}$$

$$3 \cdot 48 = 48 \cdot 3$$

Primero,  $(50 - 2) \cdot 9$

Luego,  $(\square \cdot 9) - (\square \cdot 9)$

Por último,  $\square - \square$

$\square$



## ¡Hagámoslo!

1. Multiplica.

$$\begin{aligned} \text{a) } 33 \cdot 7 &= (\_\_\_\bigcirc\_\_\_) \cdot 7 \\ &= (\_\_\_ \cdot 7) \bigcirc (\_\_\_ \cdot 7) \\ &= \_\_\_\bigcirc\_\_\_ \\ &= \_\_\_\_\_\_ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{b) } 57 \cdot 6 &= (\_\_\_\bigcirc\_\_\_) \cdot 6 \\ &= (\_\_\_ \cdot 6) \bigcirc (\_\_\_ \cdot 6) \\ &= \_\_\_\bigcirc\_\_\_ \\ &= \_\_\_\_\_\_ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{c) } 8 \cdot 64 &= \_\_\_ \cdot \_\_\_\_\_\_ \\ &= \_\_\_\bigcirc\_\_\_\_\_\_ \\ &= \_\_\_\bigcirc\_\_\_\_\_\_ \\ &= \_\_\_\_\_\_ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{d) } 2 \cdot 78 \cdot 4 &= \_\_\_\_\_\_ \cdot \_\_\_\_\_\_ \\ &= \_\_\_\bigcirc\_\_\_\_\_\_ \\ &= \_\_\_\bigcirc\_\_\_\_\_\_ \\ &= \_\_\_\_\_\_ \end{aligned}$$

 Capítulo 2: actividad 11, página 33

## Analizo

¿Cuál es el resultado de  $2 \cdot (3 + 4 \cdot 5)$ ?



Ana

Seguimos el orden de las operaciones dentro del paréntesis.

$$\begin{aligned} 2 \cdot (3 + 4 \cdot 5) \\ &= 2 \cdot (3 + 20) \\ &= 2 \cdot 23 \\ &= 46 \end{aligned}$$

Trabajamos de izquierda a derecha dentro del paréntesis.

$$\begin{aligned} 2 \cdot (3 + 4 \cdot 5) \\ &= 2 \cdot (7 \cdot 5) \\ &= 2 \cdot 35 \\ &= 70 \end{aligned}$$



Samuel

¿Quién dice lo correcto? Explica por qué.

## Práctica 3

- Encuentra el resultado de los siguientes ejercicios.
  - $372 - (45 - 29)$
  - $372 - 45 + 29$
  - $372 - 45 - 29$
  - $372 - (45 + 29)$
- Encuentra el resultado de los siguientes ejercicios.
  - $128 : 4 : 2$
  - $128 : (4 : 2)$
  - $128 : 4 \cdot 2$
  - $128 : (4 \cdot 2)$
- Encuentra el resultado de los siguientes ejercicios.
  - $48 - 17 + 25$
  - $6 \cdot 5 \cdot 10$
  - $81 : 9 : 3$
  - $50 : 5 + 5$
  - $64 - 3 \cdot 9$
  - $72 - 36 : 9$
  - $27 + 15 : 3 \cdot 2$
  - $40 : 2 - 2 \cdot 5$
  - $10 + 24 : 8 + 8$
  - $(38 - 17) : 3 \cdot 10$
  - $35 : (10 - 3) \cdot 10$
  - $(13 + 7) : (9 - 4)$
- Usa las propiedades de la multiplicación para encontrar el resultado de cada uno de los siguientes ejercicios.
  - $42 \cdot 5$
  - $54 \cdot 9$
  - $68 \cdot 7$
  - $77 \cdot 8$
  - $9 \cdot 96$
  - $4 \cdot 82 \cdot 3$

## Lección 4 División

### Dividir por decenas

#### ¡Aprendamos!

- a) Divide 140 por 20.

#### Método 1

$$140 : 20 = 7$$

$$14\cancel{0} : 2\cancel{0}$$



#### Método 2

$$\begin{array}{r} 140 : 20 = 7 \\ - 140 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$7 \cdot 20 = 140$$



1 2 4  
3 +

b) Divide 150 por 20.

$$\begin{array}{r} 150 : 20 = 7 \\ - 140 \\ \hline 10 \end{array}$$

$$15\cancel{0} : 2\cancel{0}$$

No puedo dividir 15 por 2 exactamente. Entonces, uso el método 2.



### ¡Hagámoslo!

1. Divide.

a)  $70 : 30 =$

b)  $89 : 20 =$

c)  $625 : 70 =$

## Estimar el cociente al dividir un número por un número de 2 dígitos

### ¡Aprendamos!

 a) Divide 74 por 21.

$$21 \approx 20$$

$$\begin{array}{r} 74 : 20 = 3 \\ - 60 \\ \hline \end{array}$$

El cociente estimado es 3.



$$\begin{array}{r} 74 : 21 = 3 \\ - 63 \\ \hline 11 \end{array} \quad \begin{array}{l} \leftarrow 21 \cdot 3 \text{ unidades} = 63 \text{ unidades} \\ \leftarrow \text{resto } 11 \text{ unidades} \end{array}$$

b) Divide 256 por 47.

$$47 \approx 50$$

$$\begin{array}{r} 256 : 50 = 5 \\ - 250 \\ \hline \end{array}$$

El cociente estimado es 5.



$$\begin{array}{r} 256 : 47 = \square \\ - 235 \\ \hline \square \square \end{array} \quad \begin{array}{l} \leftarrow 47 \cdot 5 \text{ unidades} = 235 \text{ unidades} \\ \leftarrow \text{resto } \square \text{ unidades} \end{array}$$

## ¡Hagámoslo!

1. Divide.

a)  $63 : 17 =$

b)  $149 : 67 =$

c)  $509 : 84 =$

CP Capítulo 2: actividad 12, página 34

## Estimar y ajustar el cociente al dividir un número de 2 dígitos por otro número de 2 dígitos

### ¡Aprendamos!

a) Divide 89 por 24.

1 2 4  
3 +

$$24 \approx 20$$

$$89 : 20 = 4$$

$$\begin{array}{r} 89 \\ - 80 \\ \hline \end{array}$$

El cociente estimado es 4.



$$\begin{array}{r} 89 : 24 = 4 \\ - 96 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{l} 24 \cdot 4 \text{ unidades} \\ \leftarrow = 96 \text{ unidades} \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 89 : 24 = 3 \\ - 72 \\ \hline 17 \end{array} \quad \begin{array}{l} 24 \cdot 3 \text{ unidades} \\ \leftarrow = 72 \text{ unidades} \\ \leftarrow \text{resto } 17 \text{ unidades} \end{array}$$

El cociente estimado es demasiado grande.

Prueba con 3.

b) Divide 78 por 26.

$$26 \approx 30$$

$$78 : 30 = 2$$

$$\begin{array}{r} 78 \\ - 60 \\ \hline \end{array}$$

El cociente estimado es 2.



$$\begin{array}{r} 78 : 26 = 2 \\ - 52 \\ \hline 26 \end{array} \quad \begin{array}{l} 26 \cdot 2 \text{ unidades} \\ \leftarrow = 52 \text{ unidades} \\ \leftarrow \text{resto } 26 \text{ unidades} \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 78 : 26 = \square \\ - 78 \\ \hline \square \end{array} \quad \begin{array}{l} 26 \cdot 3 \text{ unidades} \\ \leftarrow = 78 \text{ unidades} \\ \leftarrow \text{resto } \square \text{ unidades} \end{array}$$

El cociente estimado es muy pequeño.

Prueba con 3.

## ¡Hagámoslo!

1. Divide.

a)  $68 : 17 =$

b)  $94 : 33 =$

c)  $83 : 21 =$

## Estimar y ajustar el cociente cuando se divide un número de 3 dígitos por un número de 2 dígitos

### ¡Aprendamos!

124  
3 +

a) Divide 285 por 33.

$$33 \approx 30$$

$$285 : 30 = 9$$

$$\begin{array}{r} 285 \\ - 270 \\ \hline \end{array}$$

El cociente estimado es 9.



$$\begin{array}{r} 285 : 33 = 9 \\ - 297 \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{l} 33 \cdot 9 \text{ unidades} \\ \leftarrow = 297 \text{ unidades} \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 285 : 33 = 8 \\ - 264 \\ \hline 21 \end{array} \quad \begin{array}{l} 33 \cdot 8 \text{ unidades} \\ \leftarrow = 264 \text{ unidades} \\ \leftarrow \text{resto } 21 \text{ unidades} \end{array}$$

El cociente estimado es demasiado grande.  
Prueba con 8.

b) Divide 473 por 78.

$$78 \approx 80$$

$$473 : 80 = 5$$

$$\begin{array}{r} 473 \\ - 400 \\ \hline \end{array}$$

El cociente estimado es 5.



$$\begin{array}{r} 473 : 78 = 5 \\ - 390 \\ \hline 83 \end{array} \quad \begin{array}{l} 78 \cdot 5 \text{ unidades} \\ \leftarrow = 390 \text{ unidades} \\ \leftarrow \text{resto } 83 \text{ unidades} \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 473 : 78 = \square \\ - 468 \\ \hline \square \end{array} \quad \begin{array}{l} 78 \cdot 6 \text{ unidades} \\ \leftarrow = 468 \text{ unidades} \\ \leftarrow \text{resto } \square \text{ unidades} \end{array}$$

El cociente estimado es demasiado pequeño.  
Prueba con 6.

## ¡Hagámoslo!

1. Divide.

a)  $207 : 23 =$

$$23 \approx 20$$

$$\begin{array}{r} 207 : 20 = 10 \\ - 200 \\ \hline \end{array}$$

El cociente estimado es 10.



b)  $474 : 79 =$

c)  $572 : 64 =$

 Capítulo 2: actividad 13, página 35

## Dividir un número de 3 dígitos por un número de 2 dígitos para obtener un cociente de 2 dígitos

## ¡Aprendamos!

a) Divide 870 por 34.

$\begin{array}{r} 124 \\ 3 \overline{) 312} \\ \underline{3} \phantom{0} \\ 0 \phantom{0} \end{array}$

**Paso 1** Divide la decena por 34.

$$34 \approx 30$$

$$\begin{array}{r} 870 : 30 = 2 \\ - 60 \\ \hline \end{array}$$

El cociente estimado es 2 decenas.



$$\begin{array}{r} 870 : 34 = 2 \\ - 68 \\ \hline 19 \end{array} \quad \leftarrow 34 \cdot 2 \text{ decenas} = 68 \text{ decenas}$$



**Paso 2** Divide las unidades por 34.

$$\begin{array}{r} 870 : 34 = 2 \\ - 68 \\ \hline 190 \end{array}$$

$$34 \approx 30$$

$$\begin{array}{r} 190 : 30 = 6 \\ - 180 \\ \hline \end{array}$$

El cociente estimado es 6.



$$\begin{array}{r} 870 : 34 = 26 \\ - 68 \\ \hline 190 \\ - 204 \leftarrow = 204 \text{ unidades} \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 870 : 34 = 2 \text{ } \\ - 68 \\ \hline 190 \\ - 170 \leftarrow = 170 \text{ unidades} \\ \hline \text{ } \text{ } \leftarrow \text{resto } \text{ } \text{ unidades} \end{array}$$

El cociente estimado es demasiado grande.  
Prueba con 5.

b) Divide 570 por 16.

**Paso 1** Divide las decenas por 16.

$$16 \approx 20$$

$$\begin{array}{r} 570 : 20 = 2 \\ - 40 \\ \hline \end{array}$$

El cociente estimado es 2 decenas.



$$\begin{array}{r} 570 : 16 = 2 \\ - 32 \\ \hline 25 \end{array} \quad \begin{array}{l} 16 \cdot 2 \text{ decenas} \\ \leftarrow = 32 \text{ decenas} \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 570 : 16 = 3 \\ - 48 \\ \hline 9 \end{array} \quad \begin{array}{l} 16 \cdot 3 \text{ decenas} \\ \leftarrow = 48 \text{ decenas} \end{array}$$

El cociente estimado es demasiado pequeño.  
Prueba con 3.

**Paso 2** Divide las unidades por 34.

$$\begin{array}{r} 570 : 16 = 3 \\ - 48 \\ \hline 90 \end{array}$$

$$16 \approx 20$$

$$90 : 20 = 4$$

$$\begin{array}{r} - 80 \\ \hline \end{array}$$

El cociente estimado es 4.



$$\begin{array}{r} 570 : 16 = 34 \\ - 48 \\ \hline 90 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} - 64 \leftarrow = 64 \text{ unidades} \\ \hline 26 \leftarrow \text{resto } 26 \text{ unidades} \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 570 : 16 = 3 \text{ } \blacksquare \\ - 48 \\ \hline 90 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} - 80 \leftarrow = 80 \text{ unidades} \\ \hline \blacksquare \blacksquare \leftarrow \text{resto } \blacksquare \text{ unidades} \end{array}$$

El cociente estimado es demasiado pequeño.  
Prueba con 5.

### ¡Hagámoslo!

1. Divide.

a)  $862 : 28 =$

b)  $703 : 47 =$

c)  $612 : 15 =$

# Resolución de problemas

## ¡Aprendamos!

23 niños comparten 486 pegatinas por partes iguales. ¿Cuántas pegatinas recibe cada niño? ¿Cuántas pegatinas sobran?

124  
3 +

$$486 : 23 = 21 \text{ con resto } 3$$

Cada niño recibe 21 pegatinas.  
Sobran 3 pegatinas.

Cada niño recibe 21 pegatinas.

$$21 \cdot 23 = 483$$

Se comparten 483 pegatinas.

$$486 - 483 = 3$$

Sobran 3 pegatinas.

Mi respuesta es correcta.



## ¡Hagámoslo!

1. Un pastelero usó 972 frutillas para decorar 54 tortas de fruta. Él usó la misma cantidad de frutillas en cada torta. ¿Cuántas frutillas usó en cada torta?

$$\underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

Él usó            frutillas en cada torta.

2. 896 personas se inscribieron para tomar un tour. Si cada bus de turismo puede llevar 38 personas, ¿cuántos buses se necesitan?

$$\underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

Se necesitan            buses.

## Valores

¿Crees que es importante colaborar con tus compañeros?



 Capítulo 2: actividad 15, página 38

## Práctica 4

1. Divide.

a)  $94 : 43$

b)  $57 : 29$

c)  $69 : 31$

d)  $668 : 72$

e)  $279 : 56$

f)  $183 : 44$

2. Divide.

a)  $89 : 24$

b)  $92 : 33$

c)  $848 : 16$

d)  $403 : 67$

e)  $505 : 53$

f)  $895 : 23$

Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

3. José usó 592 muñecos de papel para formar 16 cadenas de papel. Cada cadena tenía el mismo número de muñecos. ¿Cuántos muñecos de papel había en cada cadena?

4. Se repartieron 708 globos entre 26 estudiantes por partes iguales. ¿Cuántos globos recibió cada estudiante? ¿Cuántos globos quedaron?

## Lección 5 Usando una calculadora

## Cuatro operaciones

# ¡Aprendamos!



Usa una calculadora para encontrar los resultados.

a) Suma 12 350 y 7800.

Siempre presiona el botón **AC** para limpiar la pantalla al comenzar.



Presiona	Pantalla
1 2 3 5 0 + 7 8 0 0 =	20.150

$$12\,350 + 7800 = 20\,150$$

b) Resta 25 804 de 67 250.

Presiona	Pantalla
<div>AC</div> <div>6 7 2 5 0 - 2 5 8 0 4 =</div>	47.446

$$67\,250 - 25\,804 = 41\,446$$

- c) Multiplica 756 y 340.

Presiona	Pantalla
<div>AC</div> <div>7 5 6 × 3 4 0 =</div>	257.040

$$756 \cdot 340 = 257\,040$$

- d) Divide 19 810 por 35.

Presiona	Pantalla
<div>AC</div> <div>1 9 8 1 0 ÷ 3 5 =</div>	566

$$19\,810 : 35 = 566$$

### ¡Hagámoslo!



1. Usa una calculadora para encontrar los resultados.

a)  $63\,724 + 99\,340$

b)  $50\,306 - 2947$

c)  $2158 \cdot 279$

d)  $468\,468 : 507$

## Resolución de problemas

### ¡Aprendamos!



- Usa una calculadora para encontrar los resultados.

- a) Catalina compró una escultura en \$30 545 y un cuadro en \$6988. ¿Cuánto pagó Catalina en total?

1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 + - × ÷ =

Presiona	Pantalla
<div>AC</div> <div>3 0 5 4 5 + 6 9 8 8 =</div>	37.533

$$\$30\,545 + \$6988 = \$37\,533$$

Ella pagó \$37 533 en total.

Escribe las unidades en tu resultado.



- b) Jorge llenó una tina con 41 938 mililitros de agua y usó 10 532 mililitros. ¿Cuánta agua le quedó?

Presiona	Pantalla
<div>AC</div> <div>4 1 9 3 8 - 1 0 5 3 2 =</div>	31.406

$$41\,938\text{ ml} - 10\,532\text{ ml} = 31\,406\text{ ml}$$

A Jorge le quedaron 31 406 mililitros de agua.

- c) El Sr. García tiene un jardín cuadrado de 479 metros de largo. Encuentra el área del jardín.

1 2 3 +

Presiona	Pantalla
<div>AC</div> <div>4 7 9 × 4 7 9 =</div>	229.441

$$479 \text{ m} \cdot 479 \text{ m} = 229\,441 \text{ m}^2$$

El jardín tiene un área de 229 441 metros cuadrados.

- d) Luisa usó 11 700 gramos de arcilla para hacer 25 platos iguales. Encuentra el peso de cada plato.

Presiona	Pantalla
<div>AC</div> <div>1 1 7 0 0 ÷ 2 5 =</div>	468

$$11\,700 \text{ g} : 25 = 468 \text{ g}$$

Cada plato pesa 468 gramos.

### ¡Hagámoslo!



Resuelve los siguientes problemas. Usa una calculadora para ayudarte.

- Los tres ríos más largos del mundo son el Nilo con 6853 kilómetros, el Amazonas con 6992 kilómetros y el Yangtze con 6300 kilómetros. ¿Cuál es la longitud total de los tres ríos?
- Miguel vendió 29 pasteles de arándanos en la feria. Cada pastel se vendió en \$2450. ¿Cuánto dinero obtuvo Miguel en total?

Capítulo 2: actividad 16, página 39

## Práctica 5



- Usa una calculadora para encontrar los resultados.

- |                        |                        |
|------------------------|------------------------|
| a) $36\,753 + 76\,092$ | b) $82\,360 - 27\,995$ |
| c) $479 \cdot 1563$    | d) $56\,662 : 691$     |



Resuelve los siguientes problemas. Usa una calculadora para ayudarte.

- Una ballena gris tiene un peso de 81 647 kilogramos menos que una ballena azul. Si el peso de la ballena azul es de 97 820 kilogramos, encuentra el peso de la ballena gris.
- Diana preparó 24,66 litros de jugo de frutas para una fiesta de la clase. Ella vertió el jugo en 36 vasos en partes iguales. ¿Cuántos mililitros de jugo había en cada vaso?

# Lección 6 Resolución de problemas

## Problemas

### ¡Aprendamos!

Una máquina puede producir 520 cuentas de vidrio en un minuto. Después de ponerla a funcionar durante 68 minutos, un trabajador pone todas las cuentas de vidrio en cantidades iguales en 80 cajas. ¿Cuántas cuentas de vidrio puso en cada caja?

**1 Comprendo**  
el problema.

¿Cuántas cuentas de vidrio se producen cada minuto?  
¿Cuántos minutos funcionó la máquina?  
¿Cuántas cajas se usó?



**2 Planeo**  
qué hacer.

Primero, encuentro el número total de cuentas de vidrio. Luego, divido ese total por el número de cajas.

**3 Resuelvo**  
el problema.

$$\begin{aligned}\text{Número total de cuentas} &= 520 \cdot 68 = 520 \cdot (70 - 2) \\ &= (520 \cdot 70) - (520 \cdot 2) \\ &= 36\,400 - 1\,040 \\ &= 35\,360\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Número de cuentas en cada caja} &= 35\,360 : 80 \\ &= 3536 : 8 \\ &= 442\end{aligned}$$

Había 442 cuentas de vidrio en cada caja.

**4 Compruebo**  
¿Respondiste la pregunta?  
¿Es razonable tu respuesta?

$520 \cdot 68 \approx 520 \cdot 70$   
 $= 36\,400$   
 $36\,400 : 80 = 455$   
Mi resultado está más cerca de 455. Es razonable.



- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

### ¡Hagámoslo!

1. Un vendedor vendió 987 metros de cinta. La cinta se vendió en rollos de 47 metros cada uno. ¿Cuánto dinero recibió el vendedor si vendió cada rollo en \$3400?

- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

## ¡Aprendamos!

1. Un vendedor de frutas compró 386 duraznos. Él botó 14 duraznos que estaban podridos y puso el resto en bolsas de 12 duraznos cada una. ¿Cuántas bolsas usó?

$$\begin{aligned}\text{Número de duraznos que no estaban podridos} &= 386 - 14 \\ &= \square\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Número de bolsas} &= \square : 12 \\ &= \square\end{aligned}$$

Él usó  $\square$  bolsas de duraznos.

- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

## ¡Hagámoslo!

1. El perímetro de una alfombra es de 11 metros y el perímetro de otra alfombra es de 13 metros. Lucía quiere coser un borde de lana alrededor de ambas alfombras. Lucía quiere coser un borde de lana en un lado de la alfombra. Si cada metro de borde de lana cuesta \$6250, ¿cuánto dinero tiene que pagar Lucía en total?

- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

 Capítulo 2: actividad 97, páginas 40–41

## Práctica 6

Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

1. Un paquete de bloques de juguete tiene 240 piezas. Luis compró 65 paquetes y los puso nuevamente en cajas de 400 piezas cada una. ¿Cuántas cajas usó?
2. El Sr. Núñez plantó 2560 semillas en 40 hileras en partes iguales. Luego, agregó 55 mililitros de líquido fertilizante para cada semilla. ¿Cuál es el volumen de líquido fertilizante que necesita para cada hilera?



Resuelve los siguientes problemas. Usa una calculadora para ayudarte.

3. Una impresora imprime 7835 etiquetas por minuto. Las etiquetas se imprimen en rollos de 300 etiquetas cada uno. ¿Cuántos rollos se imprimen en una hora?
4. Tatiana vendió 8325 pasteles de chocolate en cajas de 45 pasteles cada uno. Si ella vendió cada caja en \$5320, encuentra cuánto dinero recibió ella en total.



# Abre tu mente

## ¡Aprendamos!

$$560 : 14 - 12 \cdot 10 + 16 = 7280$$

Coloca dos pares de paréntesis en la frase numérica para que sea correcta.

**1 Comprendo**  
el problema.

¿Cuántos pares de paréntesis faltan?  
¿Dónde deben ponerse los paréntesis?



**2 Planeo**  
qué hacer.

Puedo **estimar y comprobar** para decidir  
dónde colocar los dos pares de paréntesis.

**3 Resuelvo**  
el problema.

Frase numérica	¿Igual a 7280?
$(560 : 14) - 12 \cdot (10 + 16)$ $= 40 - 12 \cdot 26$ $= 40 - 312$	X
$560 : (14 - 12) \cdot (10 + 16)$ $= 560 : 2 \cdot 26$ $= 280 \cdot 26$ $= 7280$	✓

**4 Compruebo**  
¿Respondiste la  
pregunta?  
¿Es correcta tu  
respuesta?

Primero realicé las operaciones  
dentro de los paréntesis y luego  
trabajé de izquierda a derecha.  
Mi respuesta es correcta.



- ✓ 1. Comprendo
- ✓ 2. Planeo
- ✓ 3. Resuelvo
- ✓ 4. Compruebo

# 3

## Fracciones

### ¡Recordemos!

- Podemos expresar un número mixto como fracción impropia.

$$2\frac{2}{3} = 2 + \frac{2}{3}$$

$$= \frac{6}{3} + \frac{2}{3}$$

$$= \frac{\quad}{\quad}$$

$$1 = \frac{3}{3}$$

$$2 = \frac{6}{3}$$



- Podemos expresar una fracción impropia como número mixto.

$$\frac{15}{4} = \frac{12}{4} + \frac{3}{4}$$

$$= \frac{\quad}{\quad} + \frac{3}{4}$$

$$= \frac{\quad}{\quad}$$

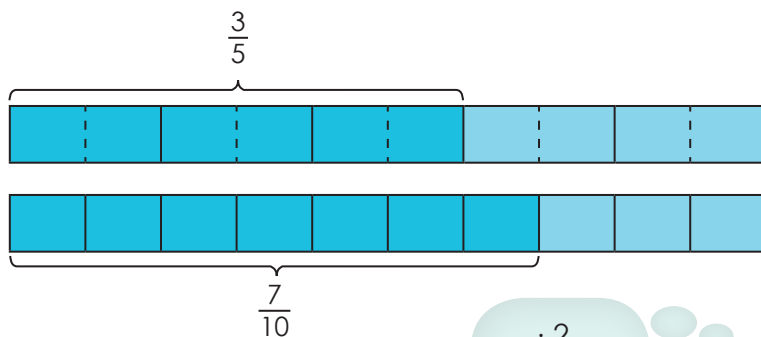
$$\frac{4}{4} = 1$$

$$\frac{8}{4} = 2$$

$$\frac{12}{4} = 3$$



- Suma  $\frac{3}{5}$  y  $\frac{7}{10}$ .



$$\frac{3}{5} + \frac{7}{10} = \frac{\quad}{10} + \frac{7}{10}$$

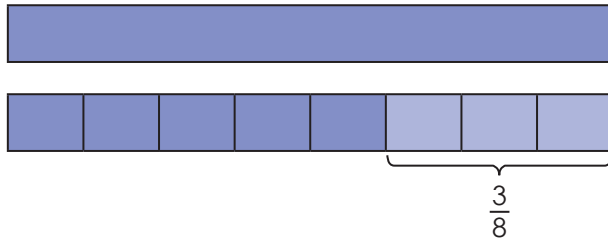
$$= \frac{\quad}{10}$$

$$= \frac{\quad}{\quad}$$

$$\frac{3}{5} \xrightarrow{\cdot 2} \frac{\quad}{10}$$



4. Resta  $\frac{3}{8}$  de 2.



$$2 - \frac{3}{8} = 1\frac{8}{8} - \frac{3}{8}$$

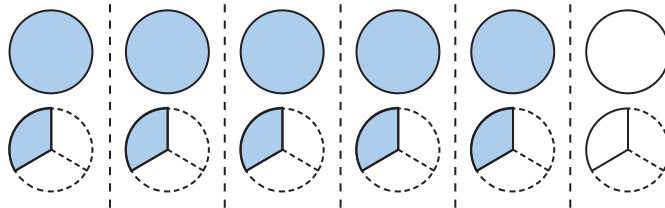
$$= \text{■}$$

5. Multiplica  $\frac{5}{6}$  y 8.

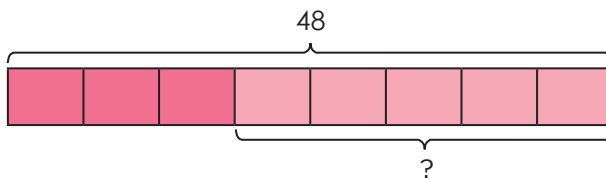
$$\frac{5}{6} \cdot 8 = \frac{5 \cdot \cancel{8}^4}{\cancel{6}_3}$$

$$= \frac{\text{■}}{\text{■}}$$

$$= \text{■}$$



6. 48 estudiantes fueron al zoológico.  $\frac{3}{8}$  de ellos eran niñas.  
¿Cuántos niños había?



8 unidades  $\rightarrow$  48  
1 unidad  $\rightarrow$  ■  
5 unidades  $\rightarrow$  ■

Había ■ niños.

$$1 - \frac{3}{8} = \frac{5}{8}$$

$\frac{5}{8}$  de los estudiantes eran niños.

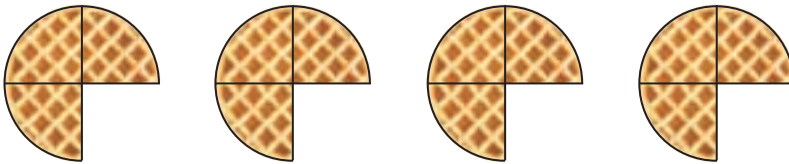
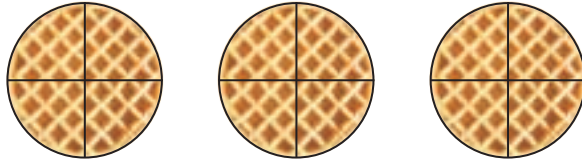


# Lección 1 Fracciones y divisiones

## Asociar fracciones con la división

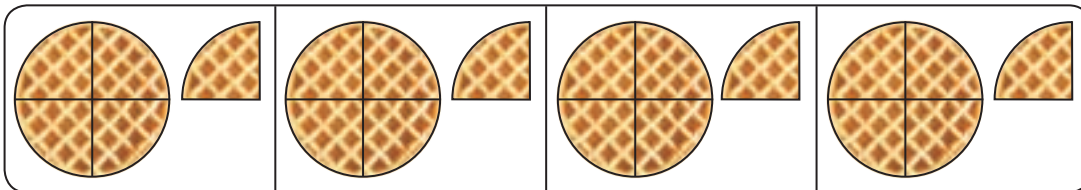
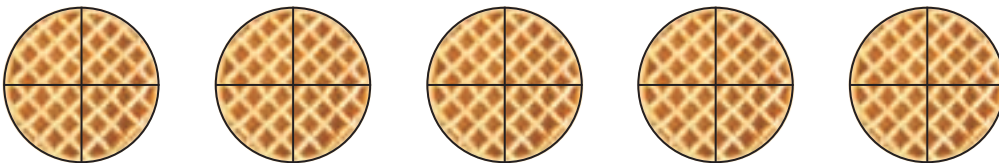
### ¡Aprendamos!

- a) 4 niños comparten 3 waffles en partes iguales.  
Cada niño recibe 3 cuartos de waffle.



$$3 : 4 = \frac{3}{4}$$

- b) 4 niños comparten 5 waffles en partes iguales.  
Cada niño recibe 5 cuartos de waffle.



$$5 : 4 = \frac{\quad}{\quad}$$

Aquí se presenta otra forma de mostrar que  $5 : 4 = \frac{5}{4}$ .

$\begin{array}{r} 1\ 2\ 4 \\ 3\ + \end{array}$

$$\begin{aligned} 5 : 4 &= 1\frac{1}{4} \\ &= 1 + \frac{1}{4} \\ &= \frac{4}{4} + \frac{1}{4} \\ &= \frac{5}{4} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 5 : 4 &= 1 \\ - \frac{4}{1} &\leftarrow \text{resto 1 de 4 partes iguales} \\ 1 : 4 &= \frac{1}{4} \end{aligned}$$

## Expresar fracciones impropias como enteros o números mixtos

### ¡Aprendamos!

Expresa  $\frac{11}{4}$  como número mixto.

#### Método 1

$\begin{array}{r} 1\ 2\ 4 \\ 3\ + \end{array}$

$$\begin{aligned} \frac{11}{4} &= \frac{8}{4} + \frac{3}{4} \\ &= 2 + \frac{3}{4} \\ &= 2\frac{3}{4} \end{aligned}$$

#### Método 2

$$\begin{aligned} \frac{11}{4} &= 11 : 4 \\ &= 2\frac{3}{4} \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 1\ 1 : 4 = 2 \\ - \frac{8}{3} \end{array}$$

### ¡Hagámoslo!

- Expresa cada fracción impropia como entero o número mixto en su forma más simple.

a)  $\frac{15}{5} = \underline{\hspace{2cm}}$   $\begin{array}{r} 1\ 5 : 5 = \square \\ - 1\ 5 \\ \hline \square \end{array}$

#### b) Método 1

$$\begin{aligned} \frac{13}{5} &= \frac{\square}{5} + \frac{\square}{5} \\ &= \underline{\hspace{2cm}} + \frac{\square}{5} \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

#### Método 2

$$\begin{array}{r} 1\ 3 : 5 = \square \\ \frac{13}{5} = \underline{\hspace{2cm}} \\ - \begin{array}{r} \square\ \square \\ \hline \square \end{array} \end{array}$$

# Dividir enteros para obtener números mixtos

## ¡Aprendamos!

Expresa el resultado de  $22 : 8$  como número mixto.

### Método 1

$$\begin{array}{r} 22 : 8 = 2 \frac{6}{8} \\ - \frac{16}{8} \\ \hline 6 \end{array}$$

$$= 2 \frac{\boxed{\phantom{00}}}{4}$$

Expresa el resultado en su forma más simple.



### Método 2

$$22 : 8 = \frac{22}{8}$$

$$= \frac{\boxed{\phantom{00}}}{4}$$

$$= \boxed{\phantom{00}}$$

2 es un factor común de 22 y 8.  
Divide 22 y 8 por 2.



## ¡Hagámoslo!

- Divide. Expresa cada resultado como número mixto en su forma más simple.

a)

### Método 1

$$7 : 3 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\begin{array}{r} 7 : 3 = 2 \\ - \frac{6}{3} \\ \hline 1 \end{array}$$

### Método 2

$$7 : 3 = \frac{7}{3}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

b)

### Método 1

$$14 : 8 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\begin{array}{r} 1 \quad 4 : 8 = \boxed{\phantom{00}} \\ - \quad \boxed{\phantom{00}} \\ \hline \boxed{\phantom{00}} \end{array}$$

### Método 2

$$14 : 8 = \frac{14}{8}$$

$$= \frac{\boxed{\phantom{00}}}{4}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

## Expresar fracciones impropias como decimales

### ¡Aprendamos!

Expresa  $\frac{11}{6}$  como decimal redondeado a una posición decimal.

$\frac{11}{6} = 11 : 6$   
 $\approx 1,8$

$$\begin{array}{r} 11,00 : 6 = 1,83 \\ - \quad 6 \phantom{00} \\ \hline 50 \phantom{0} \\ - 48 \phantom{0} \\ \hline 20 \\ - 18 \\ \hline 2 \end{array}$$

Nota el cambio en el símbolo de = a  $\approx$ .

Divide a 2 posiciones decimales. Luego, redondea el resultado a una posición decimal.

$$1,83 \approx 1,8$$



### ¡Hagámoslo!

1. Expresa cada fracción impropia como decimal. Redondea el resultado a una posición decimal.

a)  $\frac{16}{3} \approx \underline{\hspace{2cm}}$      $16 : 3$

b)  $\frac{41}{8} \approx \underline{\hspace{2cm}}$      $41 : 8$

 Capítulo 3: actividad 2, página 44

## Resolución de problemas

### ¡Aprendamos!

Un balde contiene 8 litros de agua. Si se vierte el agua en partes iguales en 3 jarros, ¿cuánta agua hay en cada jarro? Expresa el resultado como número mixto.

$8 : 3 = \blacksquare$

Hay  $\blacksquare$  litros de agua en cada jarro.

## ¡Hagámoslo!

1. Una caja de té con un peso de 4 kilogramos fue dividida en 3 bolsas del mismo peso. ¿Cuál era el peso de cada bolsa de té? Expresa el resultado como decimal redondeado a una posición decimal.

$$4 : 3 \approx \underline{\hspace{2cm}}$$

El peso de cada bolsa de té era de            kilogramos.

 Capítulo 3: actividad 3, página 45

## Práctica 1

1. Expresa cada fracción impropia como entero o número mixto en su forma más simple.

a)  $\frac{21}{3}$

b)  $\frac{24}{9}$

c)  $\frac{50}{6}$

d)  $\frac{72}{9}$

2. Divide. Expresa cada resultado como mixto en su forma más simple.

a)  $30 : 8$

b)  $21 : 4$

c)  $35 : 10$

d)  $78 : 7$

3. Expresa cada fracción impropia como decimal. Redondea la respuesta a una posición decimal.

a)  $\frac{5}{3}$

b)  $\frac{7}{6}$

c)  $\frac{25}{4}$

d)  $\frac{50}{9}$

Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

4. Sebastián cortó una cinta en 8 pedazos iguales. Si la cinta era de 26 metros de largo, ¿cuál era el largo de cada pedazo?
5. La Sra. Díaz compró 3 metros de tela. Ella usó la tela para hacer 9 fundas del mismo tamaño. ¿Cuánto metros de tela usó para cada funda?
6. Una repostera hizo 10 tortas. Ella repartió las tortas en 4 partes iguales. ¿Cuántas tortas había en cada parte?
7. Gabriela vertió 2 litros de leche en 5 jarros iguales. ¿Cuánta leche había en cada jarro?
8. Una cinta roja mide 11 metros y es 5 veces más larga que una cinta azul. ¿Cuál es el largo de la cinta azul?

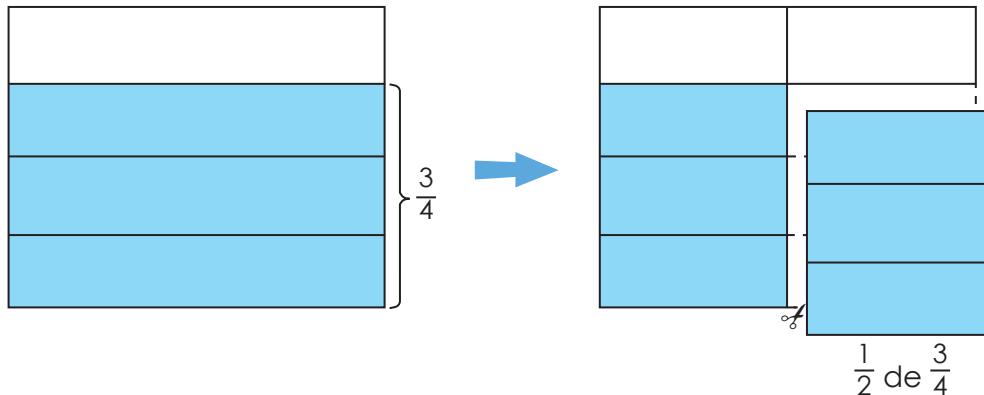


## Lección 2 Multiplicación de fracciones y números mixtos

### Encontrar el producto de fracciones por medio de una actividad

¡Aprendamos!

- a) Colorea  $\frac{3}{4}$  de un rectángulo. Recorta  $\frac{1}{2}$  de las partes coloreadas.  
¿Qué fracción del rectángulo recortaste?



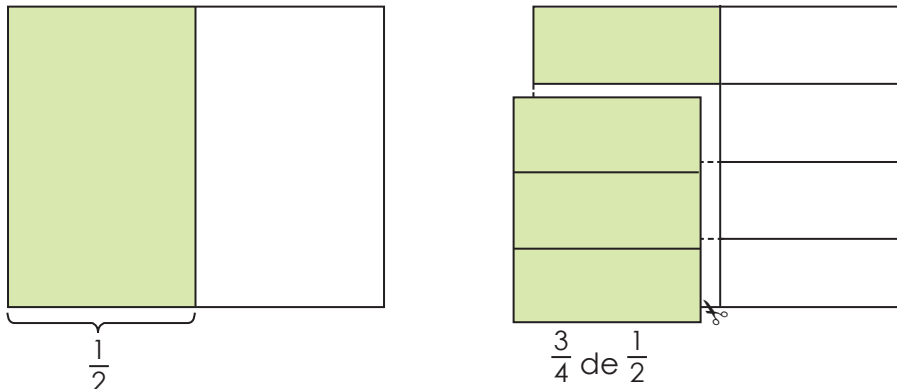
$$\frac{1}{2} \text{ de } \frac{3}{4} = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} \\ = \frac{3}{8}$$

Escribe  $\frac{1}{2}$  de  $\frac{3}{4}$  como  $\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4}$ .



Recorté  $\frac{3}{8}$  del rectángulo.

- b) Colorea  $\frac{1}{2}$  de un rectángulo. Recorta  $\frac{3}{4}$  de las partes coloreadas.  
¿Qué fracción del rectángulo recortaste?



$$\frac{3}{4} \text{ de } \frac{1}{2} = \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{2} \\ = \frac{3}{8}$$

Escribe  $\frac{3}{4}$  de  $\frac{1}{2}$  como  $\frac{3}{4} \cdot \frac{1}{2}$ .



Recorté  $\frac{3}{8}$  del rectángulo.

$\frac{1}{2}$  de  $\frac{3}{4}$  y  $\frac{3}{4}$  de  $\frac{1}{2}$  tienen como resultado  $\frac{3}{8}$ .

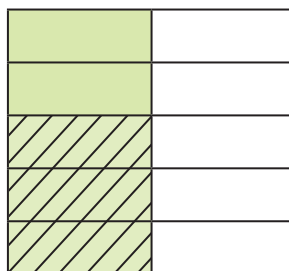
Entonces,  $\frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} = \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{2}$ .

### ¡Hagámoslo!

- Una huerta ocupa  $\frac{1}{2}$  de un terreno.  $\frac{3}{5}$  de la huerta se usan para cultivar rábanos. ¿Qué fracción del terreno se usa para cultivar rábanos?

$$\frac{3}{5} \text{ de } \frac{1}{2} = \frac{3}{5} \cdot \frac{1}{2}$$

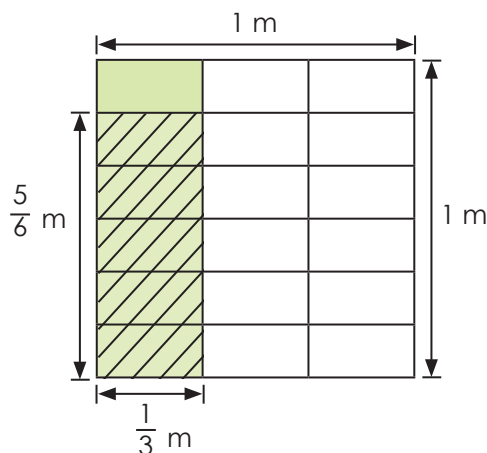
= \_\_\_\_\_



\_\_\_\_\_ del terreno se usan para cultivar rábanos.

- Encuentra el área de un rectángulo que mide  $\frac{1}{3}$  de metro por  $\frac{5}{6}$  de metro.

$$\frac{1}{3} \cdot \frac{5}{6} = \underline{\hspace{2cm}}$$



5 de 18 partes iguales están coloreadas.



El área del rectángulo es de \_\_\_\_\_ de metro cuadrado.

# Encontrar el producto de fracciones

## ¡Aprendamos!



a) Multiplica  $\frac{4}{5}$  por  $\frac{2}{3}$ .



$$\frac{4}{5} \cdot \frac{2}{3} = \frac{4 \cdot 2}{5 \cdot 3} = \frac{8}{15}$$



b) Multiplica  $\frac{3}{4}$  por  $\frac{7}{12}$ .

### Método 1

$$\frac{3}{4} \cdot \frac{7}{12} = \frac{\cancel{3}^1 \cdot 7}{4 \cdot \cancel{12}_4} = \frac{7}{16}$$

3 es un factor común mayor de 3 y 12. Divide 3 y 12 por 3.

### Método 2

$$\frac{\cancel{3}^1}{4} \cdot \frac{7}{\cancel{12}_4} = \frac{1 \cdot 7}{4 \cdot 4} = \frac{7}{16}$$



c) Encuentra el producto de  $\frac{9}{10}$  y  $\frac{5}{12}$ .

### Método 1

$$\frac{9}{10} \cdot \frac{5}{12} = \frac{\cancel{9}_3 \cdot \cancel{5}_1}{\cancel{10}_2 \cdot \cancel{12}_4} = \frac{3 \cdot 1}{2 \cdot 4} = \frac{3}{8}$$

5 es un factor común de 5 y 10. Divide 5 y 10 por 5.

3 es un factor común de 9 y 12. Divide 9 y 12 por 3.

### Método 2

$$\frac{\cancel{9}_3}{\cancel{10}_2} \cdot \frac{\cancel{5}_1}{\cancel{12}_4} = \frac{3 \cdot 1}{2 \cdot 4} = \frac{3}{8}$$



## ¡Hagámoslo!

1. Multiplica. Expresa cada resultado en su forma más simple.

$$\begin{aligned} \text{a) } \frac{1}{3} \cdot \frac{3}{4} &= \frac{1 \cdot \cancel{3}^1}{\cancel{3}_1 \cdot 4} \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

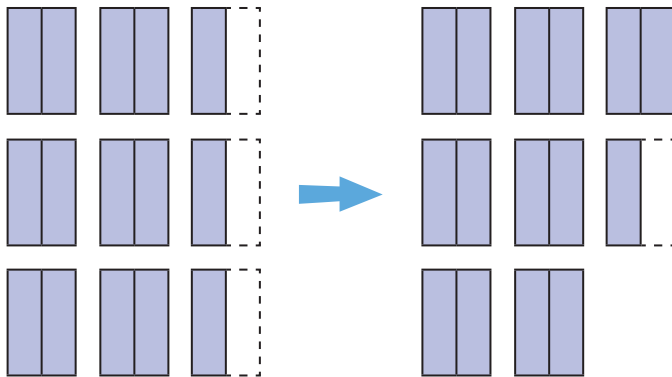
$$\begin{aligned} \text{b) } \frac{15}{4} \cdot \frac{8}{3} &= \frac{\boxed{\phantom{0}} \cdot \cancel{8}^2}{\cancel{4}_1 \cdot \boxed{\phantom{0}}} \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

 Capítulo 3: actividades 4–5, páginas 46–48

## Multiplicar enteros por números mixtos

### ¡Aprendamos!

- a) Hay 3 estudiantes en un grupo. Cada estudiante demora  $2\frac{1}{2}$  horas en un proyecto del grupo. ¿Cuántas horas en total demoran en el proyecto?



Hay  $7\frac{1}{2}$  enteros.



$$\begin{aligned} 3 \cdot 2\frac{1}{2} &= 3 \cdot \frac{5}{2} \\ &= \frac{3 \cdot 5}{2} \\ &= \frac{15}{2} \\ &= 7\frac{1}{2} \end{aligned}$$

$$2\frac{1}{2} = \frac{5}{2}$$



Ellos demoran  $7\frac{1}{2}$  horas en total en el proyecto.

b) Multiplica  $1\frac{5}{8}$  por 6.

1 2 4  
3 +

$$1\frac{5}{8} \cdot 6 = \frac{13}{4\cancel{8}} \cdot \cancel{6}^3$$

$$= \frac{39}{4}$$

$$= \boxed{\phantom{00}}$$

2 es un factor común de 6 y 8. Divide 6 y 8 por 2.



### ¡Hagámoslo!

1. Multiplica. Expresa el resultado como número mixto en su forma más simple.

a)  $2\frac{3}{5} \cdot 4 = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}} \cdot 4$

= \_\_\_\_\_

= \_\_\_\_\_

$$2\frac{3}{5} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{5}$$



b)  $1\frac{5}{6} \cdot 4 = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}} \cdot 4$

= \_\_\_\_\_

= \_\_\_\_\_

$$1\frac{5}{6} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{6}$$



## Multiplicar fracciones o números mixtos por números mixtos

### ¡Aprendamos!

a) Multiplica  $\frac{3}{4}$  por  $2\frac{1}{5}$ .

1 2 4  
3 +

$$\frac{3}{4} \cdot 2\frac{1}{5} = \frac{3}{4} \cdot \frac{11}{5}$$

$$= \frac{33}{20}$$

$$= 1\frac{13}{20}$$

$$2\frac{1}{5} = \frac{11}{5}$$



b) Multiplica  $1\frac{1}{2}$  por  $2\frac{2}{3}$ .

**1 2 4**  
**3 +**

$$1\frac{1}{2} \cdot 2\frac{2}{3} = \frac{3}{2} \cdot \frac{8}{3}$$

$$= \frac{\cancel{3}^1 \cdot \cancel{8}^4}{\cancel{2}_1 \cdot \cancel{3}_1}$$

$$= 4$$

$$1\frac{1}{2} = \frac{3}{2}$$

$$2\frac{2}{3} = \frac{8}{3}$$



### ¡Hagámoslo!

1. Multiplica. Expresa cada resultado en su forma más simple.

a)  $1\frac{2}{9} \cdot \frac{2}{3} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{9} \cdot \frac{2}{3}$

= \_\_\_\_\_

$$1\frac{2}{9} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{9}$$



b)  $2\frac{1}{3} \cdot 3\frac{3}{7} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{3} \cdot \frac{\boxed{\phantom{00}}}{7}$

= \_\_\_\_\_

$$2\frac{1}{3} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{3}$$

$$3\frac{3}{7} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{7}$$



 Capítulo 3: actividad 6, página 49

## Resolución de problemas

### ¡Aprendamos!

Sergio tenía un pedazo de cordel de  $\frac{1}{2}$  metro de largo. Él usó  $\frac{1}{3}$  para amarrar una caja. Encuentra el largo del cordel que usó para amarrar la caja.

**1 2 4**  
**3 +**

$$\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1 \cdot 1}{3 \cdot 2}$$

$$= \frac{1}{6}$$

Sergio usó  de metro de cordel para amarrar la caja.

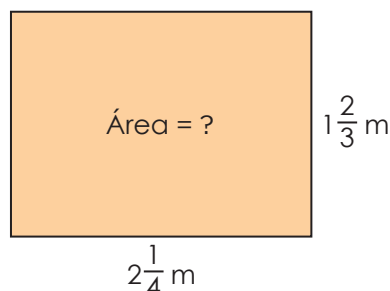
## ¡Hagámoslo!

- Una parte de una muralla fue pintada de naranja. La parte pintada era un rectángulo que medía  $2\frac{1}{4}$  por  $1\frac{2}{3}$  de metro. ¿Cuál era el área de la muralla que fue pintada de naranja?

$$2\frac{1}{4} \cdot 1\frac{2}{3} = \frac{9}{4} \cdot \frac{5}{3}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$



El área de la muralla que fue pintada de naranja era de \_\_\_\_\_ metros cuadrados.

 Capítulo 3: actividad 7, páginas 50–51

## Práctica 2

- Multiplica. Expresa cada resultado en su forma más simple.

a)  $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}$

b)  $\frac{1}{4} \cdot \frac{8}{9}$

c)  $\frac{5}{6} \cdot \frac{1}{5}$

d)  $\frac{3}{4} \cdot \frac{5}{6}$

e)  $\frac{4}{5} \cdot \frac{5}{8}$

f)  $\frac{5}{12} \cdot \frac{9}{10}$

- Multiplica. Expresa cada resultado en su forma más simple.

a)  $\frac{9}{4} \cdot \frac{16}{3}$

b)  $\frac{14}{9} \cdot \frac{12}{7}$

c)  $\frac{10}{7} \cdot \frac{14}{5}$

d)  $\frac{20}{7} \cdot \frac{7}{4}$

e)  $\frac{11}{5} \cdot \frac{20}{11}$

f)  $\frac{15}{8} \cdot \frac{8}{3}$

- Multiplica. Expresa cada resultado en su forma más simple.

a)  $1\frac{3}{5} \cdot \frac{3}{8}$

b)  $\frac{3}{4} \cdot 2\frac{5}{6}$

c)  $1\frac{5}{9} \cdot 1\frac{5}{7}$

d)  $1\frac{3}{7} \cdot 2\frac{4}{5}$

e)  $2\frac{6}{7} \cdot 1\frac{3}{4}$

f)  $2\frac{1}{5} \cdot 1\frac{9}{11}$

Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

4. Julián tiene  $2\frac{3}{4}$  kilogramos de harina. Él usa  $\frac{2}{3}$  de esta harina para hornear una torta. ¿Cuánta harina usa?
5. El Sr. Ramírez tiene un gran pedazo de terreno que mide  $2\frac{1}{2}$  kilómetros por  $3\frac{3}{4}$  kilómetros. ¿Cuál es el área total del terreno?

## Lección 3 Resolución de problemas

### Problemas

#### ¡Aprendamos!

Érika tenía \$125 000. Ella gastó  $\frac{2}{5}$  de su dinero y ahorró el resto.

¿Cuánto dinero ahorró Érika?

**1 Comprendo**  
el problema.

#### Método 1

**2 Planeo**  
qué hacer.

¿Cuánto dinero tenía Érika?  
¿Cuánto dinero gastó Érika?  
¿Qué debo encontrar?



Primero debo encontrar la fracción de dinero ahorrado. Luego, encuentro la cantidad de dinero ahorrado.

**3 Resuelvo**  
el problema.

$$1 - \frac{2}{5} = \frac{3}{5}$$

Ella ahorró  $\frac{3}{5}$  del dinero.

$$\frac{3}{5} \cdot \overset{25\,000}{\cancel{\$125\,000}} = 3 \cdot \$25\,000 \\ = \$75\,000$$

Ella ahorró \$75 000.

**4 Compruebo**  
¿Respondiste la pregunta?  
¿Es razonable tu respuesta?

$$\frac{3}{5} > \frac{1}{2}$$

Ella ahorró más de  $\frac{1}{2}$  de la cantidad de dinero.

$\frac{1}{2}$  de \$125 000 es \$62 500.

\$75 000 > \$62 500

Mi respuesta es razonable.





## Método 2

**2** **Planeo**  
qué hacer.

Primero, encuentro la cantidad gastada.  
Luego, encuentro la cantidad de dinero ahorrado.



**3** **Resuelvo**  
el problema.

$$\frac{2}{5} \cdot \$125\,000 = 2 \cdot \$25\,000 = \$50\,000$$

Ella gastó \$50 000.

$$\$125\,000 - \$50\,000 = \$75\,000$$

Ella ahorró \$75 000.

**4** **Compruebo**  
¿Respondiste la pregunta?  
¿Es razonable tu respuesta?

Comparo la fracción de dinero ahorrado con la fracción de dinero gastado.

$$\frac{3}{5} > \frac{2}{5}$$

$$\$75\,000 > \$50\,000$$

Mi respuesta es razonable.

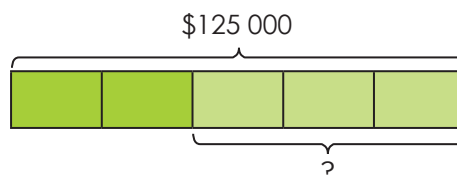


## Método 3

**2** **Planeo**  
qué hacer.

**Dibujar un modelo de barras** para ayudarme a resolver el problema.

**3** **Resuelvo**  
el problema.



5 unidades → \$125 000

1 unidad →  $\$125\,000 : 5 = \$25\,000$

3 unidades →  $3 \cdot \$25\,000 = \$75\,000$

Ella ahorró \$75 000.



4

**Compruebo**

¿Respondiste la pregunta?  
¿Es correcta tu respuesta?

2 unidades  $\rightarrow 2 \cdot \$25\,000 = \$50\,000$   
 $\$75\,000 + \$50\,000 = \$125\,000$

Mi respuesta es correcta.



- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

**¡Hagámoslo!**

1. Hay 96 estudiantes en un parque.  $\frac{5}{8}$  de ellos son niñas.  
¿Cuántos niños hay?

$$1 - \frac{5}{8} = \underline{\hspace{2cm}}$$

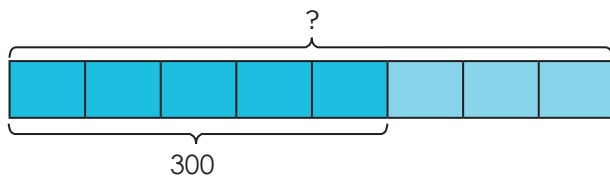
$$\frac{5}{8} \cdot 96 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\begin{aligned} 8 \text{ unidades} &\rightarrow 96 \\ 1 \text{ unidad} &\rightarrow 96 : 8 \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$



- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

2. En una panadería había algunos panes.  $\frac{5}{8}$  de los panes fueron vendidos. Si se vendieron 300 panes, ¿cuántos panes había al comienzo?



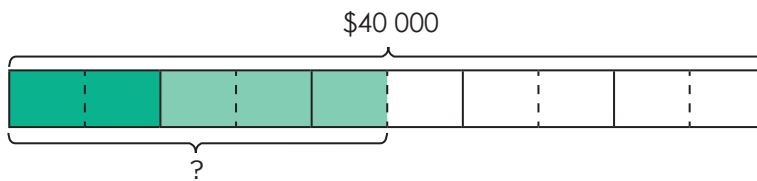
5 unidades  $\rightarrow 300$   
8 unidades  $\rightarrow ?$



- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

## ¡Aprendamos!

Camilo tenía \$40 000. Él gastó  $\frac{1}{5}$  del dinero en libretas de apuntes y  $\frac{3}{10}$  en lápices. ¿Cuánto dinero gastó él en total?



10 unidades  $\rightarrow$  \$40 000  
 1 unidad  $\rightarrow$  \$40 000 : 10  
 $=$  \$4000  
 5 unidades  $\rightarrow$  5  $\cdot$  \$4000  
 $=$  \$

Él gastó \$  en total.

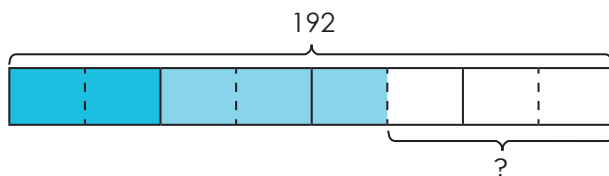
10 unidades  $\rightarrow$  \$40 000  
 5 unidades  $\rightarrow$  ?



- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

## ¡Hagámoslo!

- Cristián tenía 192 bolitas.  $\frac{1}{4}$  de las bolitas eran azules y  $\frac{3}{8}$  eran verdes. ¿Cuántas bolitas no eran azules ni verdes?



8 unidades  $\rightarrow$  192  
 3 unidades  $\rightarrow$  \_\_\_\_\_



- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

Capítulo 3: actividad 8, páginas 52–55

## ¡Aprendamos!

El Sr. Sánchez tenía 360 huevos. Vendió  $\frac{1}{3}$  de ellos el lunes y  $\frac{1}{4}$  de los que quedaron el martes. ¿Cuántos huevos vendió el martes?

### Método 1

$$1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$$

Le quedaron  $\frac{2}{3}$  de los huevos el lunes.

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{120}{360} = 2 \cdot 120 \\ = 240$$

Le quedaron 240 huevos el lunes.

$$\frac{1}{4} \cdot \frac{60}{240} = 1 \cdot 60 \\ = 60$$

Él vendió 60 huevos el martes.

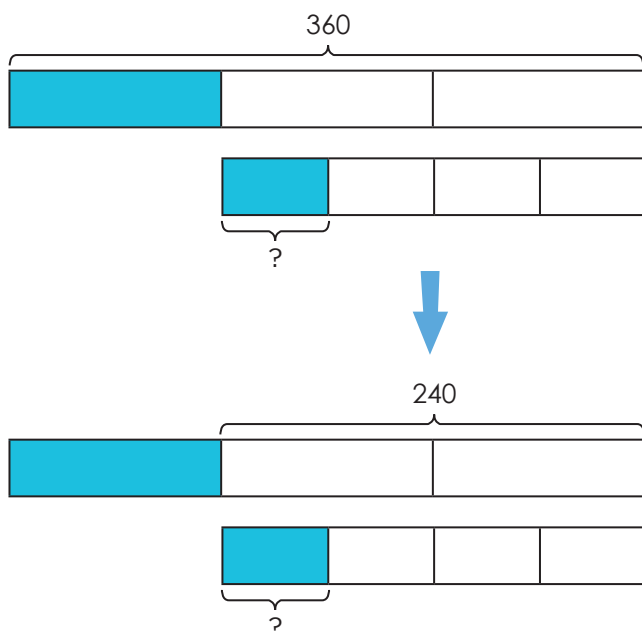
Primero, encuentro la fracción de huevos que quedaron el lunes.



Luego, encuentro el número de huevos que quedaron el lunes.

Por último, encuentro el número de huevos vendidos el martes.

### Método 2



Hay 4 partes iguales en lo que le quedó.



$$4 \text{ unidades} \rightarrow \frac{2}{3} \cdot \frac{120}{360} \\ = 2 \cdot 120 \\ = 240$$

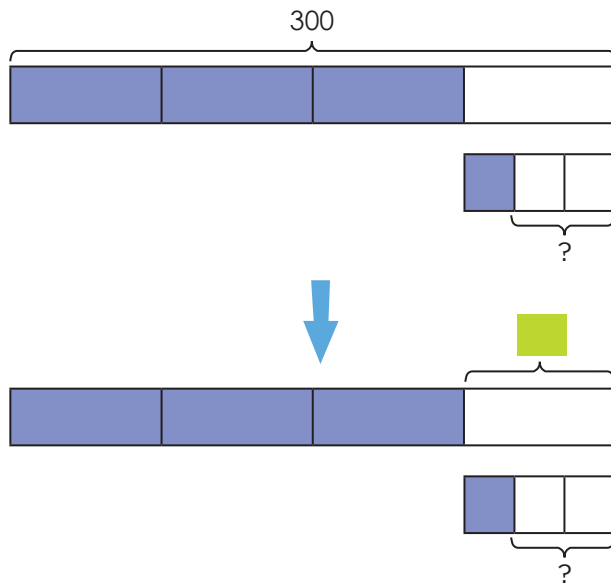
$$1 \text{ unidad} \rightarrow 240 : 4 = 60$$

Él vendió 60 huevos el martes.

- ✓ 1. Comprendo
- ✓ 2. Planeo
- ✓ 3. Resuelvo
- ✓ 4. Compruebo

## ¡Hagámoslo!

1. La Sra. Pérez hizo 300 galletas. Ella vendió  $\frac{3}{4}$  de ellas y dio  $\frac{1}{3}$  de las que le quedaron a su vecino. ¿Cuántas galletas le quedaron a ella?



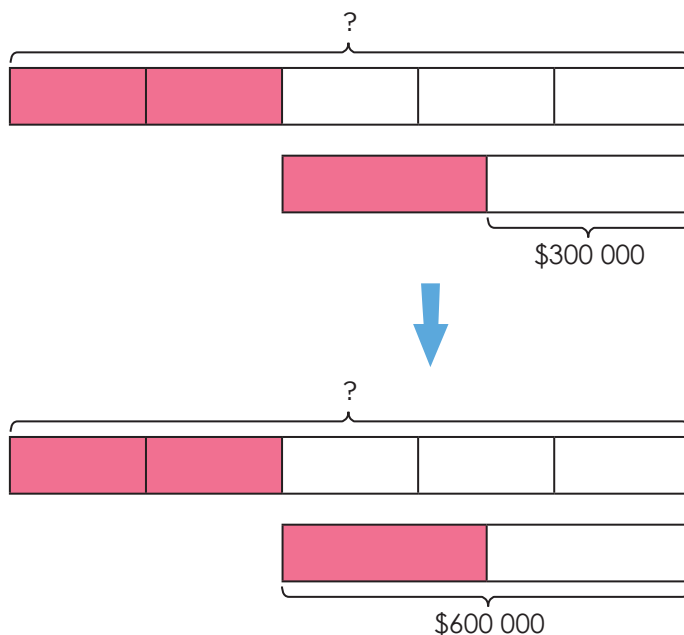
4 unidades  $\rightarrow$  300

1 unidad  $\rightarrow 300 : 4 = \underline{\hspace{2cm}}$



- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

2. El Sr. Muñoz le dio  $\frac{2}{5}$  de su dinero a su esposa y gastó  $\frac{1}{2}$  de lo que le quedó. Si le quedaron \$300 000, ¿cuánto dinero tenía al comienzo?



Hay 2 partes iguales en lo que quedó.



- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

## Práctica 3

Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

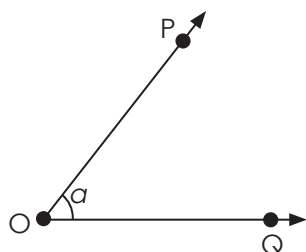
1. Hay 42 manzanas rojas y verdes en una caja.  $\frac{3}{7}$  de las manzanas son rojas. ¿Cuántas manzanas verdes hay?
2. Después de gastar  $\frac{2}{5}$  de su dinero en un avión de juguete, a Santiago le quedaron \$42 000. ¿Cuánto dinero tenía al comienzo?
3. El Sr. Jiménez tenía \$400 000. Él gastó  $\frac{2}{5}$  en un par de zapatillas y  $\frac{1}{4}$  de lo que le quedó en un buzo. ¿Cuánto dinero le quedó?
4. Una cafetería vendió 210 sándwiches.  $\frac{2}{3}$  de los sándwiches se vendieron en la mañana,  $\frac{1}{6}$  de ellos en la tarde y el resto en la noche. ¿Cuántos sándwiches se vendieron en la noche?
5. Daniel compró pegatinas. Él usó  $\frac{1}{2}$  de ellas para un trabajo del colegio y le dio  $\frac{1}{4}$  del resto a su hermana. Le quedaron 9 pegatinas. ¿Cuántas pegatinas había comprado?
6. El Sr. Hernández le dio  $\frac{1}{4}$  de una cantidad de dinero a su esposa. Luego, dividió el resto del dinero en partes iguales entre sus 4 hijos. Si cada hijo recibió \$600 000, encuentra la cantidad de dinero que él tenía al comienzo.
7. Laura leyó 10 páginas de un libro el lunes. Ella leyó  $\frac{1}{3}$  del resto del libro el martes. Si ella aún tenía que leer 24 páginas, ¿cuántas páginas tenía el libro?

# 4

# Ángulos

## ¡Recordemos!

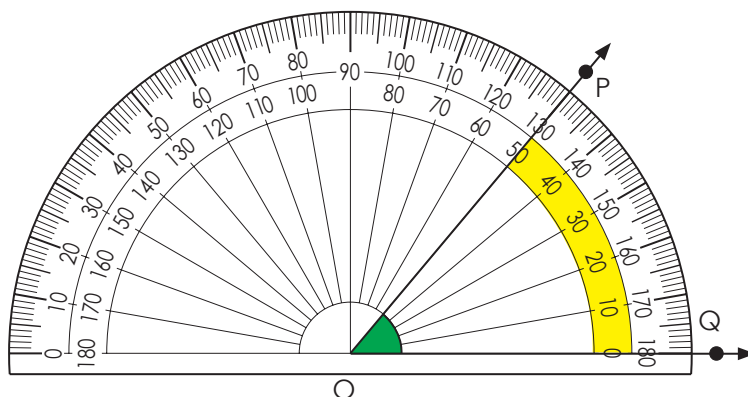
- Los rayos OP y OQ se encuentran en el vértice O.



Nombramos el ángulo formado como  $\angle POQ$ ,  $\angle$    o  $\angle a$ .

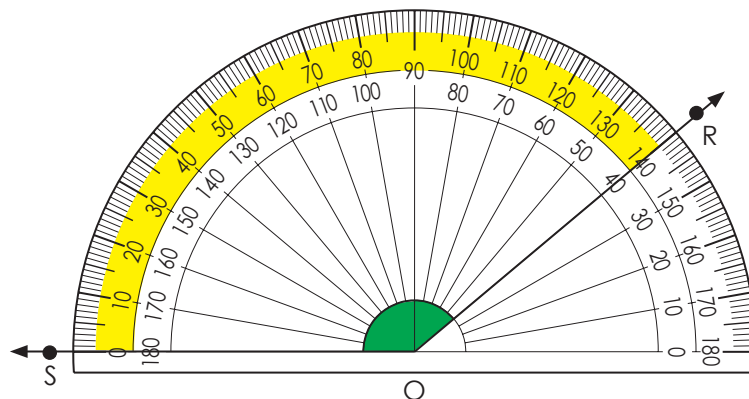
- Las medidas de los ángulos se dan en grados.  
Usamos un transportador para medir los ángulos.

a)



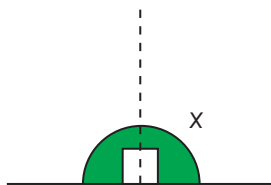
Medida del  $\angle POQ = 50^\circ$

b)

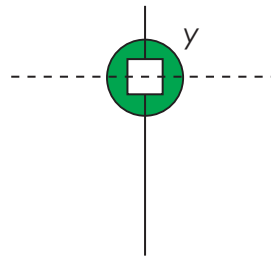


Medida del  $\angle SOR =$

3. Este ángulo es un ángulo



Este ángulo es un ángulo

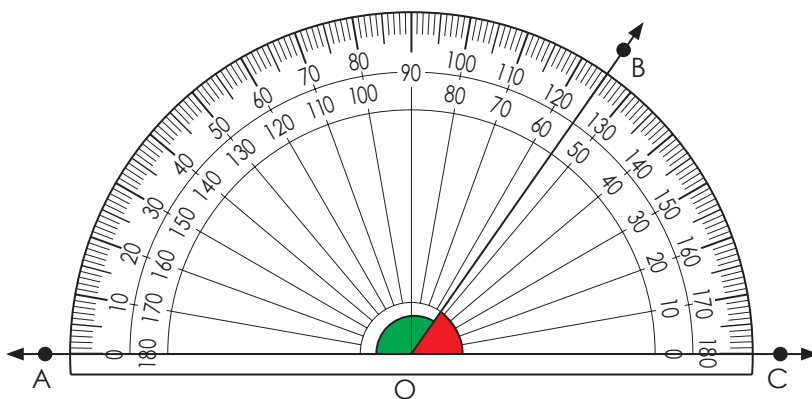


## Lección 1 Propiedades de los ángulos

### Formar ángulos extendidos

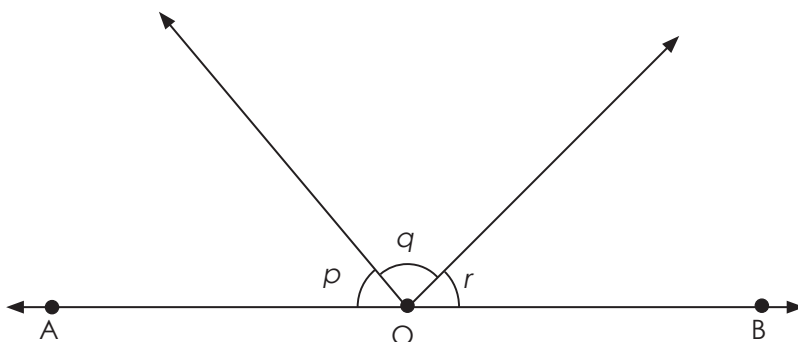
¡Aprendamos!

- a)  $\angle AOB$  y  $\angle BOC$  son **ángulos** contruidos sobre una línea recta. Estos dos ángulos forman un **ángulo extendido**.



$$\angle AOB + \angle BOC = 180^\circ$$

- b)  $\angle p$ ,  $\angle q$  y  $\angle r$  son ángulos contruidos sobre la línea AOB. Usa un transportador para medir  $\angle p$ ,  $\angle q$  y  $\angle r$ .



$$\angle p = 50^\circ$$

$$\angle q = \text{[green box]}$$

$$\angle r = \text{[green box]}$$



$$\angle p + \angle q + \angle r = \text{[green box]}$$

AOB es una línea recta.

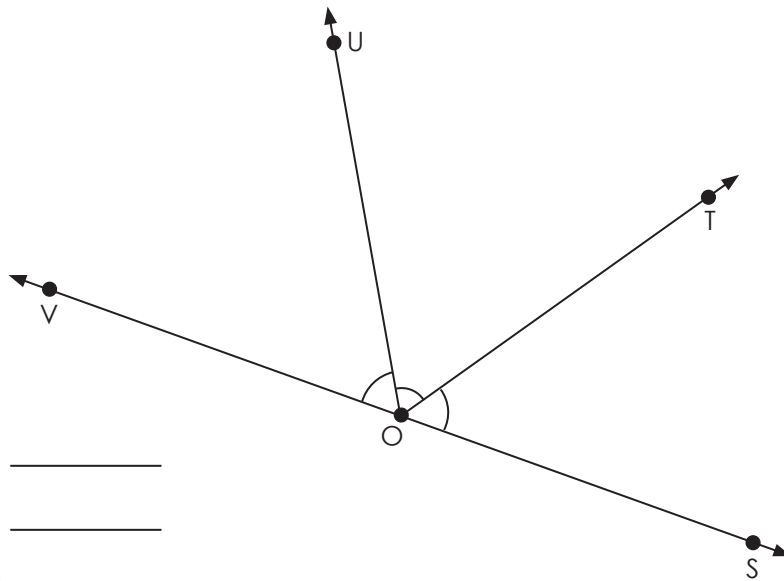


La suma de las medidas los ángulos contruidos sobre una línea recta es de  $180^\circ$  y forman un ángulo extendido.



## ¡Hagámoslo!

- Usa un transportador para encontrar las medidas de los ángulos.



$$\angle VOU = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle UOT = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle TOS = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle VOU + \angle UOT + \angle TOS = \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

¿Están estos ángulos contruidos sobre una línea recta? Explica por qué.

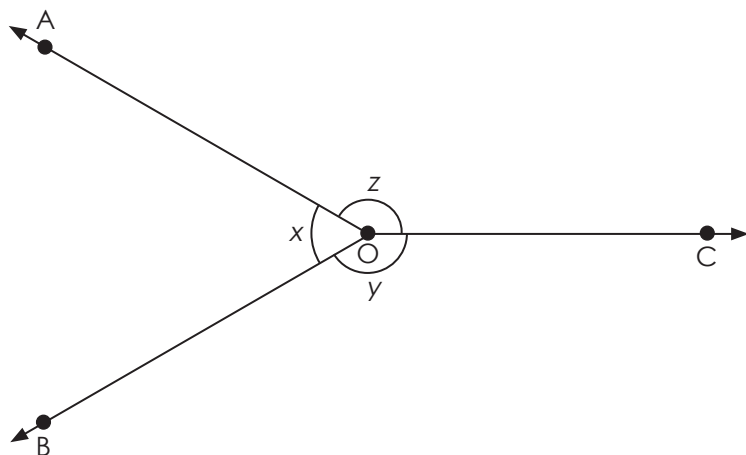
---

## Formar ángulos completos

### ¡Aprendamos!

OA, OB y OC son líneas rectas que se intersecan en el punto O.

$\angle x$ ,  $\angle y$  y  $\angle z$  forman un **ángulo completo**.



Usa un transportador para medir  $\angle x$ ,  $\angle y$  y  $\angle z$ .

$$\angle x = 60^\circ$$

$$\angle y = \underline{\hspace{2cm}}$$

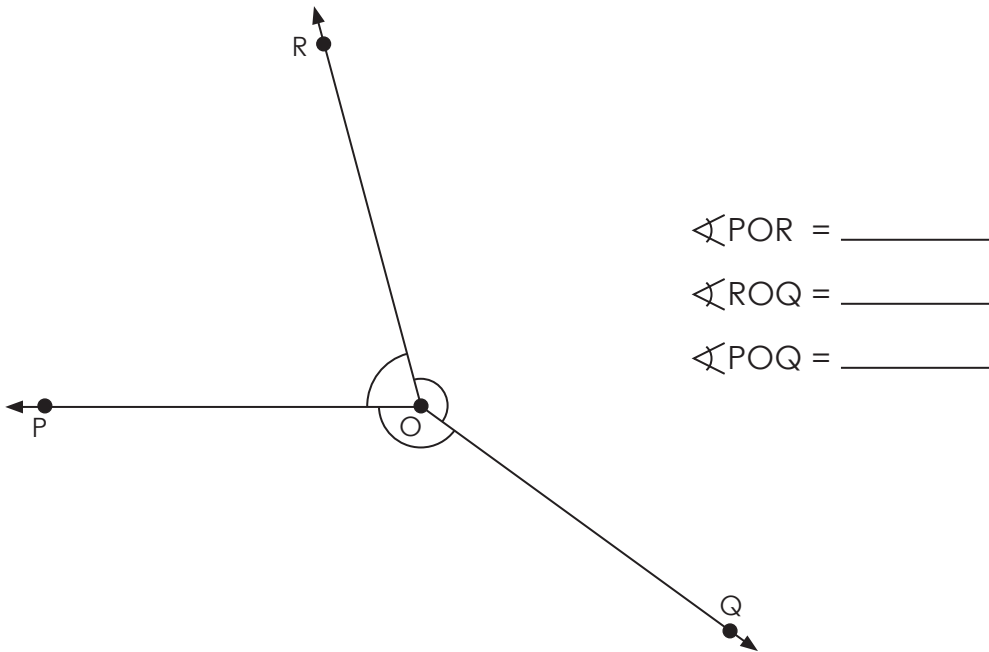
$$\angle z = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle x + \angle y + \angle z = \underline{\hspace{2cm}}$$

La suma de las medidas los ángulos que se intersecan en un punto es de  $360^\circ$  y forman un ángulo completo.

## ¡Hagámoslo!

1. Usa un transportador para encontrar las medidas de los ángulos.



$$\angle POR + \angle ROQ + \angle POQ = \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

¿Forman estos ángulos un ángulo completo? Explica por qué.

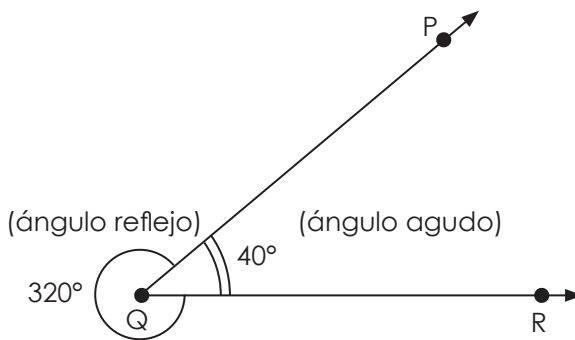
---

## Identificar ángulos reflejos

### ¡Aprendamos!



La medida de un **ángulo reflejo** es de más de  $180^\circ$  pero de menos de  $360^\circ$ .



agudo  $\angle PQR +$  reflejo  $\angle PQR = 360^\circ$



El ángulo agudo  $\angle PQR$  mide  $40^\circ$ . El ángulo reflejo  $\angle PQR$  mide  $320^\circ$ .

# Dibujar ángulos reflejos

## ¡Aprendamos!

Dibuja un ángulo reflejo  $\sphericalangle CAB$  con una medida de  $315^\circ$ .



**Paso 1** Encuentra la medida del ángulo  $\sphericalangle CAB$ .

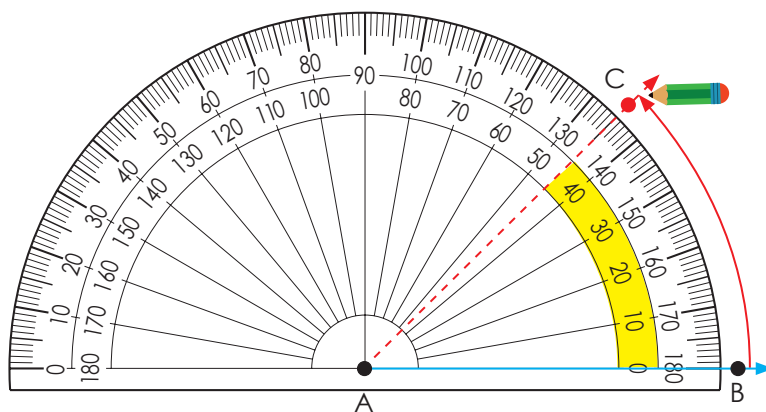
$$\begin{aligned}\text{Ángulo agudo } \sphericalangle CAB &= 360^\circ - 315^\circ \\ &= 45^\circ\end{aligned}$$



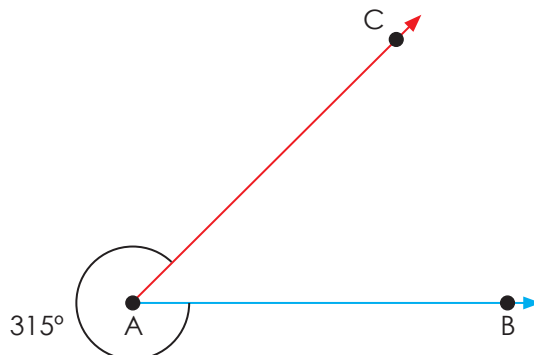
**Paso 2** Dibuja el rayo AB.



**Paso 3** Coloca la línea base del transportador en el rayo AB. Sitúa el centro de la línea base del transportador en el punto A. Marca el punto C de tal forma que el ángulo agudo  $\sphericalangle CAB$  mida  $45^\circ$ .



**Paso 4** Une el punto C al punto A. Nombra el ángulo reflejo  $\sphericalangle CAB$ .



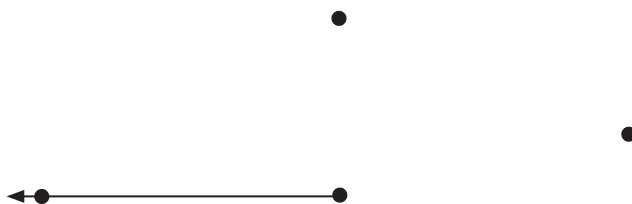
## ¡Hagámoslo!

1. Une el punto final de cada rayo con el punto correcto para obtener la medida del ángulo requerido. Usa un transportador para ayudarte. Luego dale un nombre al ángulo.

a) Medida del  $\angle p = 336^\circ$



b) Medida del  $\angle q = 192^\circ$



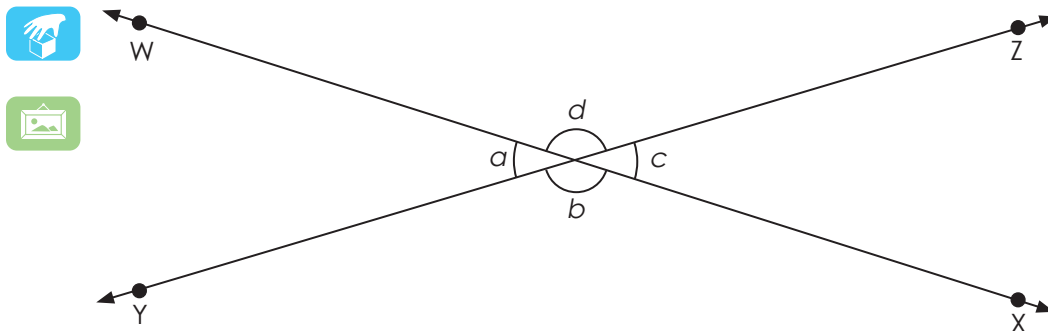
## Ángulos opuestos por el vértice

### ¡Aprendamos!

WX y YZ son dos líneas rectas que se cruzan para formar  $\angle a$ ,  $\angle b$ ,  $\angle c$  y  $\angle d$ .

$\angle a$  y  $\angle c$  son **ángulos opuestos por el vértice**.

$\angle b$  y  $\angle d$  también son ángulos opuestos por el vértice.



1 2 4  
3 +

Usa un transportador para medir  $\angle a$ ,  $\angle b$ ,  $\angle c$  y  $\angle d$ .

$$\angle a = 35^\circ$$

$$\angle c = \boxed{\phantom{00}}$$

$$\angle b = \boxed{\phantom{00}}$$

$$\angle d = \boxed{\phantom{00}}$$

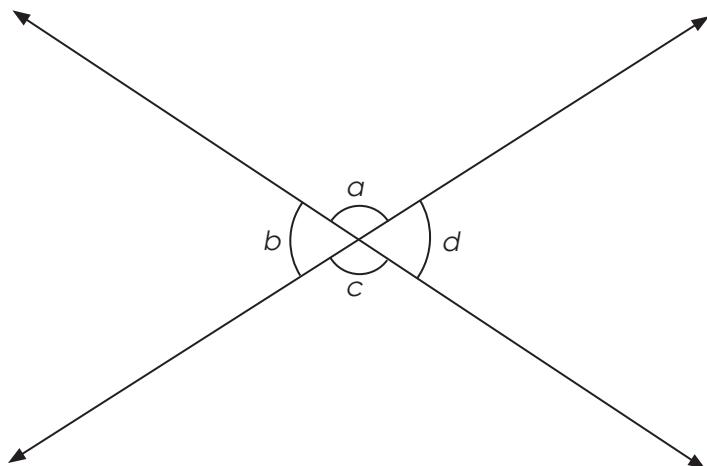
$$\angle a = \angle \boxed{\phantom{00}}$$

$$\angle \boxed{\phantom{00}} = \angle \boxed{\phantom{00}}$$

**Los ángulos opuestos por el vértice tienen medidas iguales.**

## ¡Hagámoslo!

- La figura muestra los cuatro ángulos formados por dos líneas rectas que se cruzan. Usa un transportador para encontrar las medidas de los ángulos.



$\angle a = \underline{\hspace{2cm}}$

$\angle b = \underline{\hspace{2cm}}$

$\angle c = \underline{\hspace{2cm}}$

$\angle d = \underline{\hspace{2cm}}$

¿Cuáles son los dos pares de ángulos opuestos por el vértice?

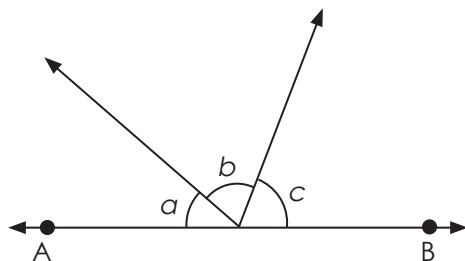
\_\_\_\_\_

 Capítulo 4: actividad 1, páginas 60–63

## Práctica 1

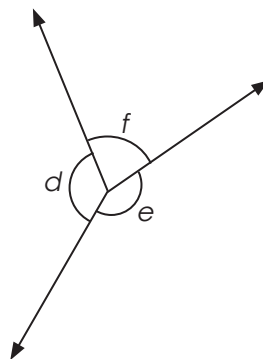
- ¿Cuál es la suma de las medidas de los ángulos
  - extendidos?
  - completos?
- ¿Cuál es la suma de las medidas de los ángulos marcados en cada figura?

a)



$\angle a + \angle b + \angle c = \underline{\hspace{2cm}}$

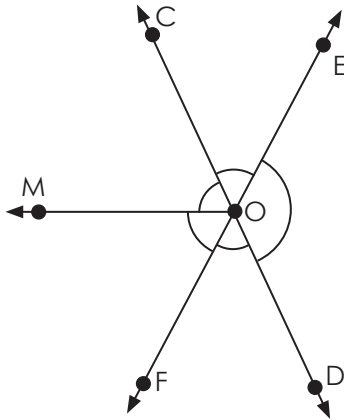
b)



$\angle d + \angle e + \angle f = \underline{\hspace{2cm}}$

- Dibuja el  $\angle ABC$  con una medida de  $280^\circ$ .

4. COD y EOF son líneas rectas.  
Nombra los pares de ángulos opuestos por el vértice.



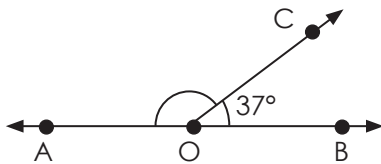
## Lección 2 Encontrando medidas desconocidas de ángulos

### Encontrar medidas desconocidas de ángulos

#### ¡Aprendamos!

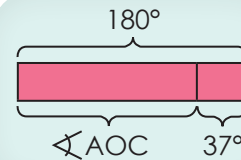


- a) AOB es una línea recta. Encuentra la medida del  $\angle AOC$ .

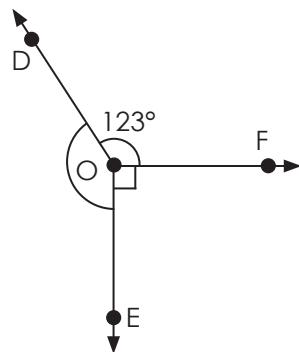


$$\begin{aligned}\angle AOC &= 180^\circ - 37^\circ \\ &= 143^\circ\end{aligned}$$

La suma de las medidas de los ángulos contruidos sobre una línea recta es de  $180^\circ$ .

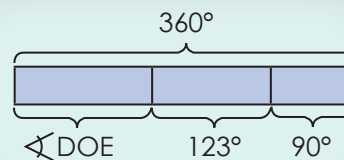


- b) Encuentra la medida del  $\angle DOE$ .

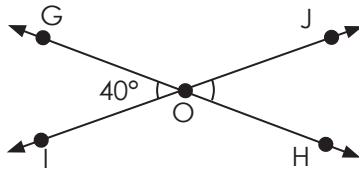


$$\begin{aligned}\angle DOE &= 360^\circ - 123^\circ - 90^\circ \\ &= \end{aligned}$$

La suma de las medidas de los ángulos que se intersecan en un punto es de  $360^\circ$ .



- c) GOH y IOJ son líneas rectas. Encuentra la medida del  $\angle JOH$ .



$$\angle JOH = \boxed{\phantom{000}}$$

$\angle JOH$  y  $\angle IOG$  son ángulos opuestos por el vértice.

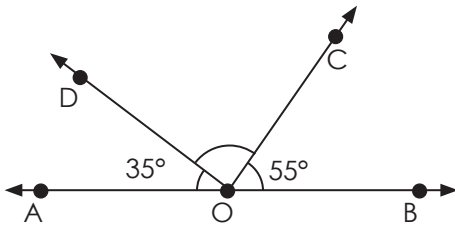
Los ángulos opuestos por el vértice tienen medidas iguales.



## ¡Hagámoslo!

Las figuras a continuación no están dibujadas a escala.

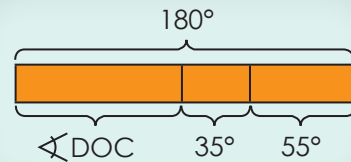
1. En la figura, AOB es una línea recta. Encuentra la medida del  $\angle DOC$ .



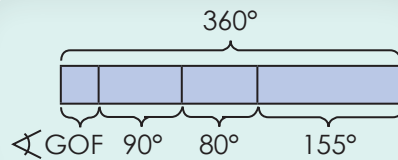
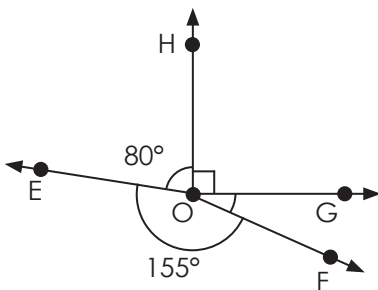
$$\angle DOC = 180^\circ - \underline{\hspace{2cm}} - \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

La suma de las medidas de los ángulos contruidos sobre una línea recta es de  $180^\circ$ .



2. Encuentra la medida del  $\angle GOF$ .

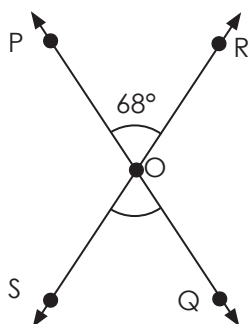


$$\angle GOF = 360^\circ - \underline{\hspace{2cm}} - \underline{\hspace{2cm}} - \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$



3. POQ y ROS son líneas rectas. Encuentra la medida del  $\angle QOS$ .



$\angle POR$  y  $\angle$  \_\_\_\_\_ son ángulos opuestos por el vértice.

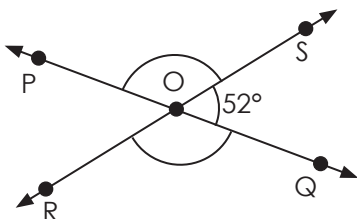


$\angle QOS =$  \_\_\_\_\_

Capítulo 4: actividad 2, páginas 64–65

## ¡Aprendamos!

POQ y ROS son líneas rectas. Encuentra las medidas de los  $\angle QOR$  y  $\angle POS$ .



La suma de las medidas los ángulos construidos sobre una línea recta es de  $180^\circ$ .



124  
3+

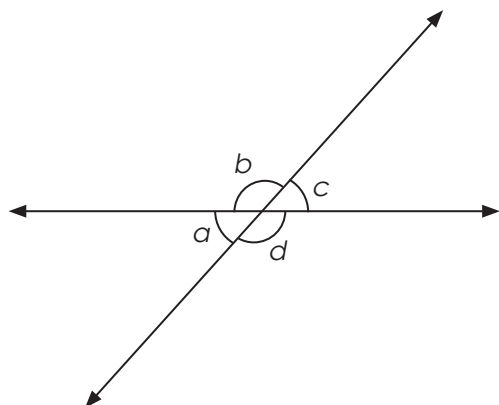
$$\angle QOR = 180^\circ - 52^\circ = 128^\circ$$

$$\angle POS = \angle QOR = \text{_____}$$

Los ángulos opuestos por el vértice tienen medidas iguales.

## ¡Hagámoslo!

1. La figura no está dibujada a escala. Ésta muestra cuatro ángulos formados por dos líneas rectas. Si  $\angle a = 46^\circ$ , encuentra las medidas de los  $\angle b$ ,  $\angle c$  y  $\angle d$ .



$$\angle b = \text{_____} - \text{_____} = \text{_____}$$

$$\angle c = \angle a = \text{_____}$$

$$\angle d = \angle b = \text{_____}$$

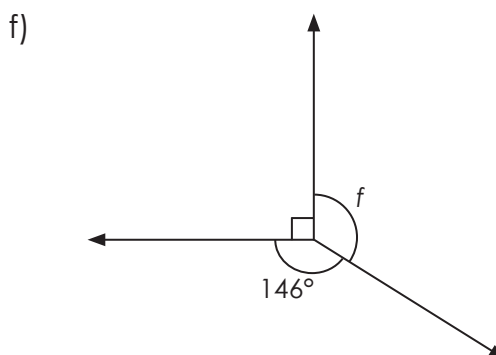
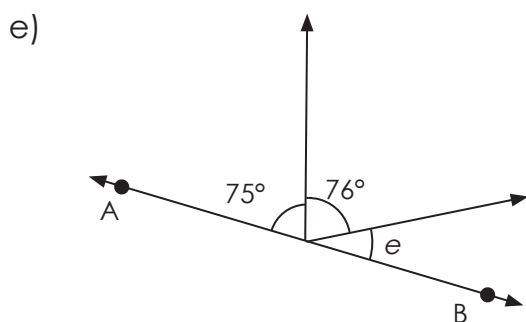
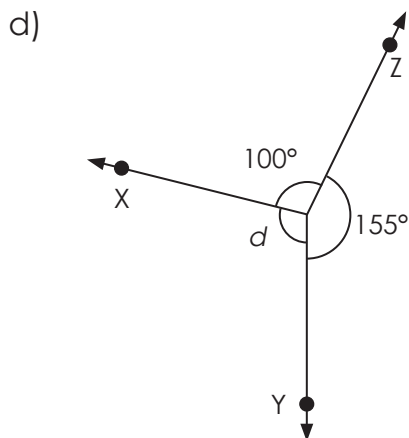
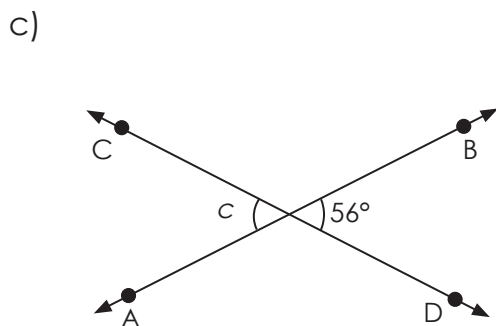
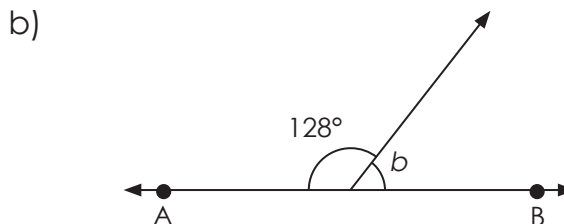
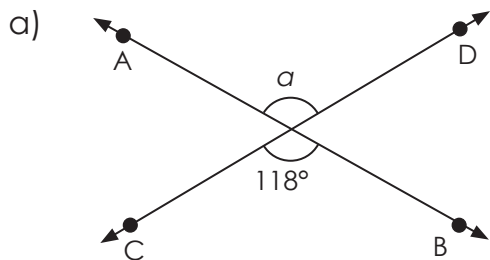
Capítulo 4: actividad 3, páginas 66–67



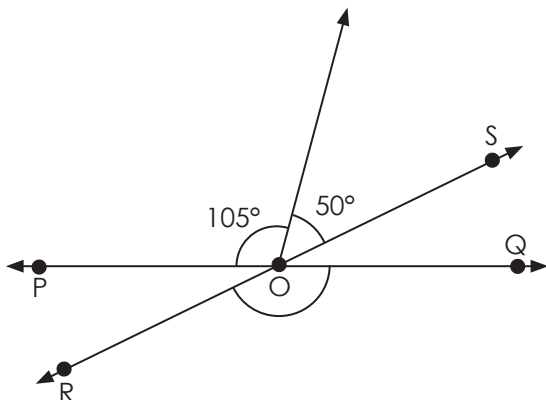
## Práctica 2

En esta práctica, las figuras no están dibujadas a escala.

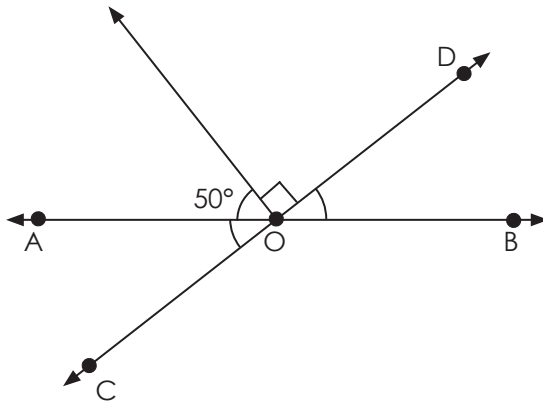
1. AB y CD son líneas rectas. Encuentra las medidas desconocidas de los ángulos.



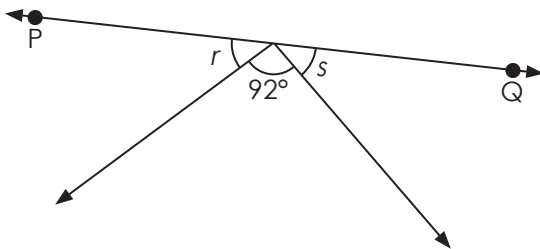
2. POQ y ROS son líneas rectas. Encuentra la medida del  $\angle ROQ$ .



3. AOB y COD son líneas rectas. Encuentra las medidas de los  $\angle COA$  y  $\angle DOB$ .



4. PQ es una línea recta. Las medidas de los  $\angle r$  y  $\angle s$  son iguales. Encuentra la medida del  $\angle r$ .



## Lección 3 Ángulos formados por líneas paralelas y transversales

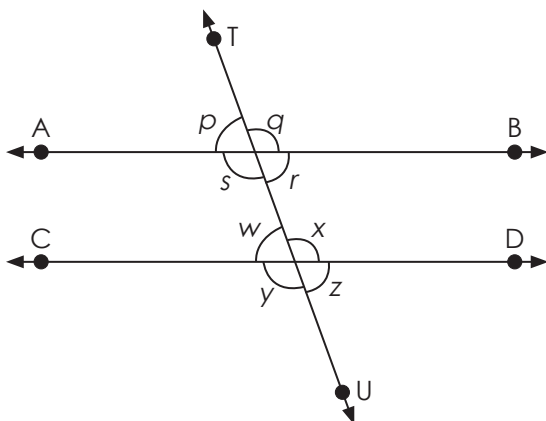
### Ángulos internos y ángulos externos

#### ¡Aprendamos!

La línea recta AB es paralela a la línea recta CD.

TU es una línea recta que interseca la línea recta AB y la línea recta CD.

Designamos a TU como **transversal** de la línea recta AB y la línea recta CD.



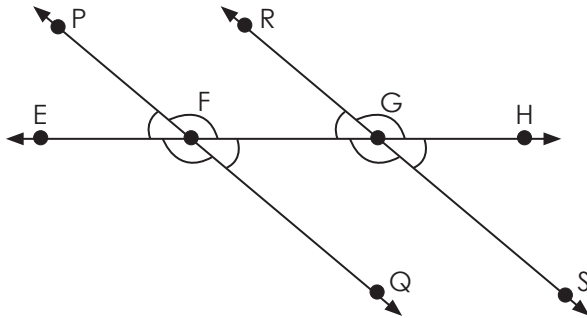
$\angle s$ ,  $\angle r$ ,  $\angle w$  y  $\angle x$  son **ángulos interiores**.

$\angle p$ ,  $\angle q$ ,  $\angle y$  y  $\angle z$  son **ángulos exteriores**.



## ¡Hagámoslo!

- La figura muestra ángulos formados por la transversal EFGH que cruza un par de líneas paralelas, PQ y RS.



- ¿Cuáles son ángulos internos?

---

- ¿Cuáles son ángulos externos?

---

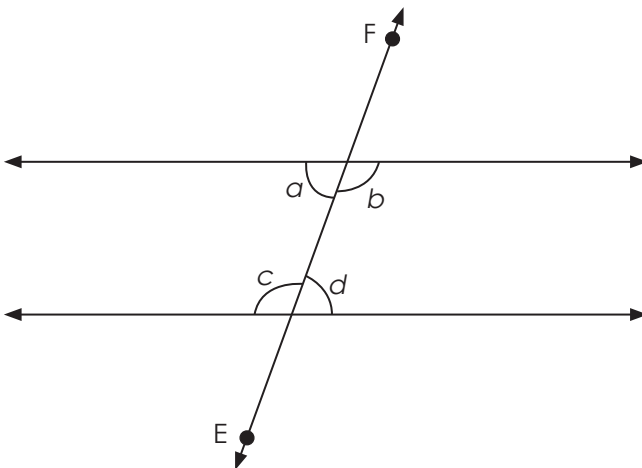
## Ángulos alternos internos

### ¡Aprendamos!

EF es una transversal que cruza un par de líneas paralelas para formar cuatro ángulos internos,  $\angle a$ ,  $\angle b$ ,  $\angle c$  y  $\angle d$ .

$\angle a$  y  $\angle d$  son un par de **ángulos alternos internos**.

$\angle b$  y  $\angle c$  también son un par de ángulos alternos internos.



Usa un transportador para medir  $\angle a$ ,  $\angle b$ ,  $\angle c$  y  $\angle d$ .

$$\angle a = 70^\circ$$

$$\angle b = \boxed{\phantom{00}}$$

$$\angle c = \boxed{\phantom{00}}$$

$$\angle d = \boxed{\phantom{00}}$$



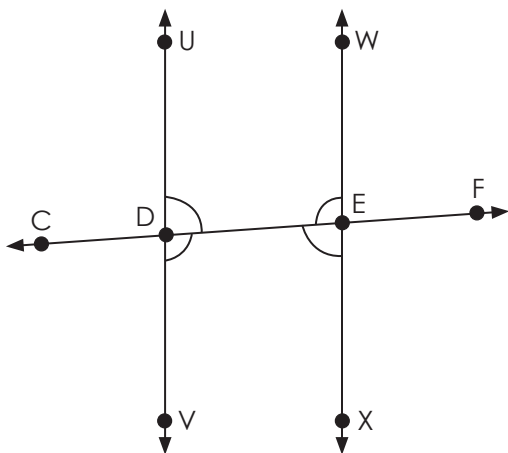
$$\angle a = \angle \boxed{\phantom{00}}$$

$$\angle b = \angle \boxed{\phantom{00}}$$

**Los ángulos alternos internos tienen medidas iguales.**

## ¡Hagámoslo!

2. La figura muestra cuatro ángulos internos formados por la transversal CDEF que cruza un par de líneas paralelas, UV y WX. Usa un transportador para encontrar las medidas de los ángulos.



$\angle UDE = \underline{\hspace{2cm}}$

$\angle DEW = \underline{\hspace{2cm}}$

$\angle VDE = \underline{\hspace{2cm}}$

$\angle DEX = \underline{\hspace{2cm}}$

¿Cuáles son los pares de ángulos alternos internos?

---

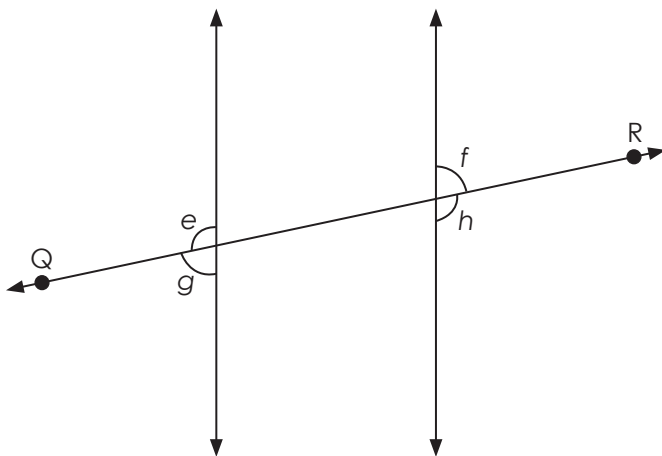
## Ángulos alternos externos

### ¡Aprendamos!

QR es una transversal que cruza un par de líneas paralelas para formar cuatro ángulos externos,  $\angle e$ ,  $\angle f$ ,  $\angle g$  y  $\angle h$ .

$\angle e$  y  $\angle h$  son un par de **ángulos alternos externos**.

$\angle g$  y  $\angle f$  también son un par de ángulos alternos externos.



Usa un transportador para medir  $\angle e$ ,  $\angle f$ ,  $\angle g$  y  $\angle h$ .

$\angle e = 102^\circ$

$\angle f = \text{■}$

$\angle g = \text{■}$

$\angle h = \text{■}$



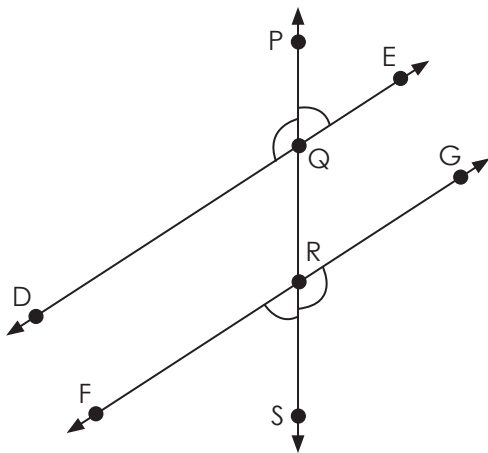
$\angle e = \angle \text{■}$

$\angle f = \angle \text{■}$

**Los ángulos alternos externos tienen medidas iguales.**

## ¡Hagámoslo!

- La figura muestra cuatro ángulos externos formados por la transversal PQRS que cruza un par de líneas paralelas, DE y FG. Usa un transportador para encontrar las medidas de los ángulos.



$$\angle PQD = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle PQE = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle FRS = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle SRG = \underline{\hspace{2cm}}$$

¿Cuáles son los pares de ángulos alternos externos?

---

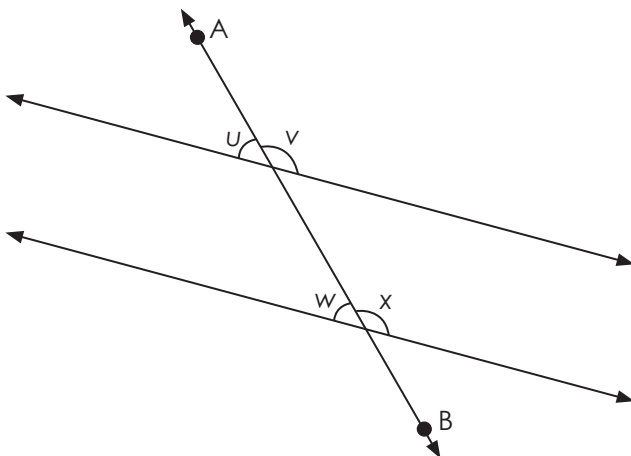
## Ángulos correspondientes

### ¡Aprendamos!

AB es una transversal que cruza un par de líneas paralelas para formar cuatro ángulos,  $\angle U$ ,  $\angle V$ ,  $\angle W$  y  $\angle X$ .

$\angle U$  y  $\angle W$  son **ángulos correspondientes** en un lado de AB.

$\angle V$  y  $\angle X$  son ángulos correspondientes en el otro lado de AB.



Usa un transportador para medir  $\angle U$ ,  $\angle V$ ,  $\angle W$  y  $\angle X$ .

$$\angle U = 45^\circ$$

$$\angle V = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle W = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle X = \underline{\hspace{2cm}}$$



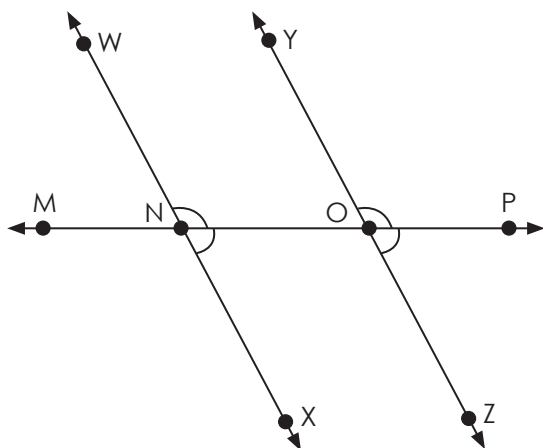
$$\angle U = \angle \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle V = \angle \underline{\hspace{2cm}}$$

**Los ángulos correspondientes tienen medidas iguales.**

## ¡Hagámoslo!

1. La figura muestra cuatro ángulos formados por la transversal PQRS que cruza un par de líneas paralelas, DE y FG. Usa un transportador para encontrar las medidas de los ángulos.



$$\angle WNO = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle XNO = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle YOP = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle ZOP = \underline{\hspace{2cm}}$$

¿Cuáles son los pares de ángulos correspondientes?

\_\_\_\_\_

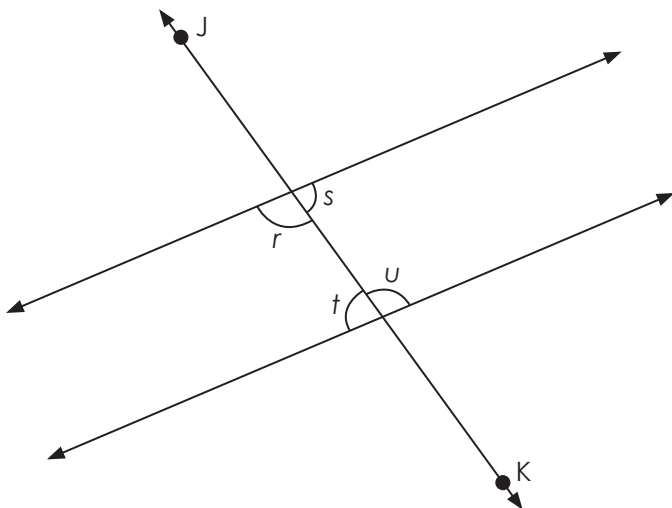
## Ángulos suplementarios internos

### ¡Aprendamos!

JK es una transversal que cruza un par de líneas paralelas.

$\angle r$  y  $\angle t$  son **ángulos suplementarios internos** en un lado de JK.

$\angle s$  y  $\angle u$  son ángulos suplementarios internos en el otro lado de JK.



Usa un transportador para medir  $\angle r$ ,  $\angle s$ ,  $\angle t$ , y  $\angle u$ .

$$\angle r = 103^\circ$$

$$\angle s = \text{■}$$

$$\angle t = \text{■}$$

$$\angle u = \text{■}$$



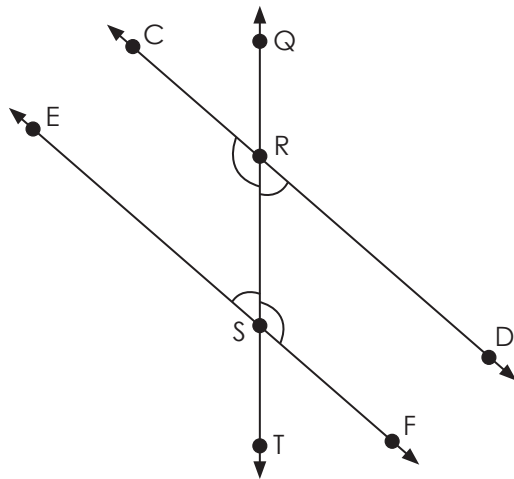
$$\angle r + \angle t = \text{■}$$

$$\angle s + \angle u = \text{■}$$

La suma de los ángulos suplementarios internos es de  $180^\circ$ .

## ¡Hagámoslo!

- La figura muestra cuatro ángulos internos formados por la transversal QRST que cruza un par de líneas paralelas, CD y EF. Usa un transportador para encontrar las medidas de los ángulos.



$$\angle CRS = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle SRD = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle ESR = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle RSF = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle CRS + \angle ESR = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle SRD + \angle RSF = \underline{\hspace{2cm}}$$

¿Cuáles son los pares de ángulos suplementarios internos en cada lado de QRST?

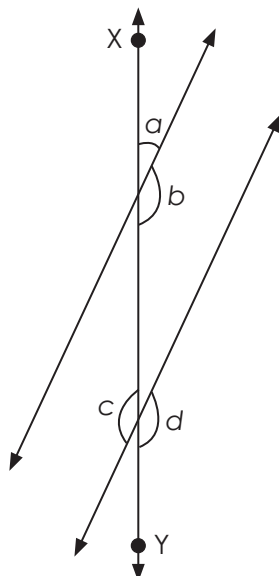
---

 Capítulo 4: actividad 4, páginas 68–70

## Práctica 3

En esta práctica, las figuras no están dibujadas a escala.

- XY es la transversal de un par de líneas paralelas.  
¿Qué afirmaciones son correctas?

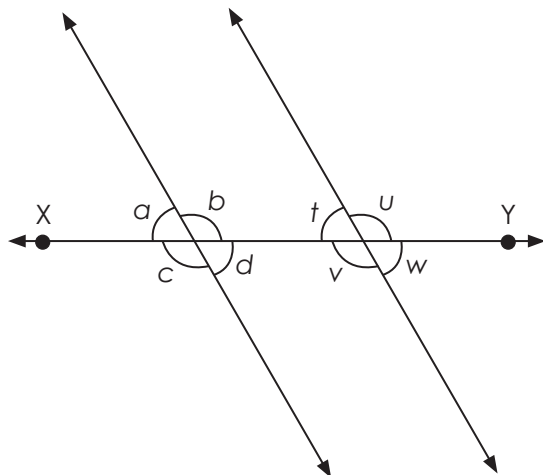


a)  $\angle a$  y  $\angle b$  son ángulos exteriores.

b)  $\angle c$  es un ángulo interior.

c)  $\angle d$  es un ángulo exterior.

2. XY es la transversal de un par de líneas paralelas.  
Completa los espacios en blanco con el ángulo correcto.



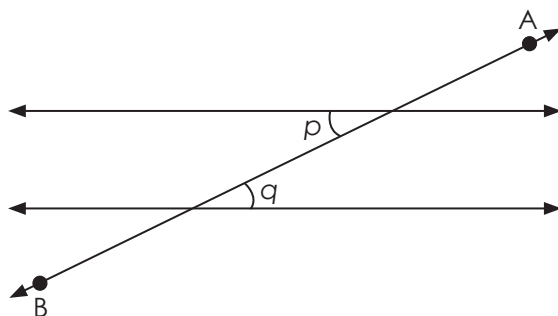
- a)  $\angle d = \underline{\hspace{2cm}}$ . Son un par de ángulos alternos internos.  
b)  $\angle w = \underline{\hspace{2cm}}$ . Son un par de ángulos alternos externos.  
c)  $\angle u = \underline{\hspace{2cm}}$ . Son un par de ángulos correspondientes.  
d)  $\angle b + \angle t = \underline{\hspace{2cm}}$ . Son un par de ángulos suplementarios internos.

## Lección 4 Encontrar las medidas desconocidas de ángulos formados por líneas paralelas y transversales

### Encontrar medidas desconocidas de ángulos

#### ¡Aprendamos!

- a) AB es la transversal de un par de líneas paralelas.  
Si  $\angle p = 24^\circ$ , encuentra la medida del  $\angle q$ .



$$\angle q = 24^\circ$$

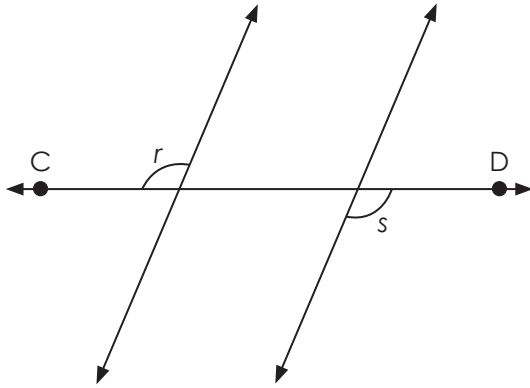
Los ángulos alternos internos tienen medidas iguales.

$$\angle p = \angle q$$





- b) CD es la transversal de un par de líneas paralelas.  
Si  $\angle r = 115^\circ$ , encuentra la medida del  $\angle s$ .



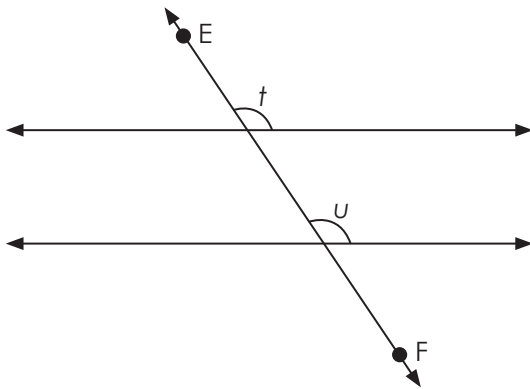
Los ángulos alternos externos tienen medidas iguales.

$$\angle r = \angle s$$



$$\angle s = \text{■}$$

- c) EF es la transversal de un par de líneas paralelas.  
Si  $\angle t = 121^\circ$ , encuentra la medida del  $\angle u$ .



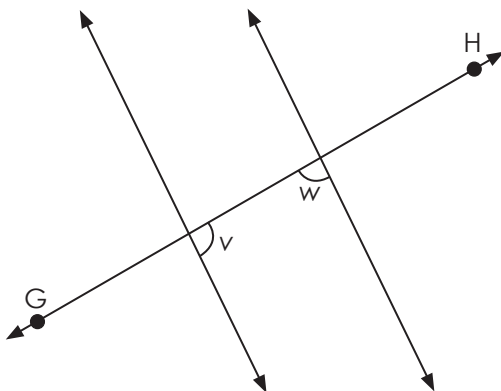
Los ángulos correspondientes tienen medidas iguales.

$$\angle t = \angle u$$

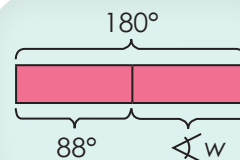


$$\angle u = \text{■}$$

- d) GH es la transversal de un par de líneas paralelas.  
Si  $\angle v = 88^\circ$ , encuentra la medida del  $\angle w$ .



La suma de los ángulos suplementarios internos es de  $180^\circ$ .



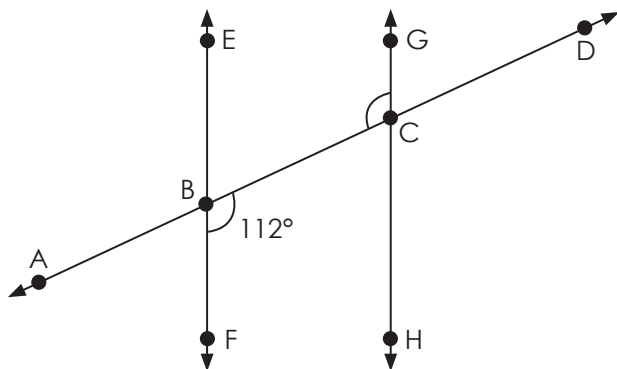
$$\angle w = 180^\circ - 88^\circ$$

$$= \text{■}$$

## ¡Hagámoslo!

Las figuras a continuación no están dibujadas a escala.

1. ABCD es la transversal de un par de líneas paralelas, EF y GH. Encuentra la medida del  $\angle BCG$ .

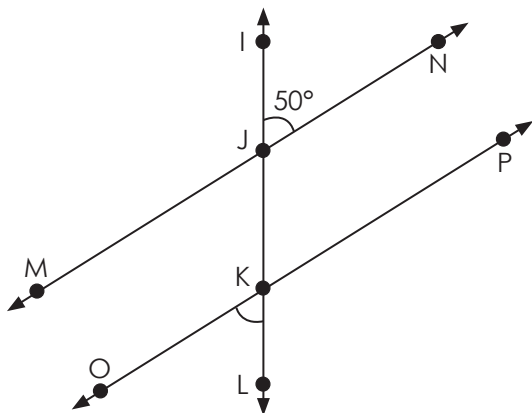


$\angle BCG$  and  $\angle FBC$  son ángulos alternos internos.



$\angle BCG = \underline{\hspace{2cm}}$

2. IJKL es la transversal de un par de líneas paralelas, MN y OP. Encuentra la medida del  $\angle OKL$ .

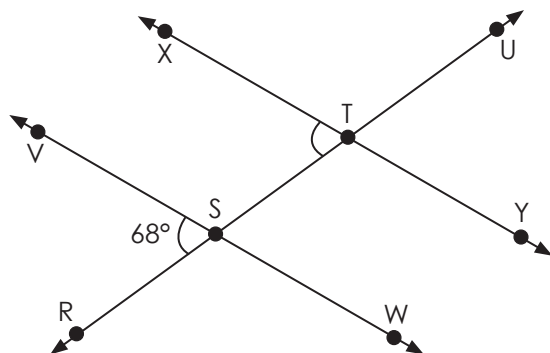


$\angle OKL$  and  $\angle IJN$  son ángulos alternos externos.



$\angle OKL = \underline{\hspace{2cm}}$

3. RSTU es la transversal de un par de líneas paralelas, VW y XY. Encuentra la medida del  $\angle STX$ .

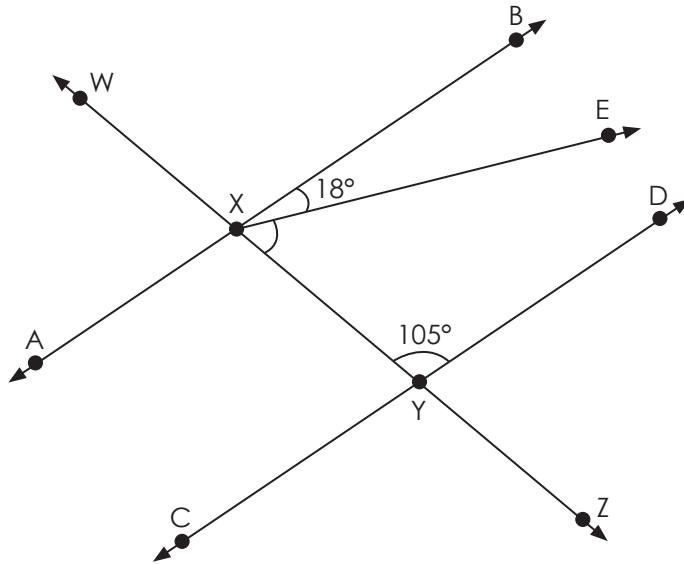


$\angle STX$  and  $\angle RSV$  son ángulos correspondientes.

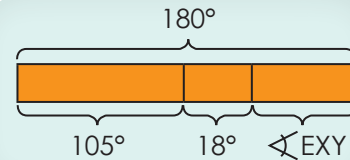


$\angle STX = \underline{\hspace{2cm}}$

4. WXYZ es la transversal de un par de líneas paralelas, AB y CD. Encuentra la medida del  $\angle EXY$ .



La suma de los ángulos suplementarios internos es de  $180^\circ$ .



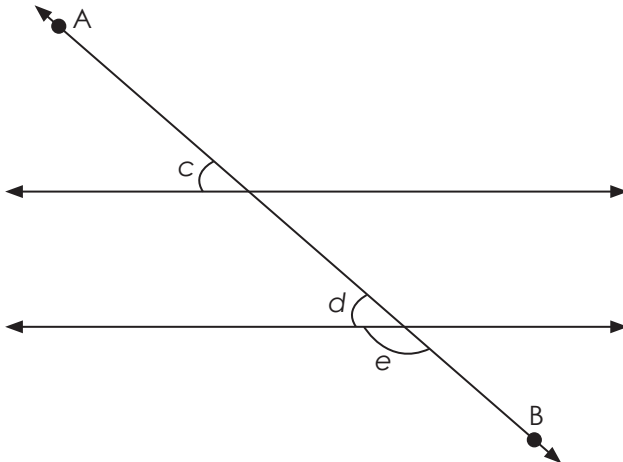
$$\angle EXY = 180^\circ - \underline{\hspace{2cm}} - \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

Capítulo 4: actividad 5, páginas 71–72

## ¡Aprendamos!

AB es la transversal de un par de líneas paralelas. Si  $\angle c = 39^\circ$ , encuentra las medidas de los  $\angle d$  y  $\angle e$ .



Los ángulos correspondientes tienen medidas iguales.

$$\angle d = \angle c$$



La suma de las medidas los ángulos construidos sobre una línea recta es de  $180^\circ$ .



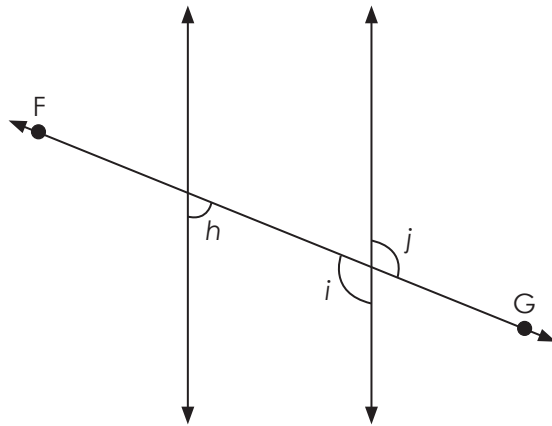
$$\angle d = 39^\circ$$

$$\angle c = 180^\circ - 39^\circ$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

## ¡Hagámoslo!

1. La figura no está dibujada a escala. FG es la transversal de un par de líneas paralelas. Si  $\angle h = 71^\circ$ , encuentra las medidas de los  $\angle i$  y  $\angle j$ .



La suma de los ángulos suplementarios internos es de  $180^\circ$ .

Los ángulos opuestos por el vértice tienen medidas iguales.



$$\angle i = \underline{\hspace{2cm}} - \underline{\hspace{2cm}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\angle j = \underline{\hspace{2cm}}$$

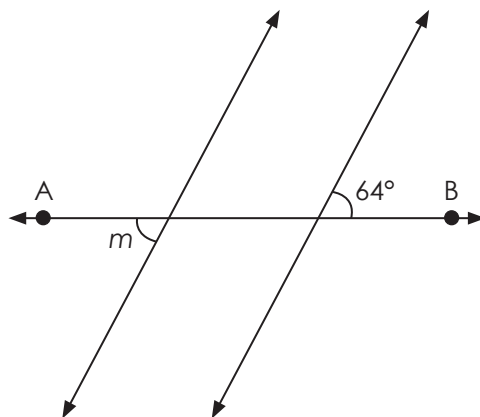
Capítulo 4: actividad 6, páginas 73–74

## Práctica 4

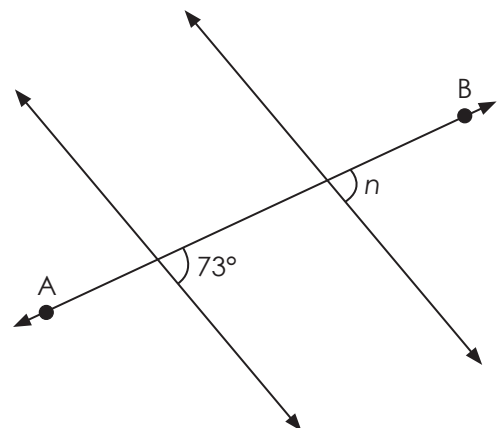
En esta práctica, las figuras no están dibujadas a escala.

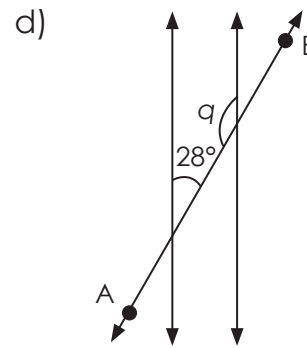
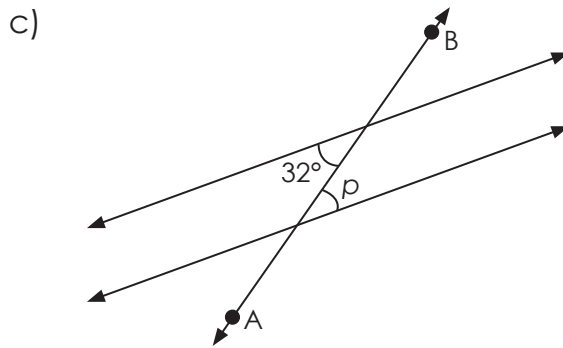
1. AB es la transversal de un par de líneas paralelas. Encuentra las medidas desconocidas de los ángulos.

a)

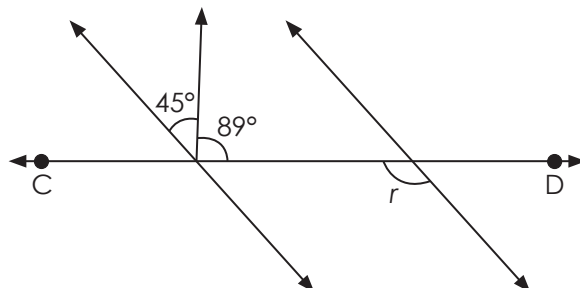


b)

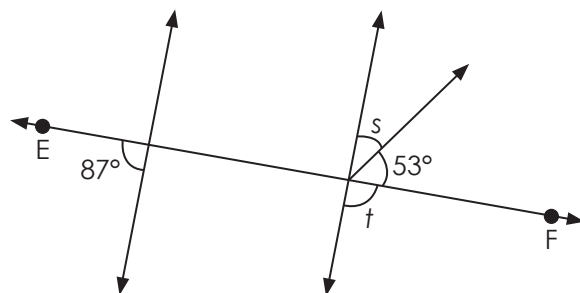




2. CD es la transversal de un par de líneas paralelas.  
Encuentra la medida del  $\angle r$ .



3. EF es la transversal de un par de líneas paralelas.  
Encuentra la medida de los  $\angle s$  y  $\angle t$ .

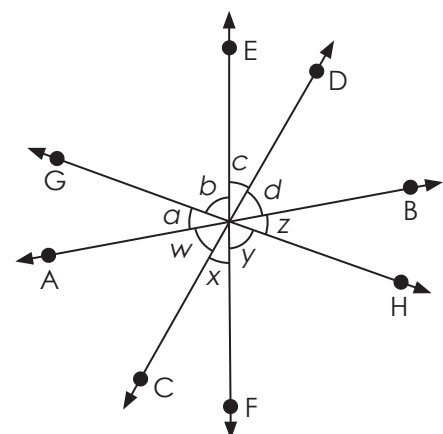


## Lección 5 Resolución de problemas

### Abre tu mente

#### ¡Aprendamos!

En la figura, AB, CD, EF y GH son líneas rectas.  
La medida del  $\angle a$  es igual a la medida del  $\angle c$ .  
¿Al menos cuántas medidas de ángulos debo conocer para encontrar la medida de todos los ángulos de la figura?



**1 Comprendo**  
el problema.

¿Cuántos ángulos hay?  
¿Cuántas líneas rectas hay?  
¿Cuáles ángulos tienen igual medida?  
¿Qué debo encontrar?



**2 Planeo**  
qué hacer.

**Hacer una suposición** acerca del valor de la medida del ángulo que debo averiguar para encontrar las medidas de los otros ángulos.



**3 Resuelvo**  
el problema.

**Suposición 1:** Conozco la medida del  $\angle a$ .

la medida del  $\angle a = a$  la medida del  $\angle c$

Puedo usar la propiedad de los ángulos opuestos por el vértice para encontrar las medidas de los  $\angle z$  y  $\angle x$ .

No puedo encontrar las medidas de los  $\angle b$ ,  $\angle d$ ,  $\angle w$  y  $\angle y$ .

**Suposición 2:** También conozco la medida del  $\angle b$ .

$\angle b$  e  $\angle y$  son ángulos opuestos por el vértice.

Entonces, la medida del  $\angle b = a$  la medida del  $\angle y$ .

Puedo usar la propiedad de los ángulos extendidos para encontrar la medida de los  $\angle d$  y  $\angle w$ .

Si conozco las medidas de 2 ángulos, puedo encontrar la medida de todos los ángulos en la figura.

**4 Compruebo**  
¿Respondiste la pregunta?  
¿Es correcta tu respuesta?

Supón que el  $\angle a = 40^\circ$  y el  $\angle b = 60^\circ$ .

$$\angle c = 40^\circ \quad \angle x = 40^\circ$$

$$\angle z = 40^\circ \quad \angle y = 60^\circ$$

$$\angle d = 180^\circ - 40^\circ - 60^\circ - 40^\circ \\ = 40^\circ$$

$$\angle w = 40^\circ$$

Cuando conozco las medidas de 2 ángulos, puedo encontrar la medida de todos los ángulos en la figura.

Mi respuesta es correcta.

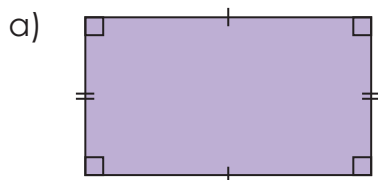


- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

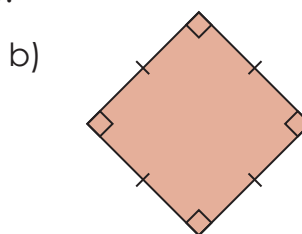
# 5 Cuadriláteros

## ¡Recordemos!

1. Completa con **cuadrado** o **rectángulo**.



Éste es un .



Éste es un .

## Lección 1 Clasificando cuadriláteros

### Tipos de cuadriláteros

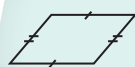
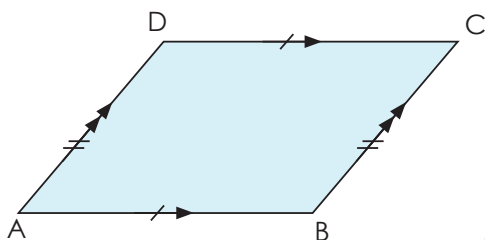
#### ¡Aprendamos!



- a) La figura ABCD es un polígono con 4 lados.  
Sus lados opuestos son paralelos y tienen igual longitud.



$AB \parallel DC$  y  $AD \parallel BC$   
 $AB = DC$  y  $AD = BC$



Las marcas muestran que el largo de los lados opuestos es igual.

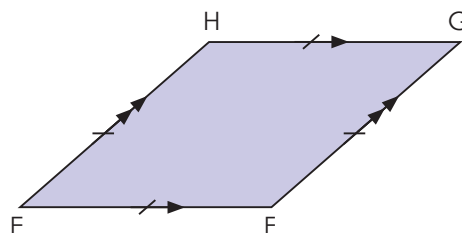


Las flechas muestran que los lados opuestos son paralelos.



ABCD es un **paralelogramo**.

- b) La figura EFGH es un paralelogramo con cuatro lados de igual longitud.  
 $EF \parallel HG$  y  $EH \parallel FG$   
 $EF = FG = GH = EH$   
EFGH es un **rombo**.



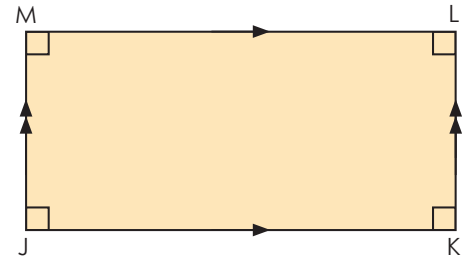
- c) La figura JKLM es un paralelogramo con cuatro ángulos rectos.



$JK \parallel ML$  y  $JM \parallel KL$

$\angle MJK = \angle JKL = \angle KLM = \angle LMJ = 90^\circ$

JKLM es un **rectángulo**.



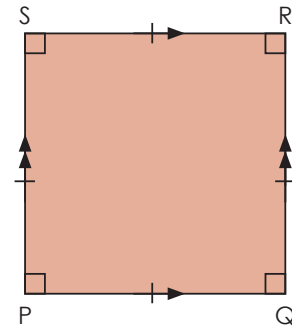
- d) La figura PQRS es un paralelogramo con cuatro ángulos rectos y cuatro lados de igual longitud.

$PQ \parallel SR$  y  $PS \parallel QR$

$PQ = QR = RS = PS$

$\angle SPQ = \angle PQR = \angle QRS = \angle RSP = 90^\circ$

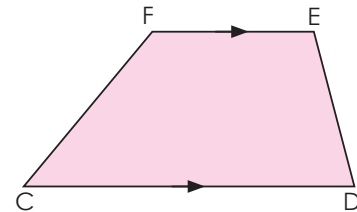
PQRS es un **cuadrado**.



- e) En la figura CDEF, solo un par de lados opuestos son paralelos.

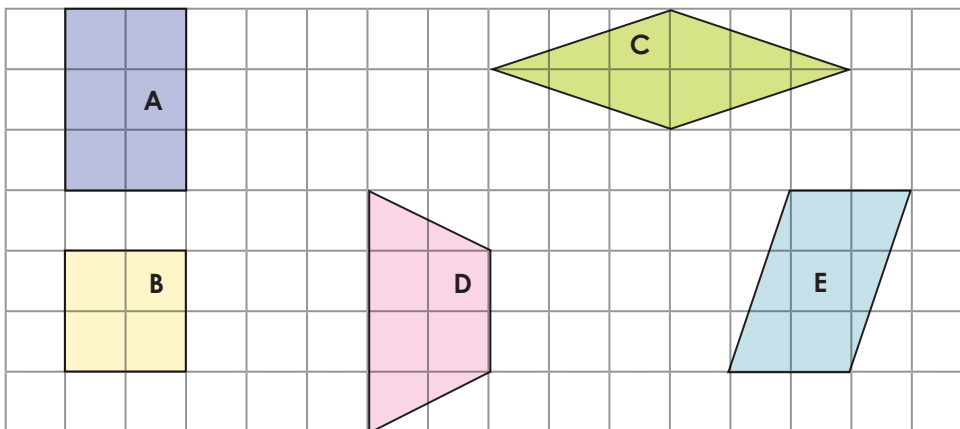
$CD \parallel FE$

CDEF es un **trapecio**.



## ¡Hagámoslo!

1. Nombra cada tipo de cuadrilátero.

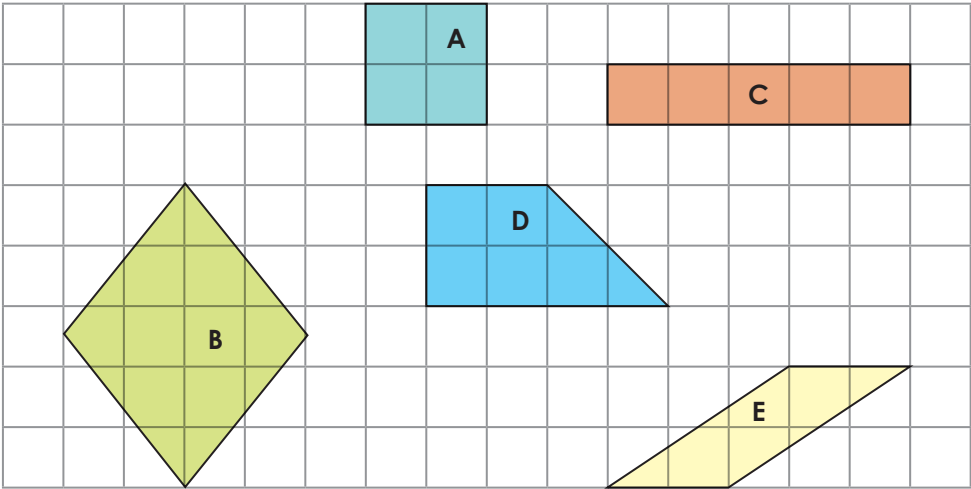


- La figura A es un \_\_\_\_\_.
- La figura B es un \_\_\_\_\_.
- La figura C es un \_\_\_\_\_.
- La figura D es un \_\_\_\_\_.
- La figura E es un \_\_\_\_\_.



# Práctica 1

1. Completa la tabla.



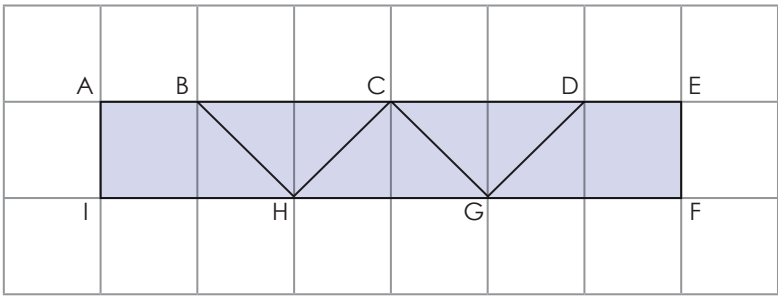
Tipo de cuadrilátero	Número de pares de lados paralelos	Figura
Paralelogramo		
Trapezio		

## Lección 2 Resolución de problemas

### Abre tu mente

¡Aprendamos!

Observa la figura en la cuadrícula.



¿Cuántos cuadriláteros puedes encontrar en la figura?

1 **Comprendo**  
el problema.

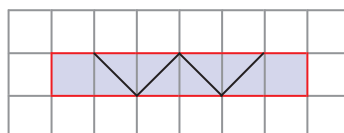
¿Cuáles son los diferentes tipos  
de cuadriláteros?  
¿Cuáles lados de la figura son  
iguales?  
¿Qué debemos averiguar?



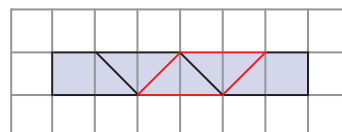
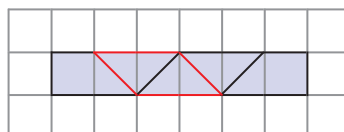
2 **Planeo**  
qué hacer.

Podemos **visualizar** y **dibujarlos**.

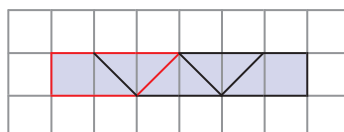
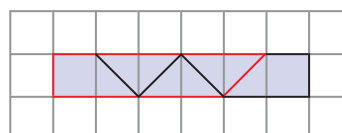
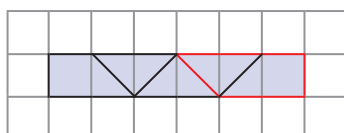
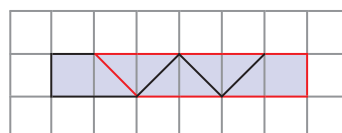
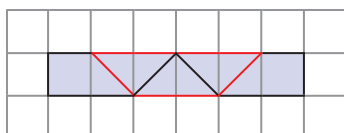
3 **Resuelvo**  
el problema.



Hay un rectángulo.  
Este es también un  
paralelogramo.



Hay otros dos paralelogramos.



Hay cinco trapezios.

No hay ni cuadrados ni rombos.

Entonces, hay  $1 + 2 + 5 = 8$  cuadriláteros en total.

4 **Compruebo**  
¿Respondiste la  
pregunta?  
¿Es correcta tu  
respuesta?

Hay un rectángulo, otros dos  
paralelogramos, cinco trapezios, ni  
cuadrados y ni rombos. He encontrado  
todos los cuadriláteros que hay en las  
figura dada.

Mi respuesta es correcta.



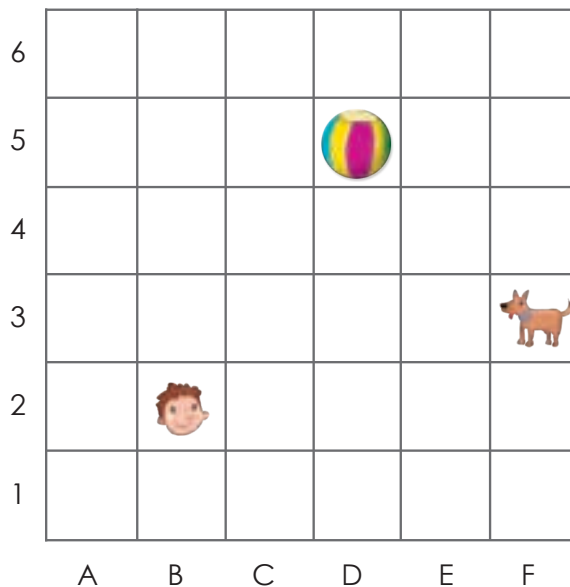
- ✓ 1. **Comprendo**
- ✓ 2. **Planeo**
- ✓ 3. **Resuelvo**
- ✓ 4. **Compruebo**

# 6

## El plano de coordenadas

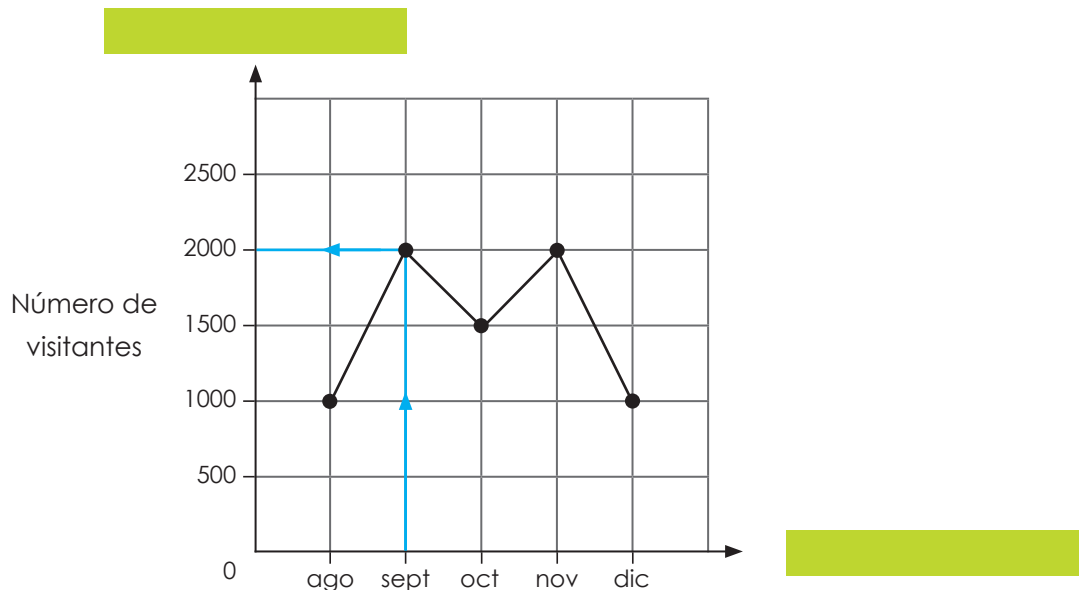
### ¡Recordemos!

1. Podemos describir y localizar un objeto en un plano. Completa los espacios.



- a) El está en .
- b) La está en .
- c) El está en .
- d) Para llegar a la ,  
 debe avanzar   
 pasos a la derecha y  
 luego subir  pasos.

2. El gráfico muestra el número de visitas a un parque en cinco meses.



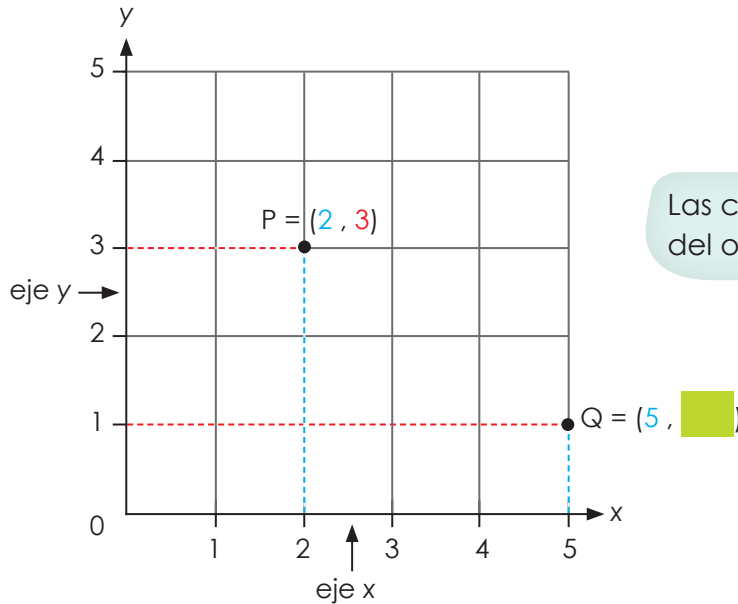
- a) Nombrar los dos ejes.
- b) En septiembre,  visitantes fueron al parque.

# Lección 1 Puntos en el plano de coordenadas

## Leer y representar puntos

### ¡Aprendamos!

Un **plano de coordenadas** tiene dos ejes — **eje x**, y **eje y**. El punto cero donde se cruzan estos ejes se llama **origen**.



Las coordenadas del origen son (0, 0).



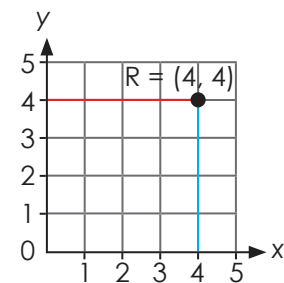
1 2 4  
3 +

El punto P tiene una **coordenada x** de 2 y una **coordenada y** de 3.  
Las coordenadas del punto P son (2, 3).  
Las coordenadas (2, 3) son un **par ordenado**.

El punto Q tiene una coordenada x de 5 y una coordenada y de .  
Las coordenadas del punto Q son (  ,  ).

Las coordenadas del punto R son (4, 4).

Para representar el punto R, comienza en el origen y avanza  unidades a la derecha a lo largo del eje x, luego sube  unidades por el eje y.



### Análisis



Ana

También puedo representar el punto R subiendo 4 unidades a lo largo del eje y, luego avanzando 4 unidades a la derecha a lo largo del eje x.

¿Es correcta la respuesta de Ana? Explica por qué.

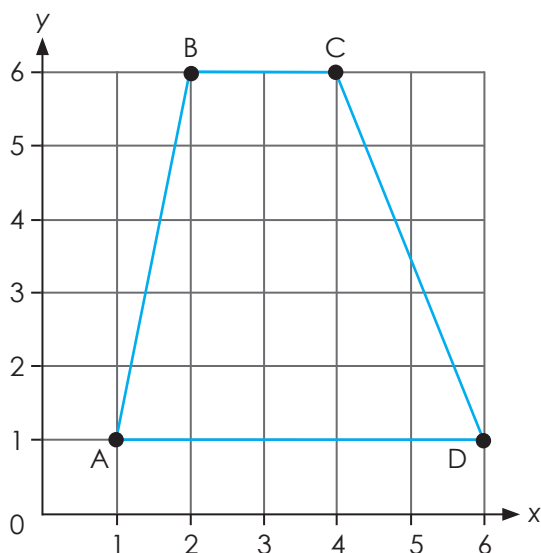
# Dibujar un polígono

## ¡Aprendamos!

Dibuja el polígono ABCD formado por las coordenadas  $A = (1, 1)$ ,  $B = (2, 6)$ ,  $C = (4, 6)$  y  $D = (6, 1)$ .



Para dibujar un polígono en un plano de coordenadas, representa los puntos. Luego, une los puntos para formar la figura.

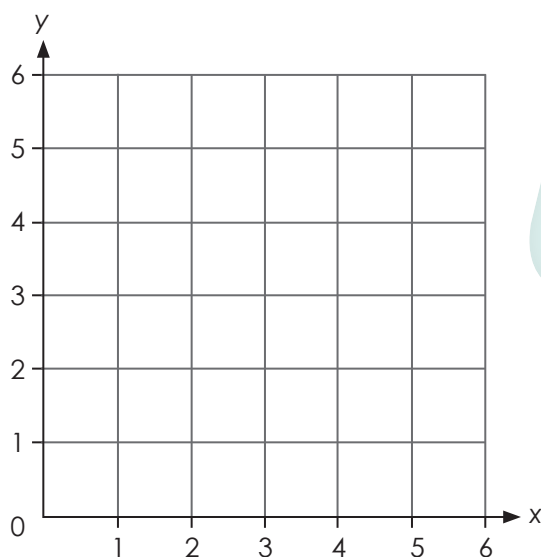


Une los puntos con las coordenadas  $(1, 1)$ ,  $(2, 6)$ ,  $(4, 6)$  y  $(6, 1)$  para formar el cuadrilátero ABCD.



## ¡Hagámoslo!

1. Dibuja el polígono JKLM formado por las coordenadas  $J = (1, 1)$ ,  $K = (2, 4)$ ,  $L = (5, 6)$  y  $M = (4, 3)$ .

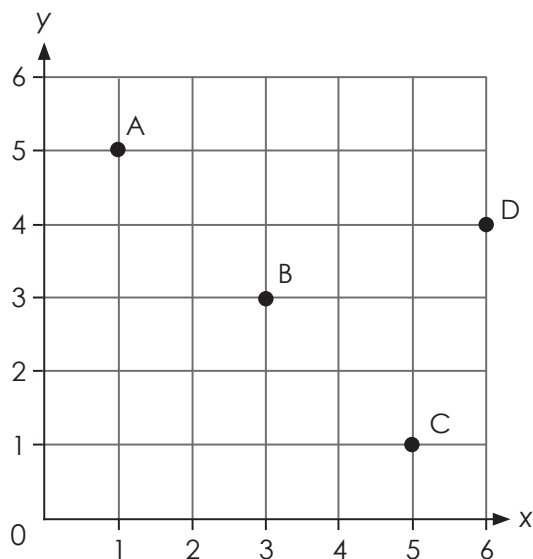


Une los puntos siguiendo el orden de las letras para formar un polígono cerrado.  $J \rightarrow K \rightarrow L \rightarrow M \rightarrow J$



# Práctica 1

1. Completa con las coordenadas correctas.



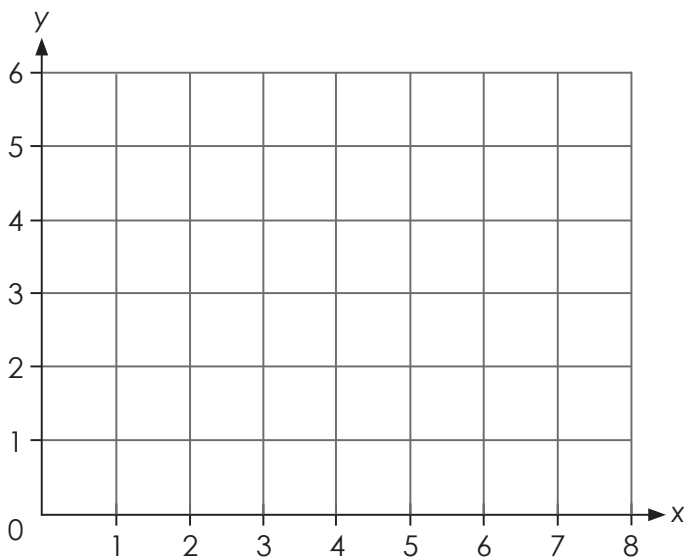
a)  $A = (\text{---}, \text{---})$

b)  $B = (\text{---}, \text{---})$

c)  $C = (\text{---}, \text{---})$

d)  $D = (\text{---}, \text{---})$

2. Dibuja y nombra el polígono PQRS formado por las coordenadas  $P = (2, 1)$ ,  $Q = (1, 4)$ ,  $R = (8, 5)$  y  $S = (6, 0)$ .



El polígono PQRS es un

\_\_\_\_\_.

## Lección 2 Resolución de problemas

### Abre tu mente

#### ¡Aprendamos!

Dos de los vértices de un rectángulo OABC son  $O = (0, 0)$  y  $A = (0, 3)$ .

El área del rectángulo OABC es de 12 unidades cuadradas.

¿Cuáles son las coordenadas de los vértices B y C?

**1 Comprendo**  
el problema.

¿Cuáles son las coordenadas de los dos vértices?  
¿Cuál es el área del rectángulo?  
¿Qué debo encontrar?



**2 Planeo**  
qué hacer.

Puedo **hacer un dibujo** para encontrar las dos coordenadas.

**3 Resuelvo**  
el problema.

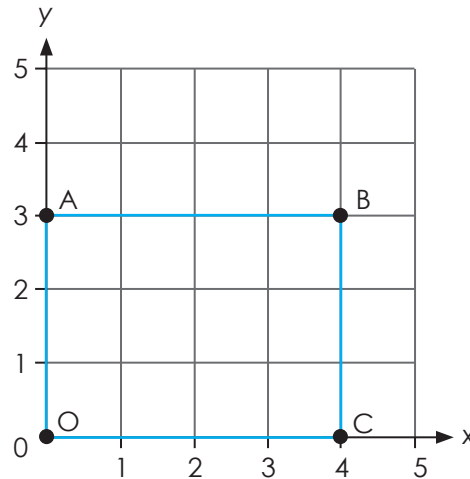
Primero, represento los puntos dados O y A.

El ancho del rectángulo es de 3 unidades.

Área del rectángulo = Largo · Ancho

$$12 = \underline{\quad} \cdot 3$$

El largo del rectángulo es de 4 unidades.



$B = (4, 3)$  y  $C = (4, 0)$ .

**4 Compruebo**  
¿Respondiste la pregunta?  
¿Es correcta tu respuesta?

$B = (4, 3)$  y  $C = (4, 0)$ .  
OABC forma un rectángulo.  
Área del rectángulo OABC  
 $= 4 \cdot 3$   
 $= 12$  unidades cuadradas.  
Mi respuesta es correcta.



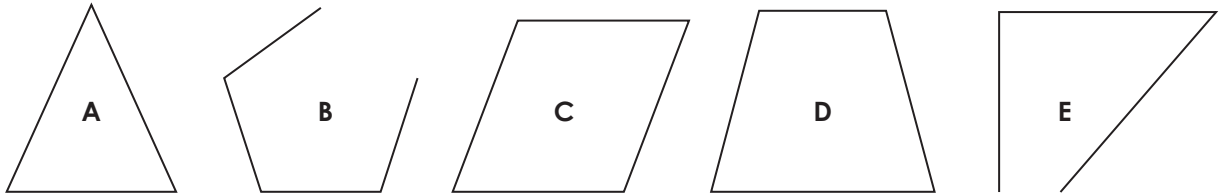
- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

# 7

## Congruencia y similitud de polígonos

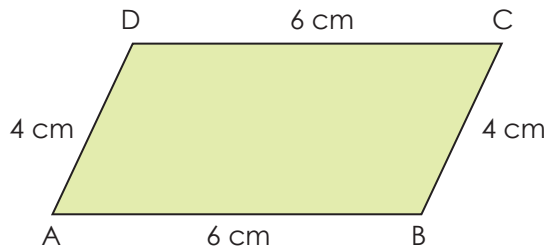
### ¡Recordemos!

1.



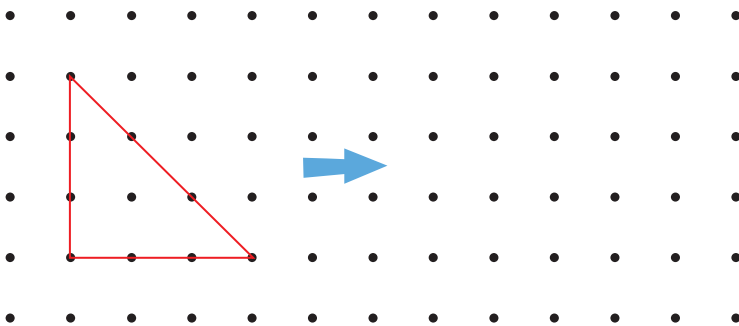
Las figuras   son polígonos.

2. ABCD es un paralelogramo. AB y BC son lados del polígono.



- Nombra los otros lados del polígono.
- AB mide 6 centímetros. ¿Cuál es el largo de los otros tres lados?

3. Dibuja una figura congruente a la figura dada.





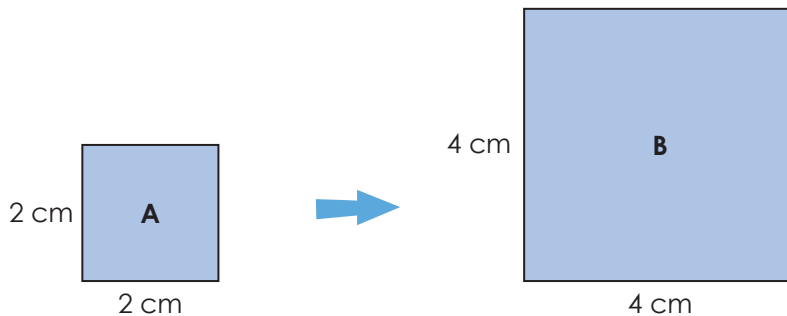
# Lección 1 Ampliación y reducción

## Ampliación y reducción de polígonos

¡Aprendamos!

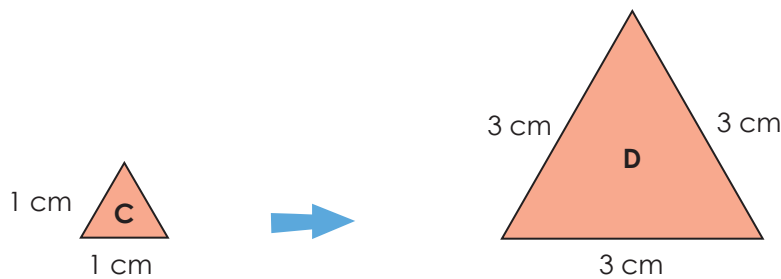


a)



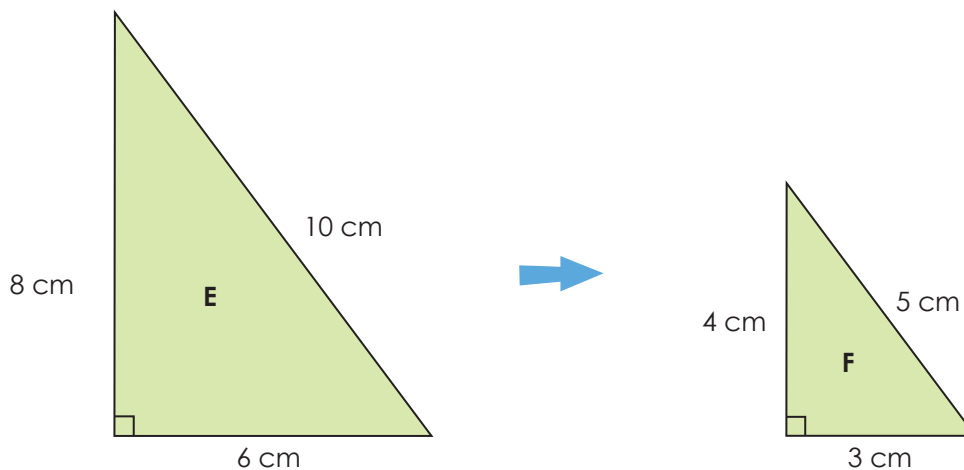
El cuadrado B y el cuadrado A tienen la misma forma. Los lados del cuadrado B son dos veces más largos que los lados del cuadrado A. Decimos que el cuadrado B es una **ampliación** del cuadrado A.

b)



El triángulo C y el triángulo D tienen la misma forma. Los lados del triángulo D miden el triple que los lados del triángulo C. Decimos que el triángulo D es una ampliación del triángulo C.

c)

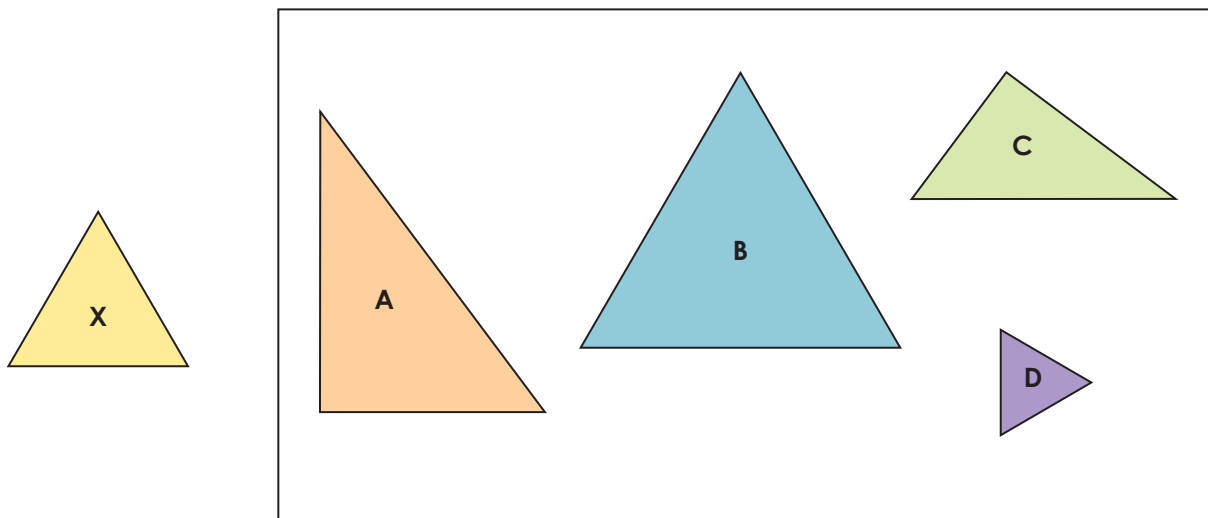


El triángulo E y el triángulo F tienen la misma forma. Los lados del triángulo F miden la mitad del largo de los lados del triángulo E. Decimos que el triángulo F es una **reducción** del triángulo E.

En una ampliación o reducción, la forma de las figuras permanece igual, pero su tamaño cambia.

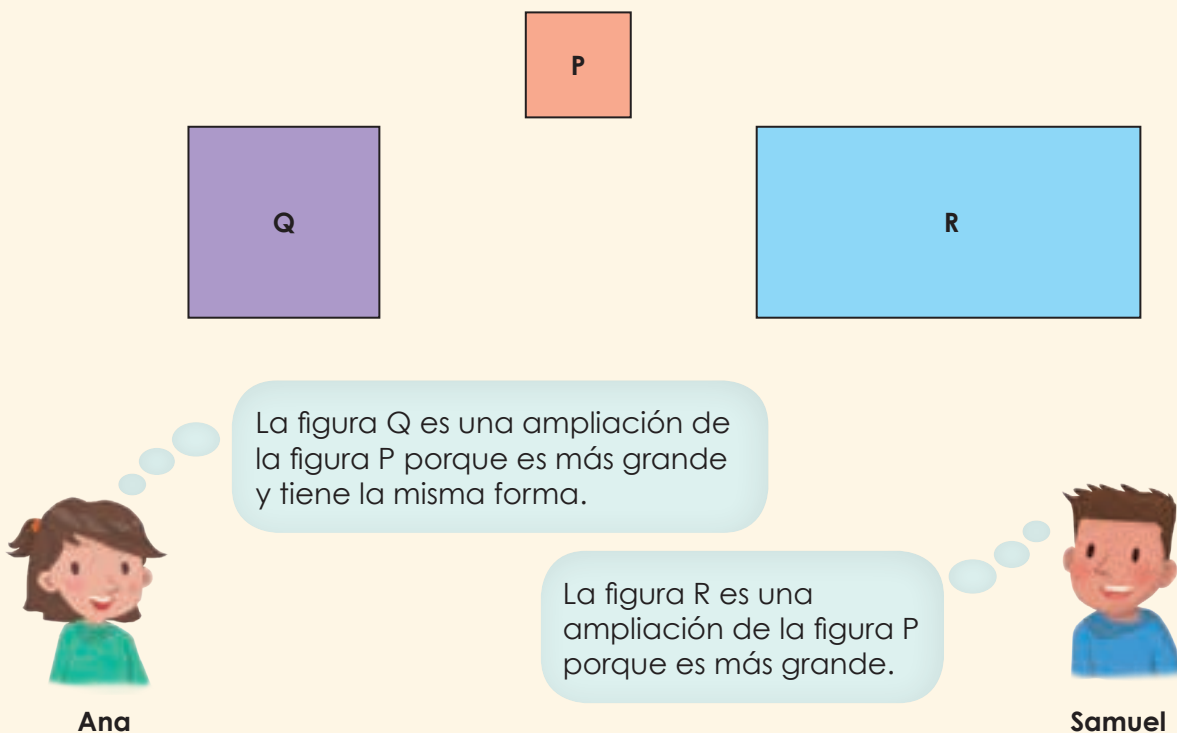
## ¡Hagámoslo!

1. a) ¿Cuál de estas figuras es una ampliación de la figura X? \_\_\_\_\_
- b) ¿Cuál de estas figuras es una reducción de la figura X? \_\_\_\_\_



Capítulo 7: actividad 1, página 78

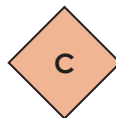
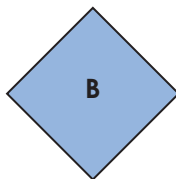
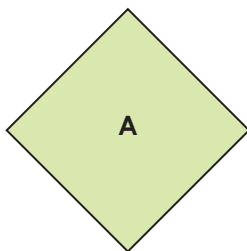
## Análisis



¿Quién está en lo correcto? Explica por qué.

# Práctica 1

1. Completa las oraciones con **ampliación** o **reducción**.



- a) La figura A es una \_\_\_\_\_ de la figura B.  
b) La figura C es una \_\_\_\_\_ de la figura B.  
c) La figura B es una \_\_\_\_\_ de la figura A.
2. Traza la figura B en papel de puntos isométricos y dibuja una ampliación de la figura B.

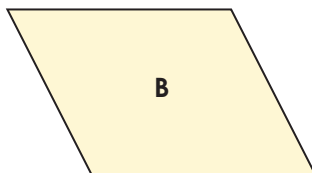
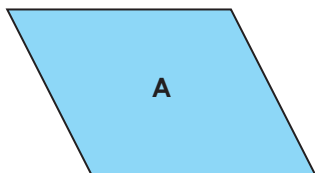
## Lección 2 Congruencia

### Identificar figuras congruentes

#### ¡Aprendamos!

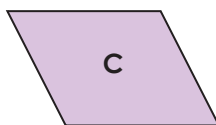
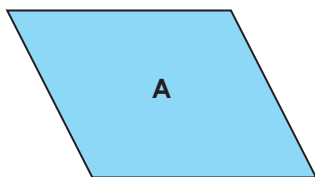


a)



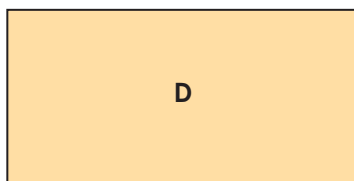
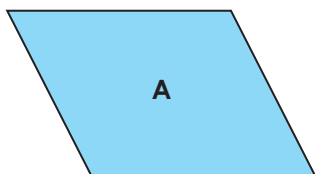
Las figuras A y B tienen la misma forma y tamaño. Son figuras congruentes.

b)



Las figuras A y C tienen la misma forma pero no tienen el mismo tamaño. No son figuras congruentes.

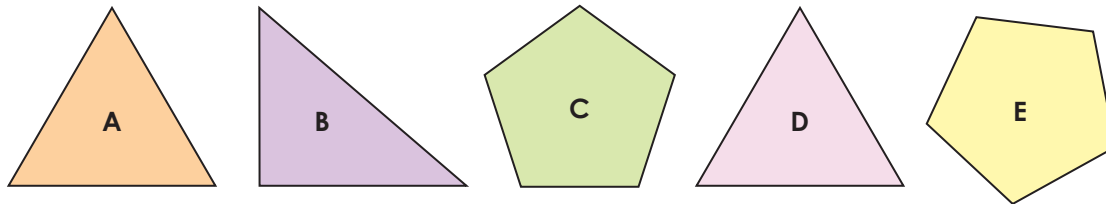
c)



Las figuras A y D no son figuras congruentes porque no tienen la misma forma.

## ¡Hagámoslo!

1. Completa las oraciones.



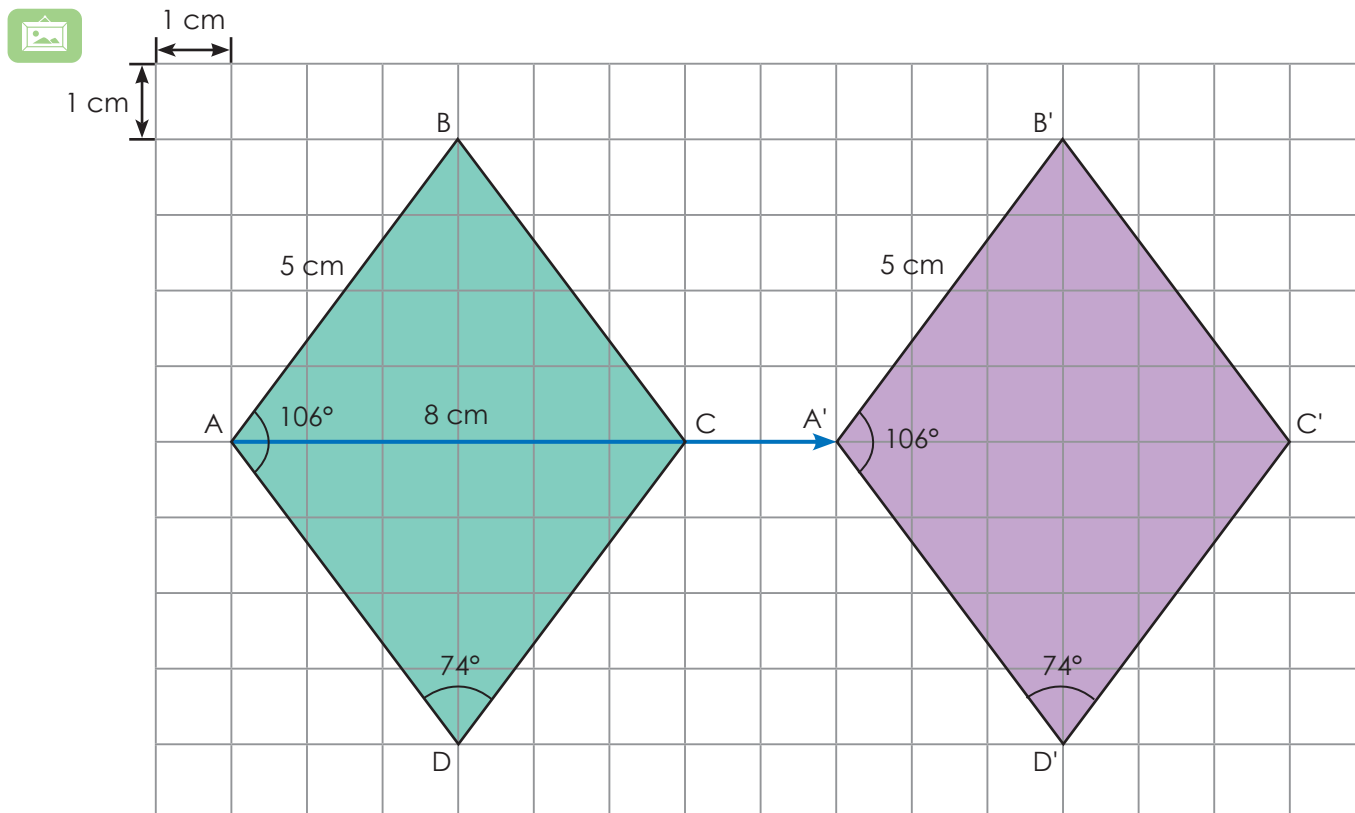
- a) La figura A y la figura \_\_\_\_\_ son figuras congruentes porque \_\_\_\_\_.
- b) La figura A y la figura B no son figuras congruentes porque \_\_\_\_\_.
- c) La figura C y la figura \_\_\_\_\_ son figuras congruentes.

## Congruencia en traslación usando cuadrículas

### ¡Aprendamos!

La figura ABCD es un rombo.

La figura A'B'C'D' es una traslación de la figura ABCD.



El punto A se traslada 8 centímetros a la derecha, al punto A'. El punto B se traslada 8 centímetros a la derecha, al punto B'. El punto C se traslada 8 centímetros a la derecha, al punto C'. El punto D se traslada 8 centímetros a la derecha, al punto D'. Cada punto en la figura ABCD se traslada la misma distancia para convertirse en la figura A'B'C'D'.

Medimos la longitud de los lados de las figuras.

Longitud de AB = 5 cm

Longitud de A'B' = 5 cm

Longitud de BC = 5 cm

Longitud de B'C' = 5 cm

Longitud de CD = 5 cm

Longitud de C'D' = 5 cm

Longitud de AD = 5 cm

Longitud de A'D' = 5 cm

Las longitudes permanecen sin cambios después de la traslación.

Medimos los ángulos.

$\angle BAD = 106^\circ$

$\angle B'A'D' = 106^\circ$

$\angle ADC = 74^\circ$

$\angle A'D'C' = 74^\circ$

Los ángulos permanecen sin cambios después de la traslación.

1 2 4  
3 +

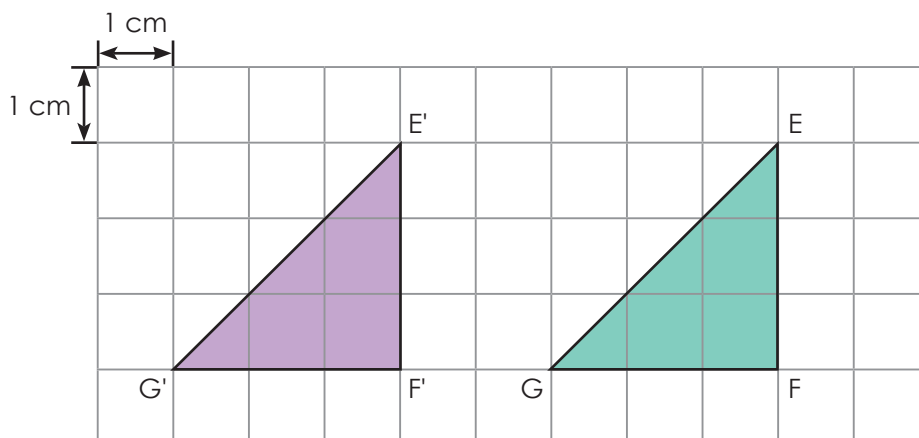
La figura A'B'C'D' también es un rombo.

La forma y tamaño de las figuras permanecen sin cambios. Por lo tanto, la figura ABCD y la figura A'B'C'D' son congruentes.



## ¡Hagámoslo!

- La figura EFG es un triángulo. La figura EFG se traslada 6 centímetros hacia la izquierda para convertirse en la figura E'F'G'.



- a) Medir las longitudes y los ángulos.

Longitud de EF = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de E'F' = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de FG = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de F'G' = \_\_\_\_\_ cm

$\angle$ EFG = \_\_\_\_\_

$\angle$ E'F'G' = \_\_\_\_\_

$\angle$ EGF = \_\_\_\_\_


$\angle$ E'G'F' = \_\_\_\_\_

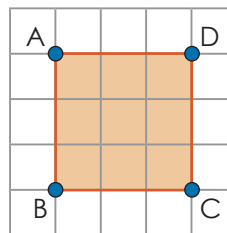
- b) Encierra en un círculo la respuesta correcta para cada oración.  
 Las longitudes ( son / no son ) las mismas después de una traslación.  
 Los ángulos ( son / no son ) los mismos después de una traslación.  
 La figura E'F'G' ( es / no es ) un triángulo.  
 La figura EFG y la figura E'F'G' ( son / no son ) congruentes.


## Congruencia en traslación usando software geométrico

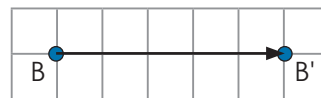
### ¡Aprendamos!


Podemos usar un *software* como GeoGebra para trasladar figuras. Dibuja un cuadrado de 3 centímetros de lado y trasládalo 5 centímetros hacia la derecha. Verifica si el cuadrado y la figura trasladada son congruentes.

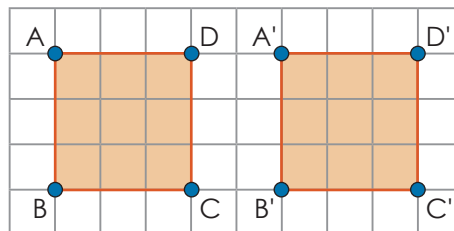
**Paso 1** Abre el *software*. Haz clic en la herramienta 'Polígono'  o en una herramienta similar para dibujar un cuadrado de 3 centímetros de lado.



**Paso 2** Para trasladar el cuadrado, haz clic en la herramienta 'Vector'  o en una herramienta similar y dibuja una flecha de 5 centímetros de longitud en la dirección 'correcta'.



**Paso 3** Para trasladar la figura, haz primero clic en la herramienta 'Traslada por Vector'  o en una herramienta similar, luego haz clic en la figura y luego haz clic en el vector.



El cuadrado ABCD y la figura A'B'C'D' tienen la misma forma y tamaño. Son congruentes.

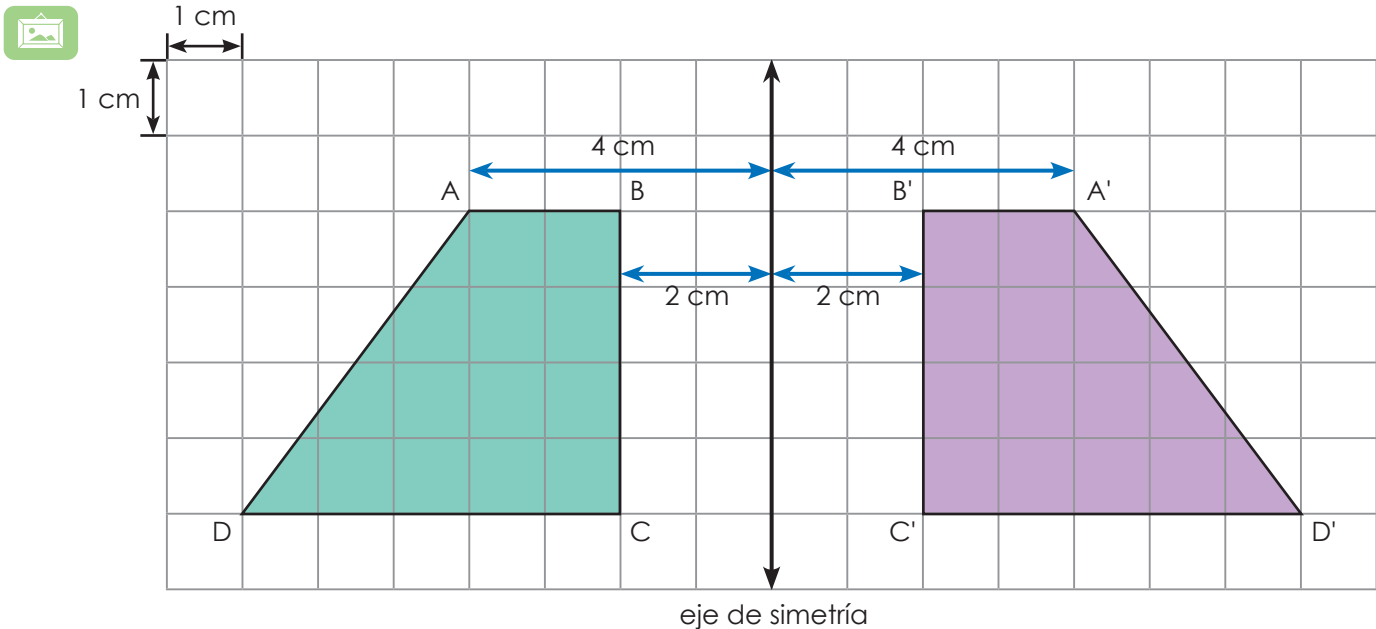
## ¡Hagámoslo!

1. Usa un software geométrico para dibujar un triángulo con lados de 4 centímetros. Luego, traslada el triángulo 7 centímetros hacia la izquierda.

## Congruencia en reflexión usando cuadrículas

### ¡Aprendamos!

La figura ABCD es un cuadrilátero. La figura ABCD se refleja por el eje de simetría para convertirse en la figura A'B'C'D'.



El punto A se refleja en el eje de simetría para convertirse en el punto A'. Tanto el punto A como el punto A' están a 4 centímetros del eje de simetría. El punto B se refleja en el eje de simetría para convertirse en el punto B'. Tanto el punto B como el punto B' están a 2 centímetros del eje de simetría. El punto C se refleja en el eje de simetría para convertirse en el punto C' y el punto D se refleja en el eje de simetría para convertirse en el punto D'.

Los puntos de la figura ABCD se reflejan en el eje de simetría para convertirse en la figura A'B'C'D'.

Medimos la longitud de los lados de las figuras.

Longitud de AB = 2 cm

Longitud de BC = 4 cm

Longitud de CD = 5 cm

Longitud de AD = 5 cm

Longitud de A'B' = 2 cm

Longitud de B'C' = 4 cm

Longitud de C'D' = 5 cm

Longitud de A'D' = 5 cm

Las longitudes permanecen sin cambios después de la reflexión.

El punto original y el punto reflejado están a la misma distancia del eje de simetría.



Medimos los ángulos.

$$\angle ABC = 90^\circ$$

$$\angle A'B'C' = 90^\circ$$

$$\angle BCD = 90^\circ$$

$$\angle B'C'D' = 90^\circ$$

$$\angle ADC = 53^\circ$$

$$\angle A'D'C' = 53^\circ$$

$$\angle BAD = 127^\circ$$

$$\angle B'A'D' = 127^\circ$$

Los ángulos permanecen sin cambios después de la reflexión.

1 2 4  
3 +

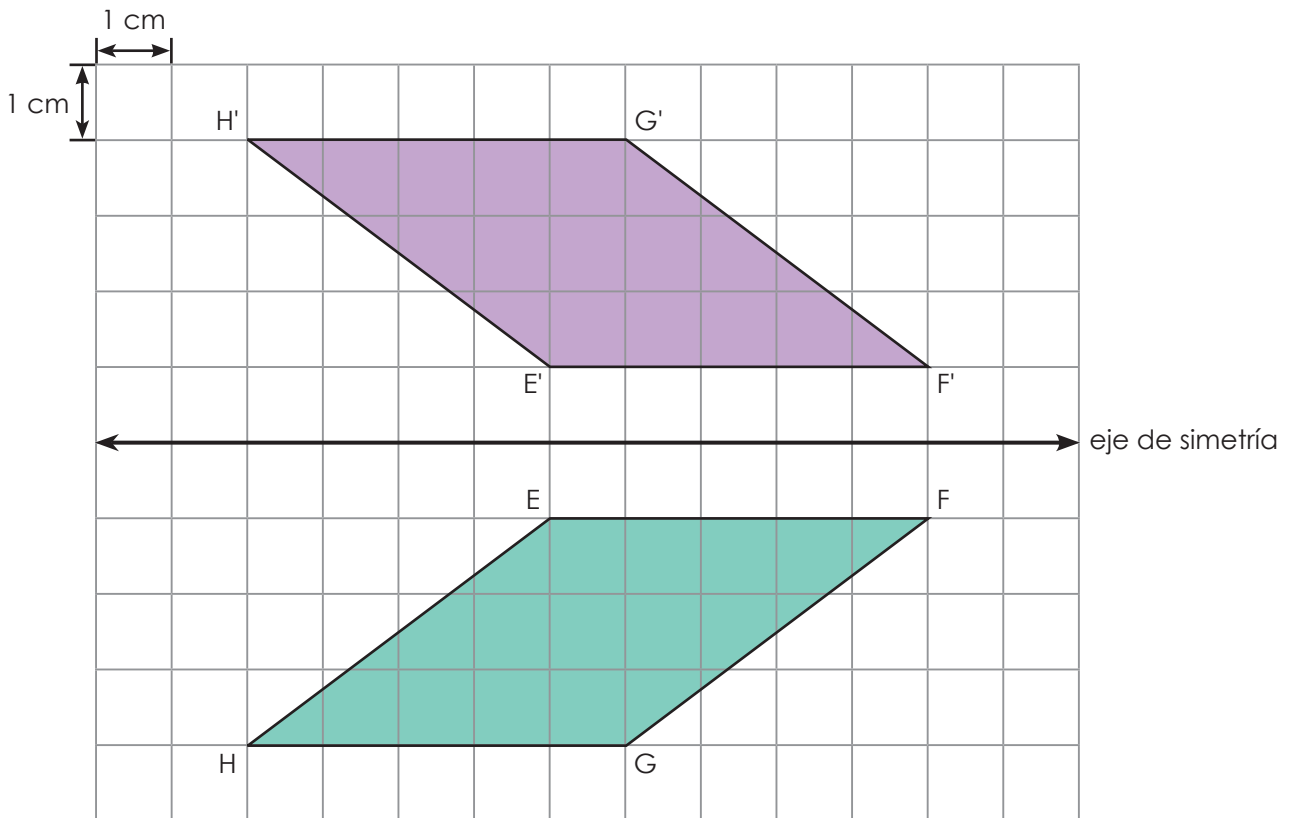
La figura A'B'C'D' es también un cuadrilátero.

La forma y tamaño de las figuras permanecen sin cambios. Por lo tanto, la figura ABCD y la figura A'B'C'D' son congruentes.



## ¡Hagámoslo!

1.



a) Mide las longitudes y los ángulos.

Longitud de EF = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de E'F' = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de FG = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de F'G' = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de GH = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de G'H' = \_\_\_\_\_ cm

$\angle EFG =$  \_\_\_\_\_

$\angle E'F'G' =$  \_\_\_\_\_

$\angle FGE =$  \_\_\_\_\_

$\angle F'G'E' =$  \_\_\_\_\_




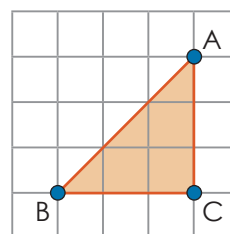
- b) Encierra en un círculo la respuesta correcta para cada oración.  
 Las longitudes ( son / no son ) las mismas después de una reflexión.  
 Los ángulos ( son / no son ) los mismos después de una reflexión.  
 La figura E'F'G'H' ( es / no es ) un rombo.  
 La figura EFGH y la figura E'F'G'H' ( son / no son ) congruentes.


## Congruencia en reflexión usando software geométrico

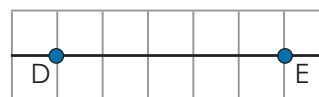
### ¡Aprendamos!


Podemos usar un *software* como GeoGebra para reflejar figuras.  
 Dibuja un triángulo con lados de 3 centímetros, 4 centímetros y 5 centímetros y refleja el triángulo por el eje de simetría. Verifica si el triángulo y la figura reflejada son congruentes.

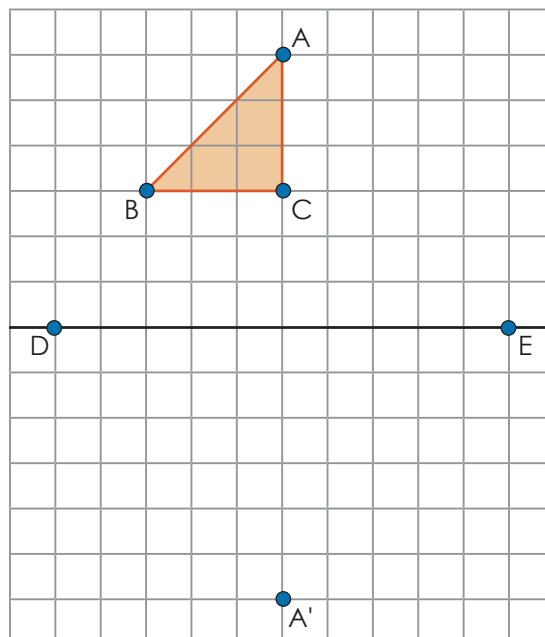
**Paso 1** Abre el *software*.  
 Haz clic en la herramienta  
 'Polígono'  o en una  
 herramienta similar para dibujar  
 un triángulo de lados de  
 3 centímetros, 4 centímetros y  
 5 centímetros respectivamente.



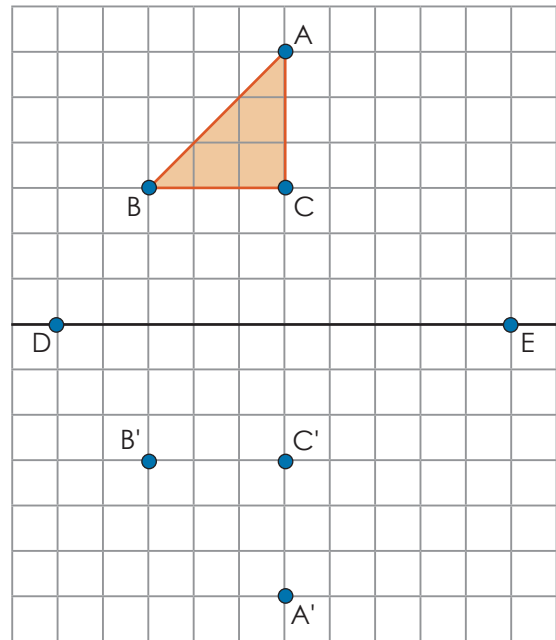
**Paso 2** Haz clic en la herramienta 'Línea'  
 o en una herramienta similar y  
 luego dibuja un eje de simetría.




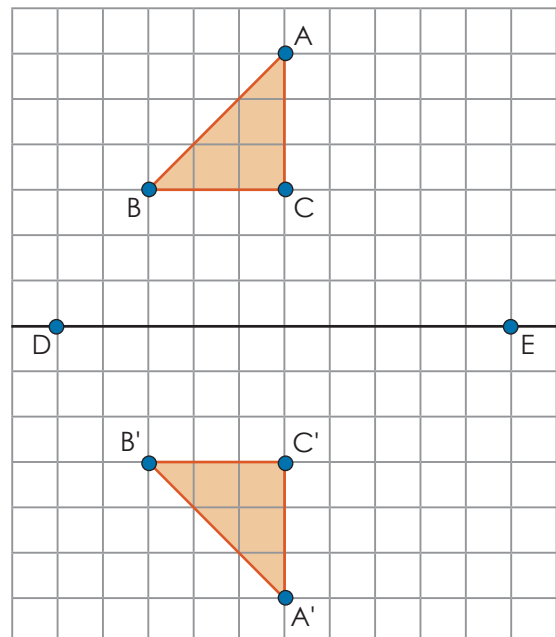
**Paso 3** Haz clic en 'Reflejar sobre la  
 Línea'  o en una herramienta  
 similar. Haz clic en el punto A,  
 luego en la línea DE. Obtendrás  
 el punto A' reflejado.



**Paso 4** Luego, haz clic en el punto B, luego en la línea DE. Obtendrás la reflexión del punto B'. Por último, haz clic en el punto C, luego en la línea DE. Obtendrás la reflexión del punto C'.



**Paso 5** Haz clic en la herramienta 'Polígono'  o en una herramienta similar para conectar los tres puntos, A', B' y C', para obtener la reflexión de la figura.



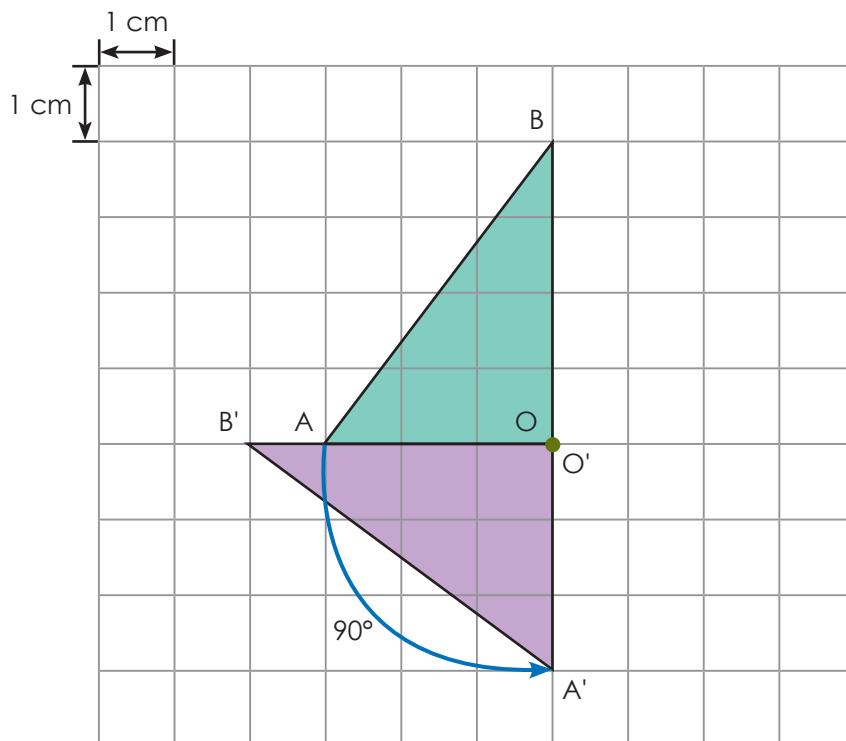
El triángulo ABC y la figura A'B'C' tienen la misma forma y el mismo tamaño. Son congruentes.

### ¡Hagámoslo!

1. Usa un *software* geométrico para dibujar un rombo con lados de 5 centímetros y reflejar el rombo por el eje de simetría.

# Congruencia en rotación usando cuadrículas

## ¡Aprendamos!



El punto A rota  $90^\circ$  en sentido contrario a las manecillas del reloj hacia el punto A'.  
El punto B rota  $90^\circ$  en sentido contrario a las manecillas del reloj hacia el punto B'.

Medimos la longitud de los lados de las figuras.

Longitud de AB = 5 cm

Longitud de A'B' = 5 cm

Longitud de BO = 4 cm

Longitud de B'O' = 4 cm

Longitud de AO = 3 cm

Longitud de A'O' = 3 cm

Las longitudes permanecen sin cambios después de la rotación.

Medimos los ángulos.

$\angle ABO = 37^\circ$

$\angle A'B'O' = 37^\circ$

$\angle OAB = 53^\circ$

$\angle O'A'B' = 53^\circ$

Los ángulos permanecen sin cambios después de la rotación.



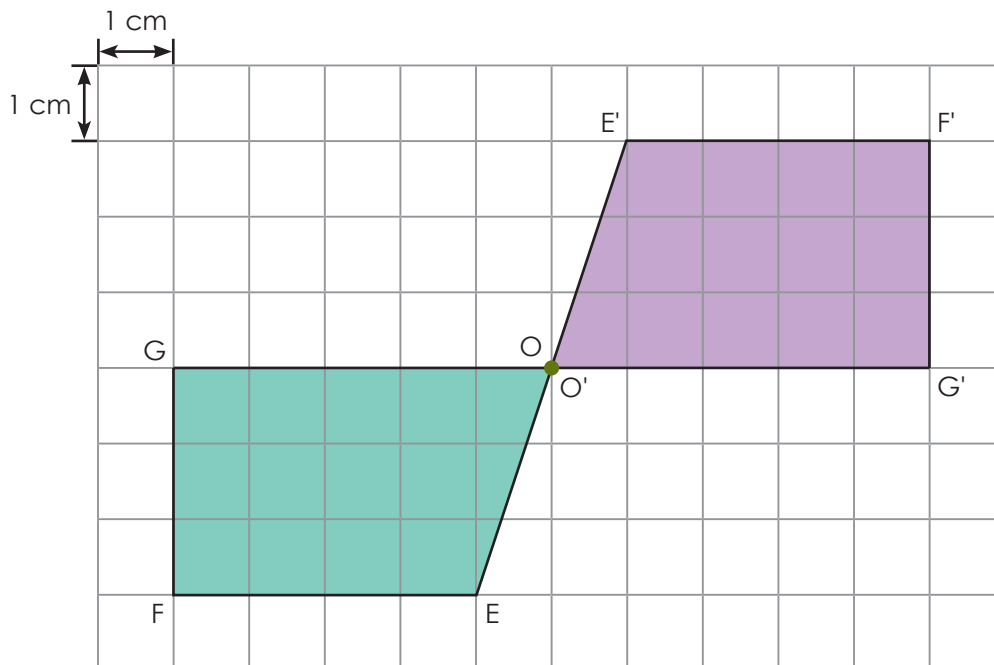
La figura A'B'O' también es un triángulo.



La forma y tamaño de las figuras permanecen sin cambios. Por lo tanto, la figura ABO y la figura A'B'O' son congruentes.

## ¡Hagámoslo!

1.



a) Mide las longitudes de los ángulos.

Longitud de EF = \_\_\_\_\_ cm      Longitud de E'F' = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de FG = \_\_\_\_\_ cm      Longitud de F'G' = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de GO = \_\_\_\_\_ cm      Longitud de G'O' = \_\_\_\_\_ cm

$\angle OEF =$  \_\_\_\_\_

$\angle O'E'F' =$  \_\_\_\_\_

$\angle EOG =$  \_\_\_\_\_

$\angle E'O'G' =$  \_\_\_\_\_

b) Encierra en un círculo la respuesta correcta para cada oración.

Las longitudes ( son / no son ) las mismas después de la rotación.

Los ángulos ( son / no son ) los mismos después de la rotación.

La figura E'F'G'O' ( es / no es ) un cuadrilátero.


La figure EFGO y la figura E'F'G'O' ( son / no son ) congruentes.

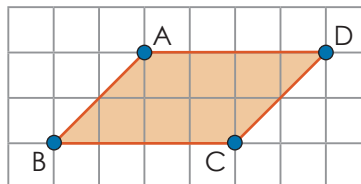
# Congruencia en rotación usando software geométrico


## ¡Aprendamos!

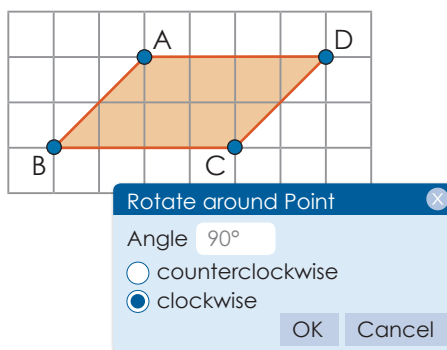
Podemos usar un *software* como GeoGebra para rotar una figura.

Dibuja un paralelogramo ABCD y rota el paralelogramo  $90^\circ$  en el sentido de las manecillas del reloj, al punto C. Verifica si el paralelogramo y la figura rotada son congruentes.

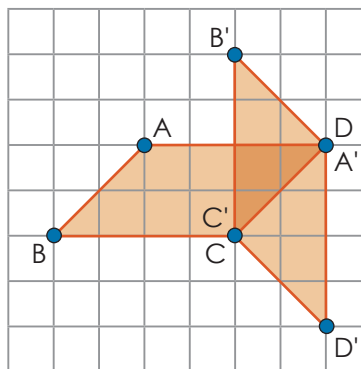
**Paso 1** Abre el *software*.  
Haz clic en la herramienta 'Polígono'  o en una herramienta similar para dibujar un paralelogramo.



**Paso 2** Haz clic en 'Girar alrededor del Punto'  o una herramienta similar. Para rotar al punto C, haz clic en cualquier parte del paralelogramo ABCD, luego haz clic en el punto C. Aparecerá una ventana pop-up. Teclea el ángulo de rotación ' $90^\circ$ ' y elige 'clockwise' o en sentido de las manecillas del reloj como la dirección de la rotación.



**Paso 3** Clic 'Ok' para obtener la figura rotada.



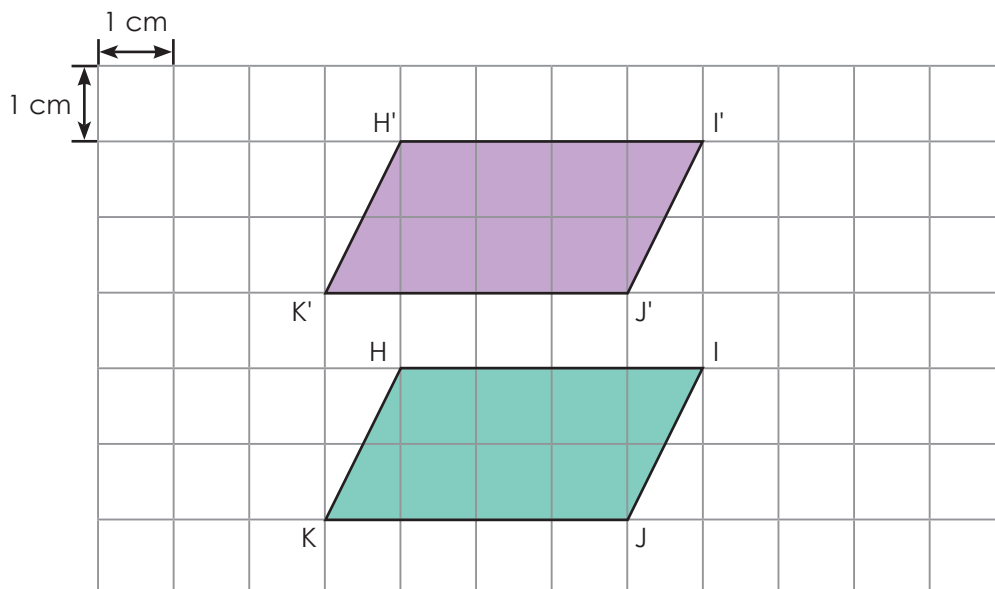
El paralelogramo ABCD y la figura A'B'C'D'. Son congruentes.

## ¡Hagámoslo!

1. Usa un *software* geométrico para dibujar un triángulo ABC y rota el triángulo  $270^\circ$  en sentido contrario a las manecillas del reloj por el punto B.
2. Usa un *software* geométrico para dibujar un cuadrado ABCD y rótaelo  $180^\circ$  en el sentido de las manecillas del reloj por el punto A.

## Práctica 2

- El paralelogramo HIJK se traslada 3 centímetros arriba para convertirse en la figura H'I'J'K'.



- Mide las longitudes y los ángulos. Anota la medida de los longitudes hasta con una posición decimal.

Longitud de HI = \_\_\_\_\_ cm      Longitud de H'I' = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de IJ = \_\_\_\_\_ cm      Longitud de I'J' = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de JK = \_\_\_\_\_ cm      Longitud de J'K' = \_\_\_\_\_ cm

$\angle$ HIJ = \_\_\_\_\_

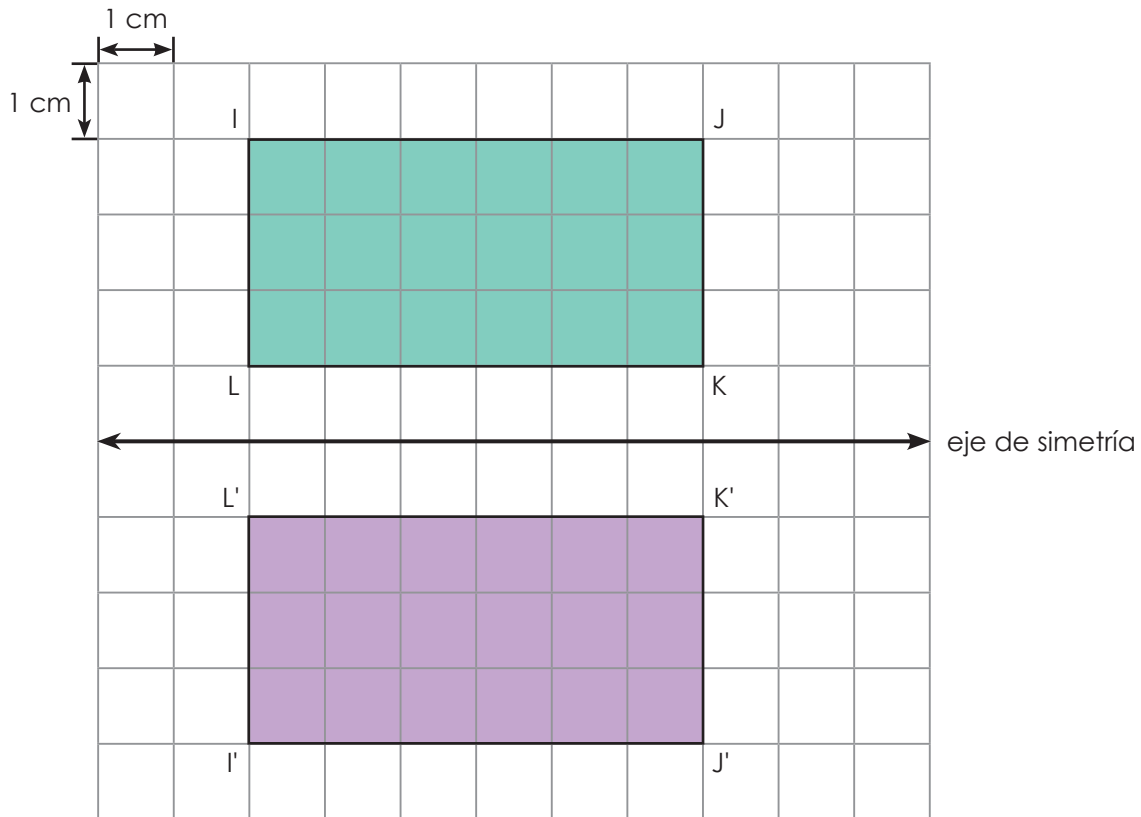
$\angle$ H'I'J' = \_\_\_\_\_

$\angle$ IJK = \_\_\_\_\_

$\angle$ I'J'K' = \_\_\_\_\_

- Encierra en un círculo la respuesta correcta para cada oración.  
 Las longitudes ( son / no son ) iguales después de una traslación.  
 Los ángulos ( son / no son ) iguales después de una traslación.  
 La figura H'I'J'K' ( es / no es ) un paralelogramo.  
 El paralelogramo HIJK y la figura H'I'J'K' ( son / no son ) congruentes.

2. El rectángulo IJKL se refleja en el eje de simetría para convertirse en la figura I'J'K'L'.



- a) Mide las longitudes y los ángulos.

Longitud de IJ = \_\_\_\_\_ cm      Longitud de I'J' = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de JK = \_\_\_\_\_ cm      Longitud de J'K' = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de KL = \_\_\_\_\_ cm      Longitud de K'L' = \_\_\_\_\_ cm

$\angle$  IJK = \_\_\_\_\_

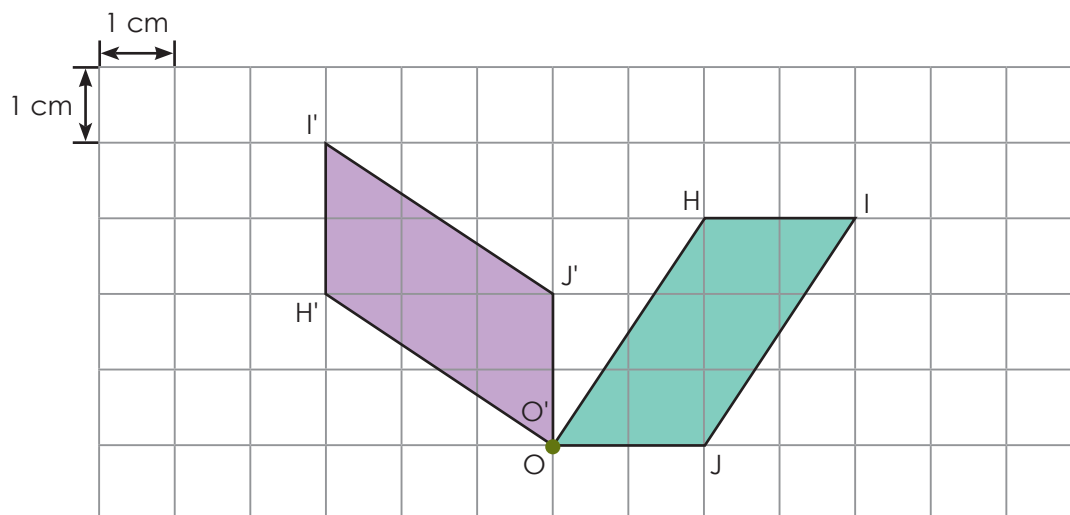
$\angle$  I'J'K' = \_\_\_\_\_

$\angle$  ILK = \_\_\_\_\_

$\angle$  I'L'K' = \_\_\_\_\_

- b) Encierra en un círculo la respuesta correcta para cada oración.  
 Las longitudes ( son / no son ) iguales después de una reflexión.  
 Los ángulos ( son / no son ) iguales después de una reflexión..  
 La figura I'J'K'L' ( es / no es ) un rectángulo.  
 El rectángulo IJKL y la figura I'J'K'L' ( son / no son ) congruentes.

3. La figura HIJO es un paralelogramo. La figura HIJO se rota alrededor del punto O en la dirección de las manecillas de un reloj unos  $270^\circ$  para llegar a la posición de la figura H'I'J'O'.



- a) Mide las longitudes y los ángulos. Anota la medida de las longitudes hasta con una posición decimal.

Longitud de HI = \_\_\_\_\_ cm      Longitud de H'I' = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de IJ = \_\_\_\_\_ cm      Longitud de I'J' = \_\_\_\_\_ cm

Longitud de JO = \_\_\_\_\_ cm      Longitud de J'O' = \_\_\_\_\_ cm

$\angle$ HIJ = \_\_\_\_\_

$\angle$ H'I'J' = \_\_\_\_\_

$\angle$ IJO = \_\_\_\_\_

$\angle$ I'J'O' = \_\_\_\_\_

- b) Encierra en un círculo la respuesta correcta para cada oración.  
 Las longitudes ( son / no son ) iguales después de una rotación.  
 Los ángulos ( son / no son ) iguales después de una rotación.  
 La figura H'I'J'O' ( es / no es ) un paralelogramo.  
 La figura HIJO y la figura H'I'J'O' ( son / no son ) congruentes.



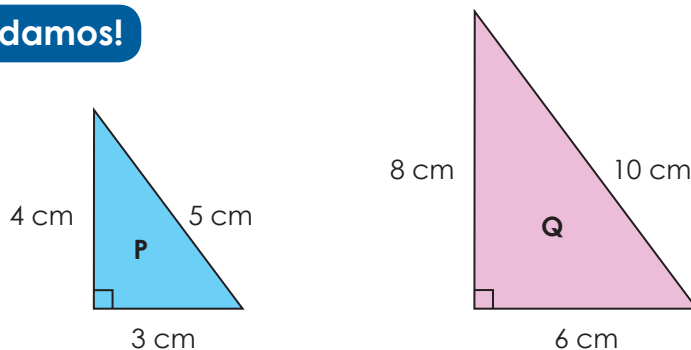
# Lección 3 Similitud

## Identificar figuras similares

### ¡Aprendamos!



a)

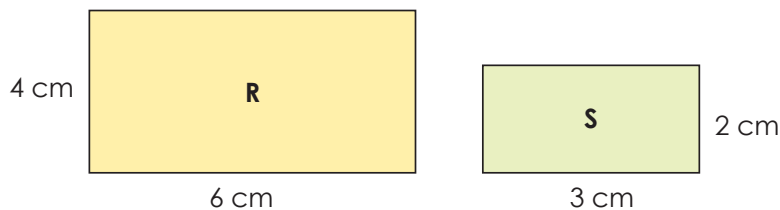


Los lados del triángulo Q son el doble de largos que los lados del triángulo P.



El triángulo Q es una ampliación del triángulo P. Los dos triángulos tienen la misma forma pero diferente tamaño. Los triángulos P y Q son triángulos **similares**.

b)



Los lados del rectángulo S miden la mitad del largo de los lados del rectángulo R.



El rectángulo S es una reducción del rectángulo R. Los dos rectángulos tienen la misma forma pero tienen diferente tamaño. Los rectángulos R y S son rectángulos similares.

Dos figuras son similares cuando una figura es una ampliación o reducción de la otra.

### ¡Hagámoslo!

- En la columna derecha, encierra en un círculo las figuras que sean similares a la de la izquierda.

a)				
b)				

# Práctica 3

1. Completa la tabla con **congruente** o **similar**.

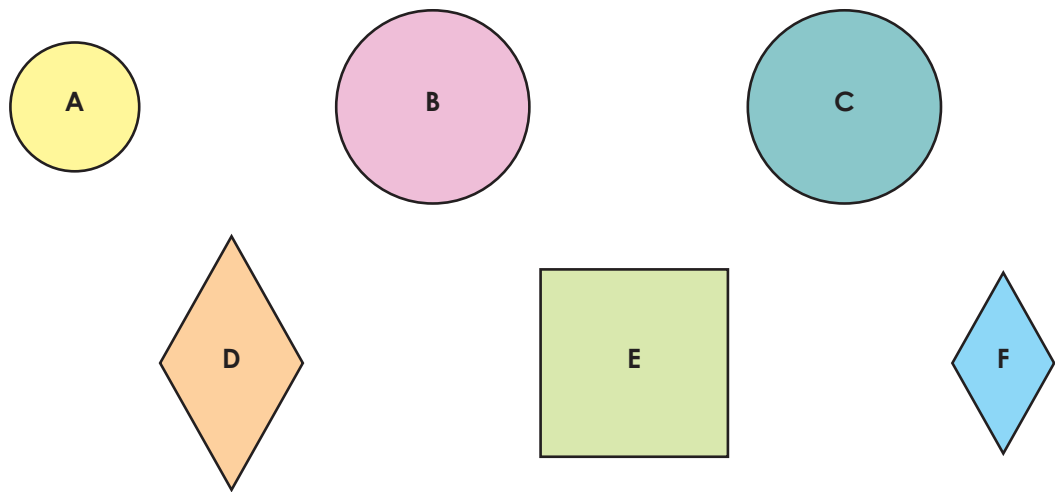
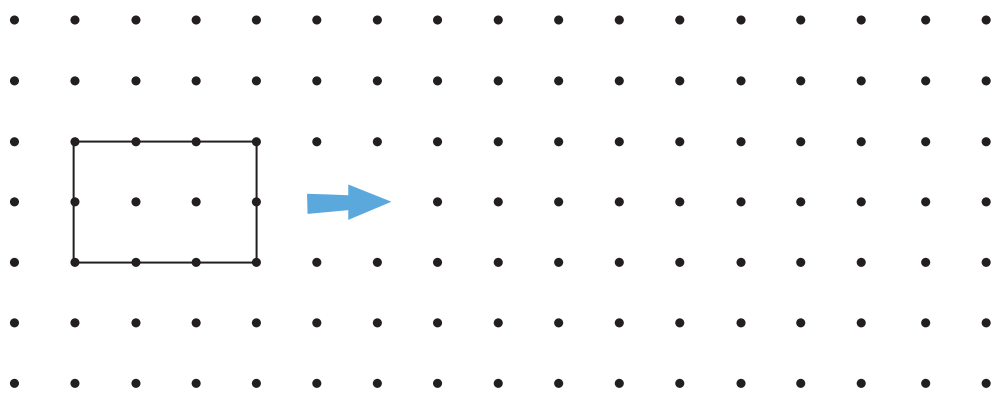


	Figura	Figura	¿Congruente o similar?
a)	A	B	
b)	B	C	
c)	D	F	

2. Dibuja una figura que sea similar a la figura que aparece a continuación.



Repaso 1, página 83–89

# 8

## Multiplicación y división con decimales

### ¡Recordemos!

1. Multiplica 3658 por 4.

$$\begin{array}{r} 3658 \cdot 4 \\ \hline \end{array}$$

2. Divide 4517 por 6.

$$\begin{array}{r} 4517 : 6 = \square \square \square \square \\ \hline \end{array}$$

3. Estima el valor de cada una de las siguientes expresiones.

a)  $6298 \cdot 5 \approx \square \cdot 5$   
 $= \square$

b)  $3580 : 6 \approx \square : 6$   
 $= \square$

Piensa en múltiplos de 6.  
 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, ...



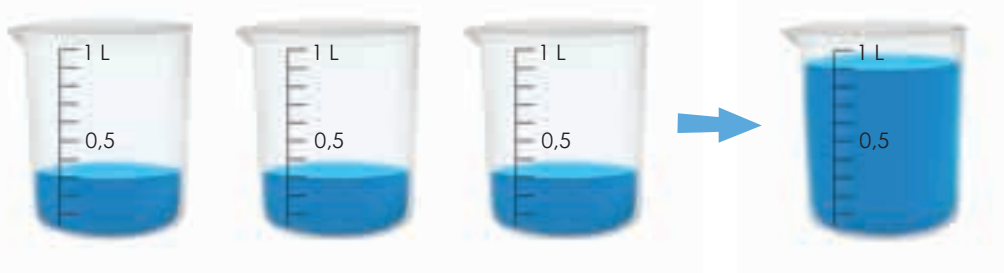
## Lección 1 Multiplicación

### Multiplicar décimas o centésimas sin reagrupar

#### ¡Aprendamos!



a)



$$0,3 \cdot 3 = 0,9$$

Hay un total de 0,9 litros de agua en los recipientes.



b) Multiplica 0,2 por 4.



$$0,2 \cdot 4 = 0,8$$

2 décimas  $\cdot$  4  
= 8 décimas



c) Multiplica 0,02 por 4.



$$0,02 \cdot 4 = 0,08$$

2 centésimas  $\cdot$  4  
= 8 centésimas

$2 \cdot 4 = 8$   
 $0,2 \cdot 4 = 0,8$   
 $0,02 \cdot 4 = 0,08$



### ¡Hagámoslo!

1. Multiplica.

a)  $0,3 \cdot 2 =$  \_\_\_\_\_

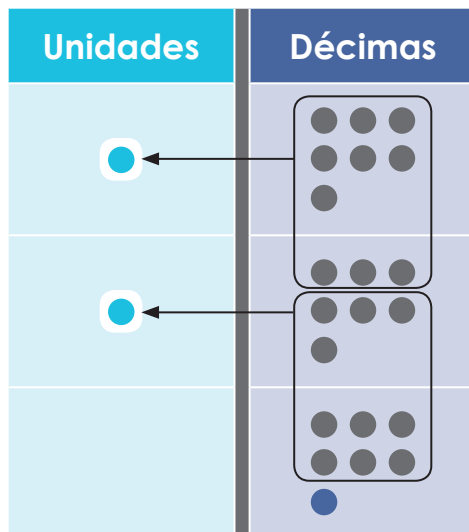
b)  $0,03 \cdot 2 =$  \_\_\_\_\_

## Multiplicar décimas reagrupando

### ¡Aprendamos!

a) Multiplica 0,7 por 3.

$$0,7 \cdot 3 =$$



Multiplica las décimas por 3.

$$\begin{array}{r} 2 \\ 0,7 \cdot 3 \\ \hline 2,1 \end{array}$$

7 décimas  $\cdot$  3  
= 21 décimas  
= 2 unidades 1 décima



$$0,7 \cdot 3 = 2,1$$

b) Multiplica 0,6 por 5.

$$0,6 \cdot 5 = \text{■}$$

6 décimas  $\cdot 5 = 30$  décimas  
= 3 unidades



### ¡Hagámoslo!

1. Multiplica.

a)  $0,4 \cdot 7 = \underline{\hspace{2cm}}$

b)  $0,5 \cdot 8 = \underline{\hspace{2cm}}$

c)  $0,8 \cdot 4 = \underline{\hspace{2cm}}$

$$4 \cdot 7 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$5 \cdot 8 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$8 \cdot 4 = \underline{\hspace{2cm}}$$



## Multiplicar centésimas reagrupando

### ¡Aprendamos!

a) Multiplica 0,07 por 3.

$$0,07 \cdot 3 = \text{■}$$



Unidades	Décimas	Centésimas
		<div> </div>
		<div> </div>
		<div> </div>

Multiplica las centésimas por 3.

$$\begin{array}{r} 2 \\ 0,07 \cdot 3 \\ \hline 0,21 \end{array}$$

7 centésimas  $\cdot 3$   
= 21 centésimas  
= 2 décimas 1 centésima



$$\begin{array}{r} 124 \\ 3+ \end{array}$$

$$0,07 \cdot 3 = 0,21$$

b) Multiplica 0,06 por 5.

$$0,06 \cdot 5 = \text{■}$$

6 centésimas  $\cdot 5$   
= 30 centésimas  
= 3 décimas



## ¡Hagámoslo!

1. Multiplica.

a)  $0,04 \cdot 7 = \underline{\hspace{2cm}}$

b)  $0,05 \cdot 8 = \underline{\hspace{2cm}}$

c)  $0,03 \cdot 8 = \underline{\hspace{2cm}}$

$4 \cdot 7 = \underline{\hspace{2cm}}$

$0,4 \cdot 7 = \underline{\hspace{2cm}}$



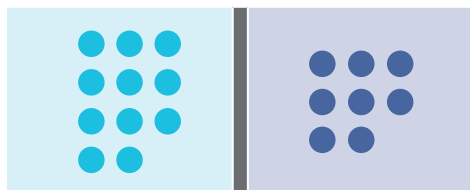
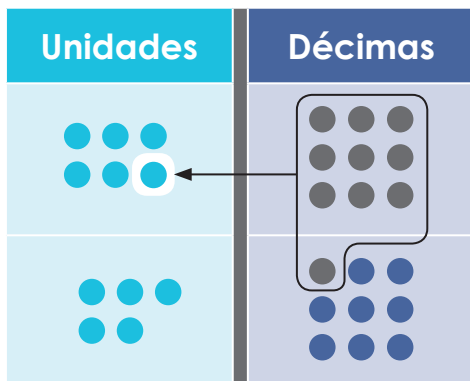
Capítulo 8: actividad 1, páginas 89–90

## Multiplicar decimales con 1 posición decimal por un número de 1 dígito

### ¡Aprendamos!

Multiplica 5,9 por 2.

$5,9 \cdot 2 = \underline{\hspace{2cm}}$



1 Multiplica las décimas por 2.

$$\begin{array}{r} 1 \\ 5,9 \cdot 2 \\ \hline 8 \end{array}$$

$9 \text{ décimas} \cdot 2 = 18 \text{ décimas}$

Reagrupa las décimas.

$18 \text{ décimas} = 1 \text{ unidad } 8 \text{ décimas}$

2 Multiplica las unidades por 2.

$$\begin{array}{r} 1 \\ 5,9 \cdot 2 \\ \hline 11,8 \end{array}$$

$5 \text{ unidades} \cdot 2 = 10 \text{ unidades}$

Suma las unidades.

$10 \text{ unidades} + 1 \text{ unidad} = 11 \text{ unidades}$

Reagrupa las unidades.

$11 \text{ unidades} = 1 \text{ decena } 1 \text{ unidad}$



$5,9 \cdot 2 = 11,8$

## ¡Hagámoslo!

1. Multiplica.

a)  $\underline{2,3 \cdot 3}$

b)  $\underline{20,7 \cdot 6}$

c)  $\underline{32,6 \cdot 8}$

 Capítulo 8: actividad 2, página 91


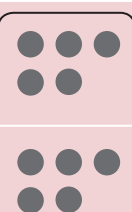




## Multiplicar decimales con 2 posiciones decimales por un número de 1 dígito

### ¡Aprendamos!

a) Multiplica 0,25 por 3.

$0,25 \cdot 3 =$



Unidades	Décimas	Centésimas
		
		
		



Unidades	Décimas	Centésimas
		

$0,25 \cdot 3 = 0,75$

1 Multiplica las centésimas por 3.

$$\begin{array}{r} 0,2\overset{1}{5} \cdot 3 \\ \hline 5 \end{array}$$

$5 \text{ centésimas} \cdot 3$   
 $= 15 \text{ centésimas}$

Reagrupa las centésimas.  
 $15 \text{ centésimas}$   
 $= 1 \text{ décima } 5 \text{ centésimas}$

2 Multiplica las décimas por 3.

$$\begin{array}{r} 0,2\overset{1}{5} \cdot 3 \\ \hline 0,7\overset{1}{5} \end{array}$$

$2 \text{ décimas} \cdot 3 = 6 \text{ décimas}$

Suma las décimas.  
 $6 \text{ décimas} + 1 \text{ décima}$   
 $= 7 \text{ décimas}$



b) Multiplica 4,53 por 2.

$$4,53 \cdot 2 = \text{■}$$



Unidades	Décimas	Centésimas



Unidades	Décimas	Centésimas



Unidades	Décimas	Centésimas

1 Multiplica las centésimas por 2.

$$\begin{array}{r} 4,5\overset{\textcolor{red}{1}}{3} \cdot \textcolor{red}{2} \\ \hline \textcolor{red}{6} \end{array}$$

2 Multiplica las décimas por 2.

$$\begin{array}{r} \overset{\textcolor{red}{1}}{4},\overset{\textcolor{red}{5}}{5}\overset{\textcolor{red}{1}}{3} \cdot \textcolor{red}{2} \\ \hline \textcolor{red}{,06} \end{array}$$

$$5 \text{ décimas} \cdot 2 = 10 \text{ décimas}$$

Reagrupa las décimas.

$$10 \text{ décimas} = 1 \text{ unidad}$$

3 Multiplica las unidades por 2.

$$\begin{array}{r} \overset{\textcolor{red}{1}}{4},5\overset{\textcolor{red}{1}}{3} \cdot \textcolor{red}{2} \\ \hline \textcolor{red}{9},06 \end{array}$$

$$4 \text{ unidades} \cdot 2 \\ = 8 \text{ unidades}$$

Suma las unidades.

$$8 \text{ unidades} + 1 \text{ unidad}$$

$$= 9 \text{ unidades}$$



$$4,53 \cdot 2 = 9,06$$



c) Multiplica 25,83 por 7.

$$25,83 \cdot 7 = \text{■}$$

- 1 Multiplica las centésimas por 7.  
3 centésimas  $\cdot 7 = 21$  centésimas

Reagrupa las centésimas.  
21 centésimas = 2 décimas 1 centésima

$$\begin{array}{r} 25,8\overset{2}{3} \cdot 7 \\ \hline 1 \end{array}$$

- 2 Multiplica las décimas por 7.  
8 décimas  $\cdot 7 = 56$  décimas

Suma las décimas.  
56 décimas + 2 décimas = 58 décimas

Reagrupa las décimas.  
58 décimas = 5 unidades 8 décimas

$$\begin{array}{r} 25,\overset{5}{8}\overset{2}{3} \cdot 7 \\ \hline ,81 \end{array}$$

- 3 Multiplica las unidades por 7.  
5 unidades  $\cdot 7 = 35$  unidades

Suma las unidades.  
35 unidades + 5 unidades = 40 unidades

Reagrupa las unidades.  
40 unidades = 4 decenas

$$\begin{array}{r} 45\overset{2}{3} \cdot 7 \\ \hline 0,81 \end{array}$$

- 4 Multiplica las decenas por 7.  
2 decenas  $\cdot 7 = 14$  decenas

Suma las decenas.  
14 decenas + 4 decenas = 18 decenas

Reagrupa las decenas.  
18 decenas = 1 centena 8 decenas

$$\begin{array}{r} 45\overset{2}{3} \cdot 7 \\ \hline 180,81 \end{array}$$

$$25,83 \cdot 7 = 180,81$$

### ¡Hagámoslo!

1. Multiplica.



a)  $\underline{\quad 0,26 \cdot 4 \quad}$     b)  $\underline{\quad 34,02 \cdot 3 \quad}$     c)  $\underline{\quad 48,26 \cdot 6 \quad}$

# Multiplicar decimales con 3 posiciones decimales por un número de 1 dígito

## ¡Aprendamos!

Multiplica 3,251 por 2.

$$3,251 \cdot 2 = \text{■}$$

	Unidades	Décimas	Centésimas	Milésimas
	● ● ●	● ●	● ● ● ● ●	●
	● ● ●	● ●	● ● ● ● ●	●

- 1 Multiplica las milésimas por 2.  
1 milésima  $\cdot 2 = 2$  milésimas

$$\begin{array}{r} 3,251 \cdot 2 \\ \hline 2 \end{array}$$



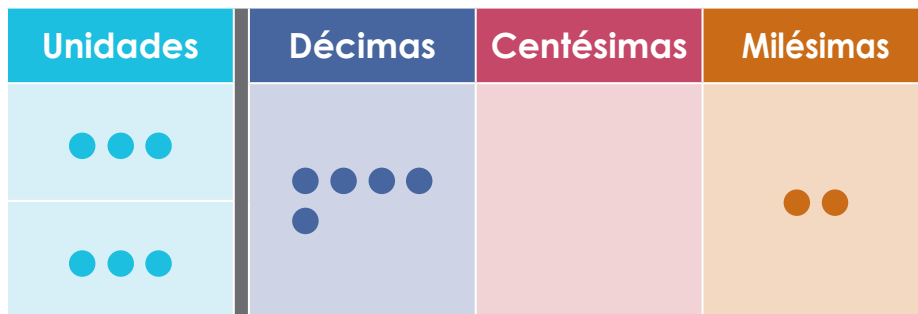
	Unidades	Décimas	Centésimas	Milésimas
	● ● ●	● ● ●	● ● ● ● ●	● ●
	● ● ●	● ●	● ● ● ● ●	● ●

- 2 Multiplica las centésimas por 2.  
5 centésimas  $\cdot 2 = 10$  centésimas

$$\begin{array}{r} 3,251 \cdot 2 \\ \hline 02 \end{array}$$

Reagrupa las centésimas.  
10 centésimas = 1 décima





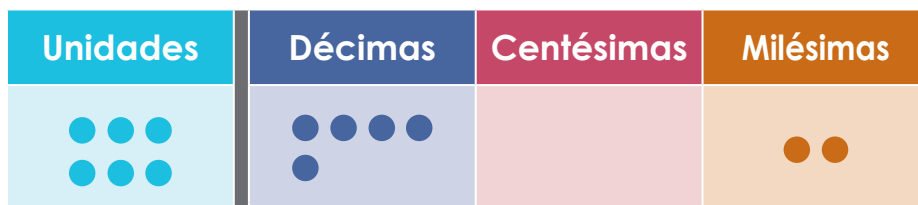
- 3 Multiplica las décimas por 2.

2 décimas · 2 = 4 décimas

Suma las décimas.

4 décimas + 1 décima = 5 décimas

$$\begin{array}{r} 3, \overset{1}{2} 5 1 \cdot 2 \\ \hline , 5 0 2 \end{array}$$



- 4 Multiplica las unidades por 2.

3 unidades · 2 = 6 unidades

$$\begin{array}{r} 3, \overset{1}{2} 5 1 \cdot 2 \\ \hline 6, 5 0 2 \end{array}$$



$3,251 \cdot 2 = 6,502$

### ¡Hagámoslo!

1. Multiplica.

a)  $0,432 \cdot 3$     b)  $9,187 \cdot 5$     c)  $4,444 \cdot 4$



Capítulo 8: actividad 4, página 93

## Estimar productos

### ¡Aprendamos!

- a) Estima el valor de  $6,84 \cdot 9$ .

Redondea el decimal al número entero más cercano.  
 $6,84 \approx 7$

Mi respuesta está cerca de la estimación. Es razonable.



$\begin{array}{r} 124 \\ 3+ \end{array}$

$$6,84 \cdot 9 \approx 7 \cdot 9 \\ = 63$$

- b) Multiplica 6,84 por 9.

$$6,84 \cdot 9 = 61,56$$

### ¡Hagámoslo!

1. Estima y luego multiplica.

a)  $3,9 \cdot 5 \approx \underline{\hspace{2cm}} \cdot 5$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

$$\begin{array}{r} 3,9 \cdot 5 \\ \hline \end{array}$$

b)  $29,731 \cdot 6 \approx \underline{\hspace{2cm}} \cdot \underline{\hspace{2cm}}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

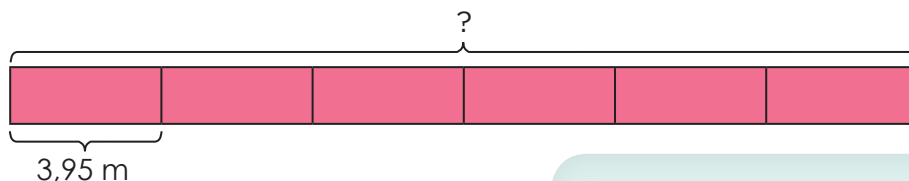
$$\begin{array}{r} 29,731 \cdot 6 \\ \hline \end{array}$$

 Capítulo 8: actividad 5, página 94

## Resolución de problemas

### ¡Aprendamos!

La Sra. Zapata compró 6 piezas de tela. Cada pieza mide 3,95 metros. ¿Cuál es el largo total de la tela que la Sra. Zapata compró?



$\begin{array}{r} 124 \\ 3+ \end{array}$

$$3,95 \cdot 6 = 23,70$$

La Sra. Zapata compró 23,7 metros de tela.

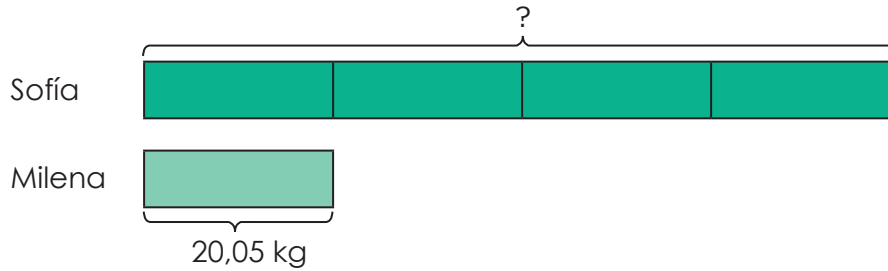
$$3,95 \cdot 6 \approx 4 \cdot 6 \\ = 24$$

Mi respuesta está cerca de la estimación. Es razonable.



## ¡Hagámoslo!

- El peso de Milena es de 20,05 kilogramos. Sofía pesa 4 veces lo que pesa Milena. ¿Cuál es el peso de Sofía?



\_\_\_\_\_ · \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

El peso de Sofía es de \_\_\_\_\_ kilogramos.



Capítulo 8: actividad 6, página 95

## Práctica 1

- Multiplica.

a)  $0,4 \cdot 9$

b)  $7 \cdot 0,08$

c)  $0,31 \cdot 6$

d)  $3 \cdot 0,45$

e)  $4 \cdot 8,2$

f)  $1,5 \cdot 4$

g)  $5,29 \cdot 3$

h)  $3,86 \cdot 5$

i)  $8 \cdot 3,29$

j)  $0,152 \cdot 6$

k)  $4,055 \cdot 4$

l)  $3,404 \cdot 9$

- Estima y luego multiplica.

a)  $3,2 \cdot 6$

b)  $2,48 \cdot 3$

c)  $4,09 \cdot 5$

d)  $9 \cdot 4,36$

e)  $6 \cdot 5,25$

f)  $1,94 \cdot 7$

g)  $3,275 \cdot 4$

h)  $5 \cdot 5,662$

i)  $7,426 \cdot 2$

Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

- Ricardo usó 8 tarros de pintura para pintar su departamento. Cada tarro contenía 5,565 litros de pintura. ¿Cuánta pintura usó en total?
- Una botella de jugo de naranja tiene un peso de 1,25 kilogramos. ¿Cuál es el peso total de 6 botellas de jugo de naranja?

5. La familia Rojas bebe 4,95 litros de leche a la semana. Ellos beben 4 veces la cantidad de jugo que de leche en la semana. ¿Cuánto jugo bebe la familia Rojas en una semana?
6. Un trabajador mezcla 13,45 kilogramos de cemento con arena. El peso de arena era 3 veces mayor que la del cemento. ¿Cuántos kilogramos de la arena fueron usados?

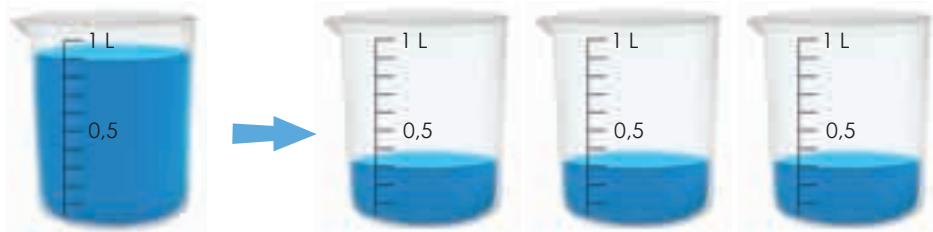
## Lección 2 División

### Dividir décimas o centésimas sin reagrupar

#### ¡Aprendamos!



a)



$$0,9 : 3 = 0,3$$

Hay 0,3 litros de agua en cada recipiente.

- b) Divide 0,6 por 2.



$$0,6 : 2 = 0,3$$

6 décimas : 2  
= 3 décimas



- c) Divide 0,06 por 2.



$$0,06 : 2 = 0,03$$

6 centésimas : 2  
= 3 centésimas



6 : 2 = 3  
0,6 : 2 = 0,3  
0,06 : 2 = 0,03

#### ¡Hagámoslo!

1. Divide.

a)  $0,8 : 4 = \underline{\hspace{2cm}}$

b)  $0,08 : 4 = \underline{\hspace{2cm}}$

# Dividir decimales y enteros por números de 1 dígito para obtener cocientes en décimas

## ¡Aprendamos!

a) Divide 1,8 por 3.

$$1,8 : 3 = \square$$

1 Divide las unidades por 3.

$$1,8 : 3 = 0$$



Yo no tengo suficientes 1 para poner una 1 en cada uno de los 3 grupos. Entonces, reagrupo las unidades y las décimas.

1 unidad 8 décimas = 18 décimas

Alinea las comas decimales.

2 Divide las décimas por 3.

1 unidad 8 décimas  
= 18 décimas

$$1,8 : 3 = 0,6$$

3 · 6 décimas = 18 décimas

1 2 4  
3 +

$$1,8 : 3 = 0,6$$

b) Divide 2 por 4.

$$2 : 4 = \square$$

2 unidades = 20 décimas  
20 décimas : 4 = 5 décimas

## ¡Hagámoslo!

1. Divide.

a)  $3,5 : 7 = \underline{\hspace{2cm}}$

b)  $3 : 5 = \underline{\hspace{2cm}}$

c)  $4,2 : 6 = \underline{\hspace{2cm}}$

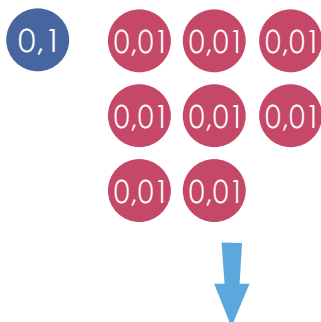
d)  $5,4 : 9 = \underline{\hspace{2cm}}$

# Dividir decimales por números de 1 dígito para obtener cocientes en centésimas

## ¡Aprendamos!

a) Divide 0,18 por 3.

$$0,18 : 3 = \square$$



$$0,18 : 3 = 0,06$$

1 Divide las décimas por 3.

$$0,18 : 3 = 0,0$$

Yo no tengo suficientes **0,1** para poner una **0,1** en cada uno de los 3 grupos. Entonces, reagrupo las décimas y las centésimas.

1 décima 8 centésimas  
= 18 centésimas



2 Divide las centésimas por 3.

$$\begin{aligned} 1 \text{ décima } 8 \text{ centésimas} &= 18 \text{ centésimas} \rightarrow 0,18 : 3 = 0,06 \\ 3 \cdot 6 \text{ centésimas} &\rightarrow - \frac{18}{0} \\ &= 18 \text{ centésimas} \end{aligned}$$

b) Divide 0,2 por 4.

$$0,2 : 4 = \square$$

2 décimas = 20 centésimas  
20 centésimas : 4  
= 5 centésimas



## ¡Hagámoslo!

1. Divide.

a)  $0,35 : 7 = \underline{\hspace{2cm}}$

b)  $0,3 : 5 = \underline{\hspace{2cm}}$

c)  $0,36 : 6 = \underline{\hspace{2cm}}$

d)  $0,45 : 9 = \underline{\hspace{2cm}}$



# Dividir decimales con 2 posiciones decimales por un número de 1 dígito

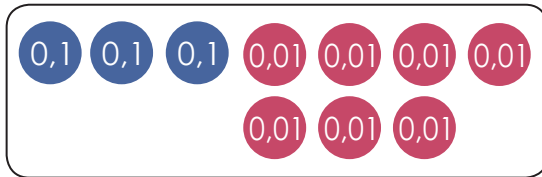
## ¡Aprendamos!

a) Divide 0,74 por 2.

$$0,74 : 2 = \text{■}$$



0,1



1 Divide las décimas por 2.

$$0,74 : 2 = 0,37$$

$$2 \cdot 3 \text{ décimas} = 6 \text{ décimas} \rightarrow - \frac{6}{1}$$

$$\text{resto 1 décima} \rightarrow$$

2 Divide las centésimas por 2.

$$0,74 : 2 = 0,37$$

$$1 \text{ décima } 4 \text{ centésimas} = 14 \text{ centésimas} \rightarrow - \frac{6}{14}$$

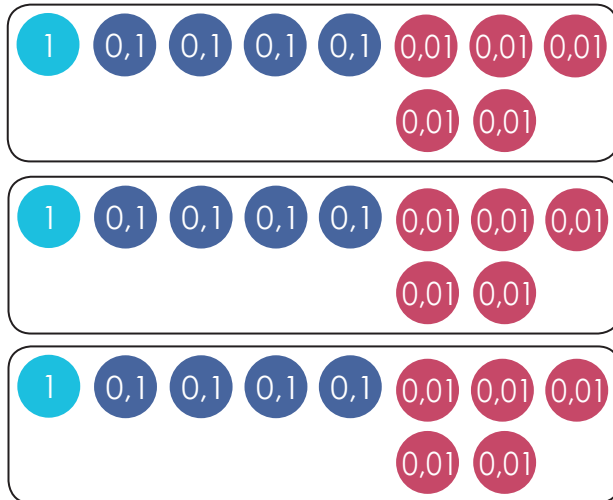
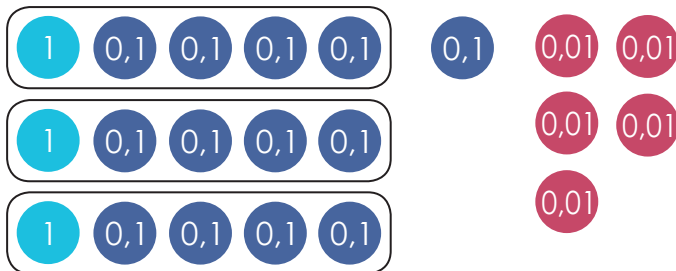
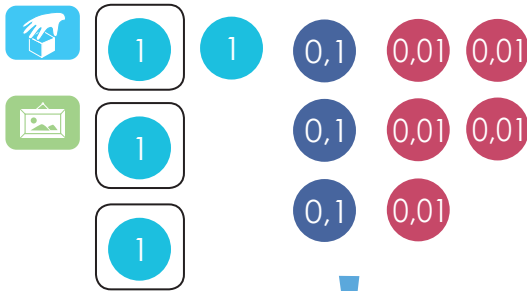
$$2 \cdot 7 \text{ centésimas} = 14 \text{ centésimas} \rightarrow - \frac{14}{0}$$



$$0,74 : 2 = 0,37$$

b) Divide 4,35 por 3.

$$4,35 : 3 = \text{■}$$



1 Divide las unidades por 3.

$$4,35 : 3 = 1$$

$$3 \cdot 1 \text{ unidad} = 3 \text{ unidades} \rightarrow -3$$

$$\text{resto 1 unidad} \rightarrow 1$$

2 Divide las décimas por 3.

$$4,35 : 3 = 1,4$$

$$1 \text{ unidad } 3 \text{ décimas} = 13 \text{ décimas} \rightarrow -3$$

$$3 \cdot 4 \text{ décimas} = 12 \text{ décimas} \rightarrow -12$$

$$\text{resto 1 décima} \rightarrow 1$$

3 Divide las centésimas por 3.

$$4,35 : 3 = 1,45$$

$$1 \text{ décima } 5 \text{ centésimas} = 15 \text{ centésimas} \rightarrow -15$$

$$3 \cdot 5 \text{ centésimas} = 15 \text{ centésimas} \rightarrow -15$$

$$\text{resto 0 centésimas} \rightarrow 0$$

$\begin{array}{r} 124 \\ 3 \overline{)435} \\ \underline{3} \phantom{0} \\ 13 \phantom{0} \\ \underline{9} \phantom{0} \\ 45 \\ \underline{30} \\ 15 \end{array}$

$$4,35 : 3 = 1,45$$

**¡Hagámoslo!**

1. Divide.

a)  $0,64 : 4 =$

b)  $5,04 : 9 =$

c)  $18,48 : 8 =$

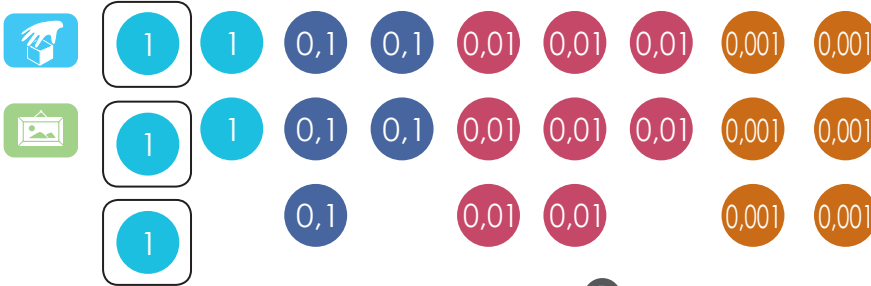


# Dividir decimales con 3 posiciones decimales por números de 1 dígito

## ¡Aprendamos!

Divide 5,586 por 3.

$$5,586 : 3 = \text{■}$$



1 Divide las unidades por 3.

$$5,586 : 3 = 1$$

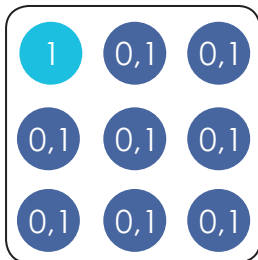
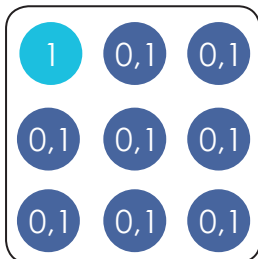
$$\begin{array}{r} 3 \cdot 1 \text{ unidad} = 3 \text{ unidades} \rightarrow -3 \\ \text{resto } 2 \text{ unidades} \rightarrow 2 \end{array}$$

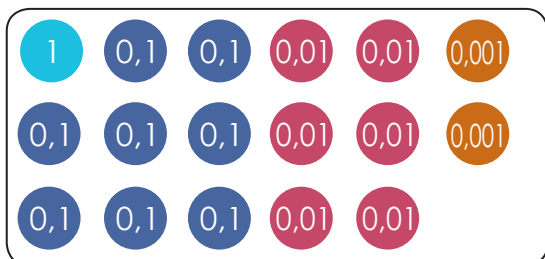
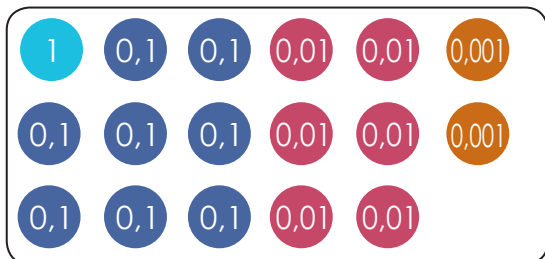
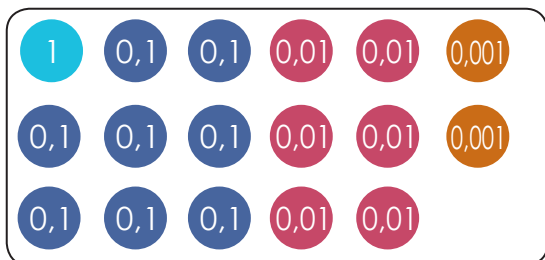


2 Divide las décimas por 3.

$$5,586 : 3 = 1,8$$

$$\begin{array}{r} 2 \text{ unidades } 5 \text{ décimas} = 25 \text{ décimas} \rightarrow -3 \\ 3 \cdot 8 \text{ décimas} = 24 \text{ décimas} \rightarrow -24 \\ \text{resto } 1 \text{ décima} \rightarrow 1 \end{array}$$





3 Divide las centésimas por 3.

$$5,586 : 3 = 1,86$$

$$\begin{array}{r} 5,586 : 3 = 1,86 \\ -3 \phantom{00} \\ \hline 25 \phantom{00} \\ -24 \phantom{00} \\ \hline 18 \phantom{00} \\ -18 \phantom{00} \\ \hline 0 \end{array}$$

1 décima 8 centésimas  
= 18 centésimas →

3 · 6 centésimas → -  
= 18 centésimas

4 Divide las milésimas por 3.

$$5,586 : 3 = 1,862$$

$$\begin{array}{r} 5,586 : 3 = 1,862 \\ -3 \phantom{00} \\ \hline 25 \phantom{00} \\ -24 \phantom{00} \\ \hline 18 \phantom{00} \\ -18 \phantom{00} \\ \hline 0 \end{array}$$

0 centésimas 6 milésimas  
= 6 milésimas →

3 · 2 milésimas → -  
= 6 milésimas

## ¡Hagámoslo!

1. Divide.

a)  $6,804 : 3 =$

b)  $8,334 : 6 =$

c)  $9,728 : 8 =$



Capítulo 8: actividad 10, página 100

## Dividir decimales y enteros con cero como marcador de posición

### ¡Aprendamos!

a) Divide 5 por 4.

$5 : 4 =$

1 Divide las unidades por 4.

$$\begin{array}{r} 5 : 4 = 1 \\ 4 \cdot 1 \text{ unidad} = 4 \text{ unidades} \rightarrow - \underline{4} \\ \text{resto 1 unidad} \rightarrow \underline{1} \end{array}$$

2 Divide las décimas por 4.

$$\begin{array}{r}
 5,0 : 4 = 1,2 \\
 \underline{-4} \\
 10 \\
 \underline{-8} \\
 2
 \end{array}$$

1 unidad = 10 décimas →  
 $4 \cdot 2$  décimas = 8 décimas →  
 resto 2 décimas →

Escribe 5 como 5,0.



3 Divide las centésimas por 4.

$$\begin{array}{r}
 5,00 : 4 = 1,25 \\
 \underline{-4} \\
 100 \\
 \underline{-80} \\
 20 \\
 \underline{-20} \\
 0
 \end{array}$$

2 décimas = 20 centésimas →  
 $4 \cdot 5$  centésimas = 20 centésimas →

Escribe 5,0 como 5,00.



1 2 4  
3 +

$$5 : 4 = 1,25$$

b) Divide 2,1 por 6.

$$2,1 : 6 =$$

1 Divide las unidades por 6.

$$2,1 : 6 = 0,$$

Yo no tengo suficientes unidades para dividirlos por 6. Entonces, reagrupo las unidades y las décimas.  
 2 unidades 1 décima = 21 décimas



2 Divide las décimas por 6.

$$\begin{array}{r}
 2 \text{ unidades } 1 \text{ décima} = 21 \text{ décimas} \rightarrow 2,1 : 6 = 0,3 \\
 6 \cdot 3 \text{ décimas} = 18 \text{ décimas} \rightarrow \underline{-18} \\
 \text{resto } 3 \text{ décimas} \rightarrow 3
 \end{array}$$

3 Divide las centésimas por 6.

$$\begin{array}{r}
 2,10 : 6 = 0,35 \\
 \underline{-18} \\
 30 \\
 \underline{-30} \\
 0
 \end{array}$$

3 décimas = 30 centésimas →  
 $6 \cdot 5$  centésimas = 30 centésimas →

Escribe 2,1 como 2,10.



$$2,1 : 6 = 0,35$$

## ¡Hagámoslo!

1. Divide.

a)  $30,4 : 5 = \underline{\hspace{2cm}}$       b)  $25,5 : 6 = \underline{\hspace{2cm}}$       c)  $22 : 8 = \underline{\hspace{2cm}}$

$30,4 : 5 =$

$25,5 : 6 =$

$22 : 8 =$

 Capítulo 8: actividad 11, páginas 101–102

## Estimar cocientes

### ¡Aprendamos!

a) Estima el valor de  $31,2 : 8$ .

$\begin{array}{r} 1\ 2\ 4 \\ 3\ + \end{array}$

$$31,2 : 8 \approx 32 : 8 \\ = 4$$

Piensa en múltiplos de 8.  
8, 16, 24, 32, 40, ...

31,2 está más cerca de 32 que de 40.  
 $31,2 \approx 32$



b) Divide 31,2 por 8.

$$31,2 : 8 = 3,9$$

Mi respuesta está cerca de la estimación.  
Es razonable.

c) Estima el valor de  $5,28 : 6$ .

$$5,28 : 6 \approx 5,4 : 6 \\ = 0,9$$

Piensa en múltiplos de 6.  
..., 42, 48, 54, 60  
..., 4,2, 4,8, 5,4, 6,0

5,28 está más cerca de 5,4 que de 4,8.  
 $5,28 \approx 5,4$



d) Divide 5,28 por 6.

$$5,28 : 6 = 0,88$$

Mi respuesta está cerca de la estimación.  
Es razonable.

## ¡Hagámoslo!

1. Estima y luego divide.

a)  $0,81 : 3 \approx \underline{\hspace{2cm}} : 3$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

$0,81 : 3 =$

b)  $7,12 : 8 \approx \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

$7,12 : 8 =$

c)  $46,368 : 9 \approx \underline{\hspace{2cm}} : \underline{\hspace{2cm}}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

$46,368 : 9 =$

 Capítulo 8: actividad 12, página 103

## Redondear cocientes

### ¡Aprendamos!

a) Encuentra el valor correcto de  $78,5 : 4$  redondeado al entero más cercano.

$\begin{matrix} 1 & 2 & 4 \\ 3 & + \end{matrix}$

$$\begin{array}{r} 78,5 : 4 = 19,6 \\ -4 \\ \hline 38 \\ -36 \\ \hline 25 \\ -24 \\ \hline 1 \end{array}$$

Divide con una posición decimal.  
Luego redondea la respuesta al entero más cercano.



19,6 es 20 cuando redondeamos al entero más cercano.  
 $78,5 : 4 \approx 20$



- b) Encuentra el resultado correcto de  $7 : 3$  redondeando a una posición decimal.

$$\begin{array}{r} 7,00 : 3 = 2,33 \\ -6 \phantom{00} \\ \hline 10 \phantom{0} \\ -9 \phantom{0} \\ \hline 10 \\ -9 \\ \hline 1 \end{array}$$

Divide con 2 posiciones decimales. Luego redondea la respuesta a una posición decimal.



2,33 es  cuando se redondea a una posición decimal.

$$7 : 3 \approx \text{}$$

### ¡Hagámoslo!

1. Encuentra el resultado correcto de  $8 : 6$  redondeando al entero más cercano.

$$8 : 6 \approx \underline{\hspace{2cm}}$$

$$8 : 6 =$$

2. Encuentra el resultado correcto de  $43,5 : 8$  redondeando a una posición decimal.

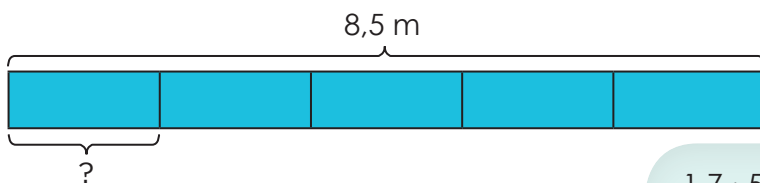
$$43,5 : 8 \approx \underline{\hspace{2cm}}$$

$$43,5 : 8 =$$

## Resolución de problemas

### ¡Aprendamos!

El Sr. Pérez compra 5 tablones iguales. La longitud total de los tablones es de 8,5 metros. ¿Cuál es la longitud de cada tablón?



$$1,7 \cdot 5 = 8,5$$

Mi respuesta es correcta.

124  
3+

$$8,5 : 5 = 1,7$$

Cada tablón tiene una longitud de 1,7 metros.

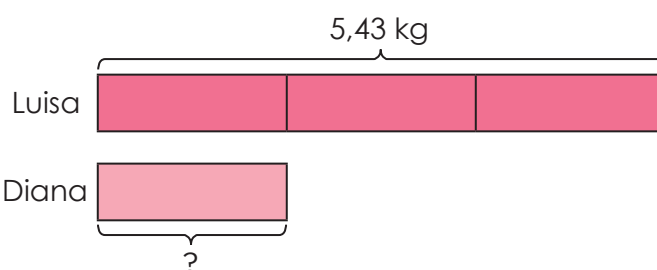


## ¡Hagámoslo!

- Luisa tiene 5,43 kilogramos de porotos. Ella tiene el triple de porotos que Diana. ¿Cuál es el peso de los porotos que Diana tiene?

\_\_\_\_\_ : \_\_\_\_\_ = \_\_\_\_\_

Diana tiene \_\_\_\_\_ kilogramos de porotos.



Capítulo 8: actividad 14, página 105

## Práctica 2

- Divide.

a)  $3,6 : 6$

b)  $6,4 : 8$

c)  $0,84 : 4$

d)  $0,77 : 7$

e)  $0,45 : 3$

f)  $3,55 : 5$

g)  $25,6 : 8$

h)  $2,94 : 7$

i)  $6,8 : 5$

j)  $8 : 5$

k)  $15 : 6$

l)  $24,4 : 8$

m)  $4,728 : 4$

n)  $9,963 : 3$

o)  $6,795 : 5$

- Estima y luego divide.

a)  $5,9 : 2$

b)  $23,94 : 6$

c)  $35,048 : 4$

- Divide. Expresa tu respuesta al entero más cercano.

a)  $20 : 3$

b)  $38 : 7$

c)  $109 : 8$

- Divide. Expresa tu respuesta con una posición decimal.

a)  $4 : 7$

b)  $5 : 9$

c)  $7,9 : 4$

Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

5. La Sra. Sánchez vertió 6 litros de jugo por partes iguales en 4 botellas. ¿Cuánto jugo había en cada botella?
6. Una cinta de 6,75 metros de largo se corta en 5 pedazos iguales. ¿Cuánto mide cada pedazo?
7. El peso del Sr. García es de 67,4 kilogramos. Él pesa 4 veces lo que pesa su hijo. ¿Cuál es el peso de su hijo?

## Lección 3 Resolución de problemas

### Problemas

#### ¡Aprendamos!

María usó 4 bolsas de harina para hacer 5 tortas del mismo tamaño. Cada bolsa de harina tenía un peso de 1,35 kilogramos. ¿Cuánta harina usó en cada torta?

**1 Comprendo**  
el problema.

¿Cuántas bolsas de harina usó María?  
¿Cuántas tortas hizo?  
¿Cuál es el peso de cada bolsa de harina?



**2 Planeo**  
qué hacer.

Primero, **encuentro** el peso total de la harina usada. Luego, **divido** el peso total de la harina usada por el número de tortas.

**3 Resuelvo**  
el problema.

$$1,35 \cdot 4 = 5,4$$

María usó 5,4 kilogramos de harina en total.

$$5,4 : 5 = 1,08$$

Ella usó 1,08 kilogramos de harina en cada torta.

**4 Compruebo**  
¿Respondiste la pregunta?  
¿Es razonable tu respuesta?

Ella usó menos de 1 bolsa de harina para cada torta.

Cada bolsa de harina tenía un peso de 1,35 kilogramos.

$$1,08 < 1,35$$

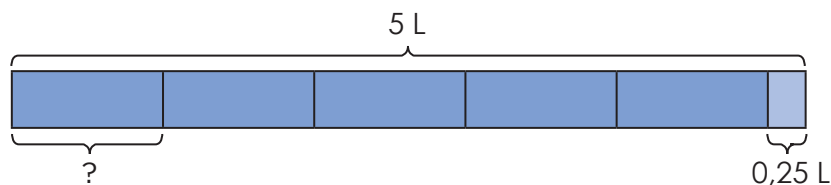
Mi respuesta es razonable.



- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

## ¡Hagámoslo!

1. Carlos compró 5 litros de jugo de naranja. Después de llenar 5 botellas del mismo tamaño con el jugo, le quedaron 0,25 litros. Encuentra la cantidad de jugo de naranja en cada botella.



- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

Capítulo 8: actividad 15, página 106

## Práctica 3

Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

1. Bruno tenía 5,15 litros de miel. Él vertió la miel equitativamente en 5 frascos. Luego, él agregó 0,68 litros de miel a cada frasco. ¿Cuánta miel había en cada frasco?
2. Jorge compró 4 bolsa de harina y un bolsa de azúcar. Cada bolsa de harina tenía un peso de 1,25 kilogramos. La bolsa de azúcar tenía un peso de 2,25 kilogramos. ¿Cuál es el peso total de los artículos que Jorge compró?
3. Karen tenía un saco de tierra con un peso de 15 kilogramos. Ella vertió parte de la tierra en 5 macetas. Cada maceta contenía 2,35 kilogramos de tierra. ¿Cuánta tierra quedó en el saco?
4. Un chef de un restaurante preparó 8,7 litros de jugo de frutas. El jugo de frutas contenía la misma cantidad de jugo de naranja que de jugo de piña. ¿Cuánto jugo de naranja le sobró al chef si tenía 15,35 litros de jugo de naranja al comienzo?
5. Un perro y un gato tienen un peso total de 8,25 kilogramos. El peso del perro es el doble que el peso del gato. Encuentra el peso del perro.

## Abre tu mente

### ¡Aprendamos!

Había 165,3 kilogramos de arroz en la bodega X y 201,1 kilogramos de arroz en la bodega Y. Una cantidad de arroz fue llevado desde la bodega Y a la bodega X. Al final, había 4 veces más arroz en la bodega X que en la bodega Y. ¿Cuántos kilogramos de arroz fueron trasladados de la bodega Y a la bodega X?

# 1 Comprendo el problema.

¿Cuántos kilogramos de arroz había en la bodega X al comienzo?  
¿Cuántos kilogramos de arroz había en la bodega Y al comienzo?  
¿Cambió la cantidad total de arroz en las dos bodegas?



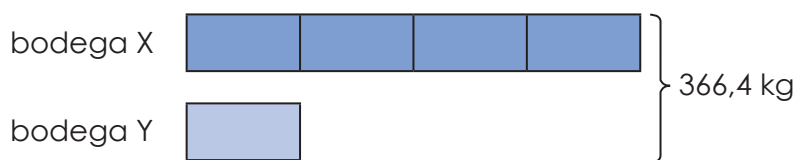
# 2 Planeo qué hacer.

Primero, encuentro la cantidad total de arroz en las dos bodegas. Luego, **dibujo un modelo de barras** para ayudarme a resolver el problema.

# 3 Resuelvo el problema.

$$165,3 + 201,1 = 366,4$$

En total había 366,4 kilogramos de arroz en las dos bodegas.



$$5 \text{ unidades} \rightarrow 366,4 \text{ kg}$$

$$1 \text{ unidad} \rightarrow 366,4 : 5 = 73,28 \text{ kg}$$

Al final había 73,28 kilogramos de arroz en la bodega Y.

$$201,1 - 73,28 = 127,82$$

127,82 kilogramos de arroz fueron llevados de la bodega Y a la bodega X.

# 4 Compruebo

¿Respondiste la pregunta?  
¿Es correcta tu respuesta?

4 unidades  $\rightarrow 4 \cdot 73,28 = 293,12 \text{ kg}$   
Al final había 293,12 kilogramos de arroz en la bodega X.

$293,12 - 165,3 = 127,82$   
127,82 kilogramos de arroz fueron llevados desde la bodega X.

Mi respuesta es correcta.



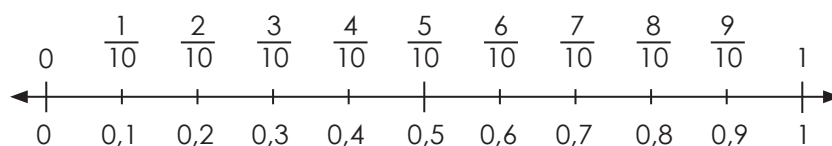
- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

# 9

## Porcentajes

### ¡Recordemos!

1. a)

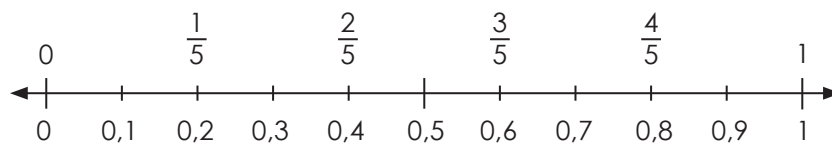


$$0,3 = \frac{3}{10}$$

b)  $0,07 = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100}$

c)  $0,81 = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100}$

2. a)



$$\frac{1}{5} \xrightarrow{\cdot 2} \frac{2}{10} = 0,2$$

b)  $\frac{4}{25} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \boxed{\phantom{00}}$

c)  $\frac{7}{20} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \boxed{\phantom{00}}$

3. Multiplica.

a)  $\frac{4}{5} \cdot 25 = \frac{4 \cdot 25}{5}$   
 $= \frac{\boxed{\phantom{00}}}{5}$   
 $= \boxed{\phantom{00}}$

b)  $\frac{3}{4} \cdot 20 = \frac{\boxed{\phantom{00}} \cdot \boxed{\phantom{00}}}{4}$   
 $= \frac{\boxed{\phantom{00}}}{4}$   
 $= \boxed{\phantom{00}}$

# Lección 1 Porcentajes

## Comprender porcentajes

### ¡Aprendamos!

- a) En una sala de teatro hay 100 asientos. 54 asientos están ocupados.



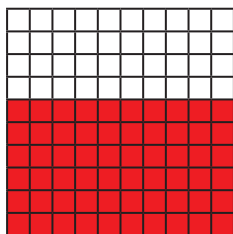
**54 de 100** asientos están ocupados.

Podemos también decir que el **54%** de los asientos están ocupados.

Leemos 54% como **54 por ciento**.



b)



El entero está dividido en 100 partes iguales.

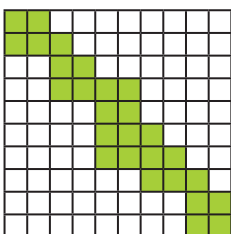
60 de 100 partes son rojas. El 60% del entero es rojo.

40 de 100 partes no son rojas. El 40% del entero no es rojo.

$$60 + 40 = 100$$



c)



El entero está dividido en 100 partes iguales.

27 de 100 partes son verdes. El    % del entero es verde.

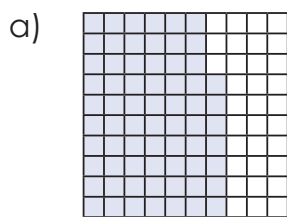
   de 100 partes no son verdes. El    % del entero no es verde.

$$27 + \text{■} = 100$$

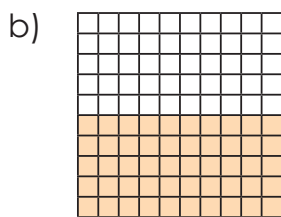


## ¡Hagámoslo!

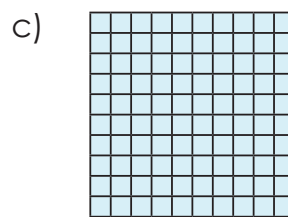
1. ¿Qué porcentaje del entero está coloreado?



\_\_\_\_\_ %



\_\_\_\_\_ %



\_\_\_\_\_ %

2. Escribe el porcentaje.

a) 33 de 100

\_\_\_\_\_ %

b) 20 de 100

\_\_\_\_\_ %

c) 5 de 100

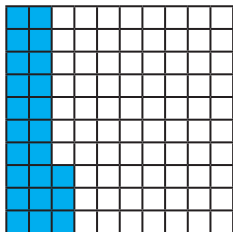
\_\_\_\_\_ %

## Expresar fracciones como porcentajes

### ¡Aprendamos!



a)



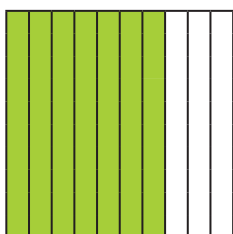
23 de 100 partes iguales son azules.

$\frac{23}{100}$  del entero es azul.

El 23% del entero es azul.

$$\frac{23}{100} = 23\%$$

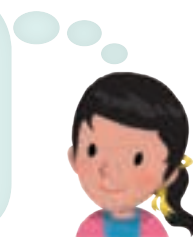
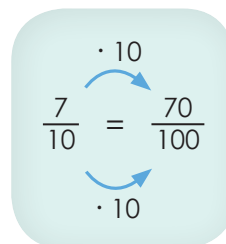
b)



7 de 10 partes iguales son verdes.

$$\frac{7}{10} = \frac{70}{100} = 70\%$$

El 70% del entero es verde.



### ¡Hagámoslo!

1. Escribe como porcentaje.

a)  $\frac{45}{100} = \underline{\hspace{2cm}} \%$

b)  $\frac{3}{10} = \frac{\boxed{\hspace{1cm}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}} \%$



## Expresar decimales como porcentajes

### ¡Aprendamos!

a) Expresa 0,35 como porcentaje.

1 2 4  
3 +

$$0,35 = \frac{35}{100} = 35\%$$

Expresa el decimal como una fracción con un denominador de 100.

b) Expresa 0,07 como porcentaje.

$$0,07 = \frac{7}{100} = \boxed{\phantom{00}}\%$$



### ¡Hagámoslo!

1. Expresa cada decimal como porcentaje.

a)  $0,53 = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}\%$

b)  $0,85 = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}\%$

c)  $0,02 = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}} = \underline{\hspace{2cm}}\%$

d)  $0,7 = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}} = \underline{\hspace{2cm}}\%$

## Analizo

$$\frac{9}{10} = 0,9 = 9\%$$



Ana

¿Está Ana en lo correcto? Explica por qué.

## Expresar porcentajes como decimales

### ¡Aprendamos!

Expresa 43% como decimal.

1 2 4  
3 +

$$43\% = \frac{43}{100} \\ = 0,43$$

Escribe  $\frac{43}{100}$  como decimal.



## ¡Hagámoslo!

1. Expresa cada porcentaje como decimal.

a)  $28\% = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}$

b)  $88\% = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}$

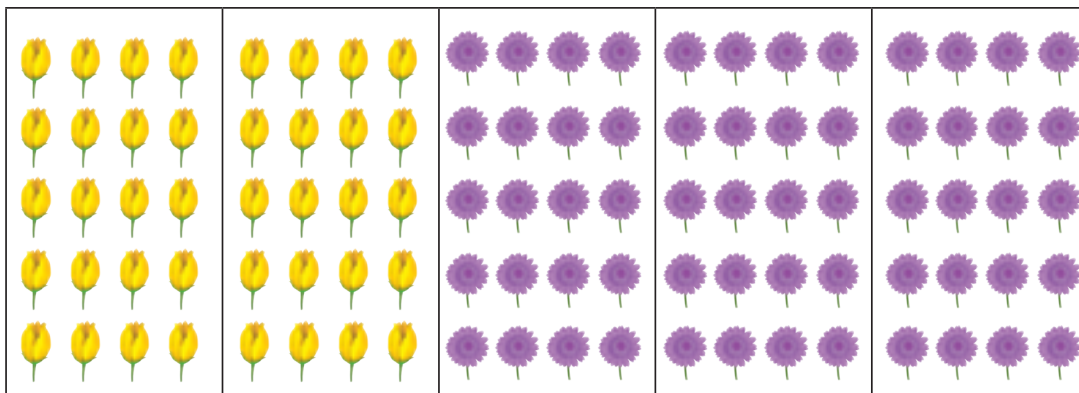
c)  $30\% = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}} = \underline{\hspace{2cm}}$

d)  $5\% = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}} = \underline{\hspace{2cm}}$

 Capítulo 9: actividad 2, página 109

## Expresar porcentajes como fracciones

### ¡Aprendamos!



El 40% de las flores son amarillas. ¿Qué fracción de las flores son amarillas?

$40\% = \frac{40}{100} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}}$

$\frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}}$  de las flores son amarillas.

Escribe  $\frac{40}{100}$  en su forma más simple.



## ¡Hagámoslo!

1. Expresa cada porcentaje como fracción en su forma más simple.

a)  $10\% = \frac{10}{100} = \underline{\hspace{2cm}}$

b)  $75\% = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}$

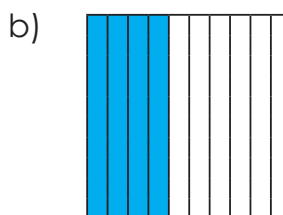
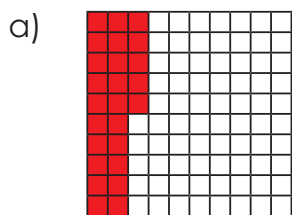
c)  $5\% = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}$

d)  $8\% = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}$

 Capítulo 9: actividad 3, página 110

# Práctica 1

1. ¿Qué porcentaje del entero está coloreado?



2. Escribe como porcentaje.

a) 46 de 100

b) 80 de 100

c) 8 de 100

3. Expresa cada fracción como porcentaje.

a)  $\frac{70}{100}$

b)  $\frac{25}{100}$

c)  $\frac{9}{100}$

d)  $\frac{5}{10}$

4. Expresa cada decimal como porcentaje.

a) 0,63

b) 0,05

c) 0,2

d) 0,4

5. Expresa cada porcentaje como decimal.

a) 15%

b) 41%

c) 9%

d) 80%

6. Expresa cada porcentaje como fracción en su forma más simple.

a) 46%

b) 40%

c) 28%

d) 6%

Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

7. De una caja de 100 naranjas, 15 de ellas están podridas.  
¿Qué porcentaje de naranjas están podridas?

8. Hay 100 vasos en una bolsa. 37 son verdes y el resto son rojos.  
¿Qué porcentaje de los vasos son rojos?

9. Un equipo de fútbol ganó el 60% de sus partidos.  
¿Qué fracción de los partidos ganó?

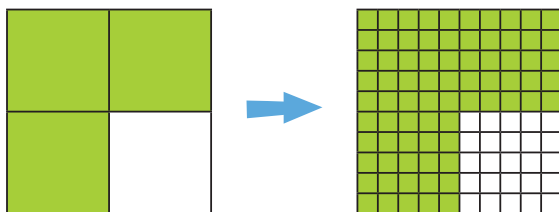
## Lección 2 Expresando fracciones como porcentajes

### Expresar fracciones con denominadores menores que 100 como porcentajes

¡Aprendamos!

- a) El Sr. Santos ha pintado  $\frac{3}{4}$  de un muro. ¿Qué porcentaje del muro ha pintado?

#### Método 1



Encuentra una fracción equivalente a  $\frac{3}{4}$  con un denominador de 100.

$$\frac{3}{4} = \frac{75}{100}$$

$\cdot 25$   
 $\cdot 25$



1 2 4  
3 +

$$\frac{3}{4} = \frac{75}{100} = 75\%$$

Él ha pintado el   % del muro.

#### Método 2

$$\frac{3}{4} = \frac{3}{4} \cdot 100\% = \text{   } \%$$

1 entero es 100%.

$\frac{3}{4}$  es  $\frac{3}{4}$  de 100%.

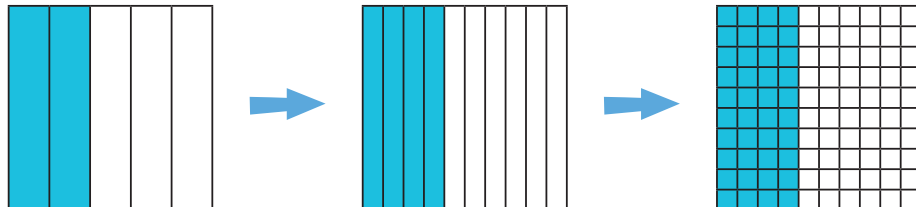
$$\frac{3}{4} \cdot \frac{100}{1} = \frac{3 \cdot 25}{1} = \text{   }$$



Él ha pintado el   % del muro.

- b) Expresa  $\frac{2}{5}$  como porcentaje.

#### Método 1



1 2 4  
3 +

$$\frac{2}{5} = \frac{4}{10} = \frac{\text{   }}{100} = \text{   } \%$$

### Método 2

$$\frac{2}{5} = \frac{2}{5} \cdot 100\% \\ = \boxed{\phantom{00}}\%$$

### ¡Hagámoslo!

1. Expresa cada fracción como porcentaje.

### Método 1

a)  $\frac{9}{20} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}\%$

b)  $\frac{4}{5} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{10} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}\%$

c)  $\frac{14}{25} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}\%$

### Método 2

$$\frac{9}{20} = \frac{9}{20} \cdot 100\% = \underline{\hspace{2cm}}\%$$

$$\frac{4}{5} = \frac{4}{5} \cdot 100\% = \underline{\hspace{2cm}}\%$$

$$\frac{14}{25} = \frac{14}{25} \cdot 100\% = \underline{\hspace{2cm}}\%$$

## Expresar partes de un entero como porcentajes

### ¡Aprendamos!

- a) Expresa 7 de 25 como porcentaje.

### Método 1

$\frac{7}{25} = \frac{28}{100} = 28\%$

*(Diagrama: Se multiplica el numerador y el denominador por 4 para obtener una fracción equivalente con denominador 100.)*

### Método 2

$$\frac{7}{25} = \frac{7}{25} \cdot 100\% \\ = \boxed{\phantom{00}}\%$$

7 de 25  
es  $\frac{7}{25}$ .



- b) Teresa tiene 20 manzanas. 14 de ellas son rojas.  
¿Cuál es el porcentaje de manzanas rojas?

### Método 1

$\frac{14}{20} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \boxed{\phantom{00}}\%$

*(Diagrama: Se multiplica el numerador y el denominador por 5 para obtener una fracción equivalente con denominador 100.)*

El  $\boxed{\phantom{00}}\%$  son manzanas rojas.

### Método 2

$$\frac{14}{20} = \frac{14}{20} \cdot 100\% \\ = \boxed{\phantom{00}}\%$$

14 de 20



## ¡Hagámoslo!

1. Expresa 2 de 5 como porcentaje.

### Método 1

$$\frac{2}{5} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}\%$$

### Método 2

$$\frac{2}{5} = \frac{2}{5} \cdot 100\% = \underline{\hspace{2cm}}\%$$

2. Juana tiene 20 rosas. Ella regala 13 de ellas a sus amigas.  
¿Qué porcentaje de las rosas regala?

### Método 1

$$\frac{13}{20} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}\%$$

### Método 2

$$\frac{13}{20} = \frac{13}{20} \cdot 100\% = \underline{\hspace{2cm}}\%$$

Ella regala el           % de las rosas.

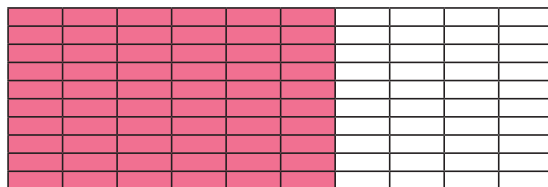
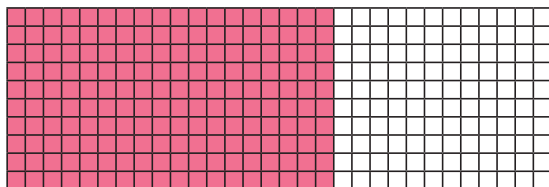
 Capítulo 9: actividad 4, páginas 111–112

## Expresar fracciones con denominadores mayores que 100 como porcentajes

## ¡Aprendamos!

- a) Expresa 180 de 300 como porcentaje.

### Método 1



$$\begin{aligned}\frac{180}{300} &= \frac{60}{100} \\ &= 60\%\end{aligned}$$

### Método 2

$$\begin{aligned}\frac{180}{300} &= \frac{180}{300} \cdot 100\% \\ &= \boxed{\phantom{00}}\%\end{aligned}$$

Encuentra la fracción equivalente a  $\frac{180}{300}$  con denominador 100.

$$\begin{array}{ccc} & :3 & \\ \frac{180}{300} & \xrightarrow{\quad} & \frac{60}{100} \\ & :3 & \end{array}$$



- b) Hay 200 estudiantes en un concierto. 98 de ellos son hombres.  
¿Qué porcentaje de los estudiantes son hombres?

### Método 1

$$\frac{98}{200} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \boxed{\phantom{00}}\%$$

: 2      : 2

### Método 2

$$\frac{98}{200} = \frac{98}{200} \cdot 100\% = \boxed{\phantom{00}}\%$$

98 de 200



El  $\boxed{\phantom{00}}\%$  de los estudiantes son hombres.

## ¡Hagámoslo!

1. Expresa cada fracción como porcentaje.

### Método 1

a)  $\frac{8}{200} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}\%$

b)  $\frac{60}{300} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}\%$

c)  $\frac{128}{400} = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{100} = \underline{\hspace{2cm}}\%$

### Método 2

$\frac{8}{200} = \frac{8}{200} \cdot 100\% = \underline{\hspace{2cm}}\%$

$\frac{60}{300} = \frac{60}{300} \cdot 100\% = \underline{\hspace{2cm}}\%$

$\frac{128}{400} = \frac{128}{400} \cdot 100\% = \underline{\hspace{2cm}}\%$

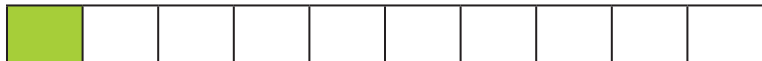
Capítulo 9: actividad 5, páginas 113–114

## Relacionar 1 entero con 100%

### ¡Aprendamos!

Encuentra el porcentaje de cada barra coloreada.

0 10% 20% 30% 40% 50% 60% 70% 80% 90% 100%



1 entero es 100%.

Coloreada	Sin colorear	Entero
10%	90%	100%
50%	50%	100%
80%	20%	100%
70%	30%	100%
40%	60%	100%

## Resolver problemas de 2 pasos

### ¡Aprendamos!

El Sr. García preparó sándwiches, de los cuales  $\frac{3}{4}$  eran de pollo.

- ¿Qué porcentaje de los sándwiches eran de pollo?
- ¿Qué porcentaje de los sándwiches no eran de pollo?



$$\begin{aligned} \text{a) } \frac{3}{4} &= \frac{3}{4} \cdot 100\% \\ &= 75\% \end{aligned}$$

1 entero es 100%.

El 75% de los sándwiches eran de pollo.

$$\text{b) } 100\% - 75\% = 25\%$$

El 25% de los sándwiches no eran de pollo.





## ¡Hagámoslo!

1. 7 de 25 estudiantes son niños.

a) ¿Qué porcentaje de los estudiantes son niños?

b) ¿Qué porcentaje de los estudiantes son niñas?

a)  $\frac{7}{25} = \frac{7}{25} \cdot 100\%$

$= \underline{\hspace{2cm}}\%$

El  $\underline{\hspace{2cm}}\%$  de los estudiantes son niños.


b)  $100\% - \underline{\hspace{2cm}}\% = \underline{\hspace{2cm}}\%$

El  $\underline{\hspace{2cm}}\%$  de los estudiantes son niñas.

## ¡Aprendamos!

El dueño de una tienda tenía 750 huevos. Él vendió 300 huevos.  
¿Qué porcentaje de los huevos le quedó?

### Método 1

  $\frac{300}{750} = \frac{300}{750} \cdot 100\%$   
 $= 40\%$

Él vendió el 40% de los huevos.

$100\% - 40\% = \text{■}\%$

Le quedó el  $\text{■}\%$  de los huevos.

### Método 2

$750 - 300 = 450$

Le quedaron 450 huevos.

$\frac{450}{750} = \frac{450}{750} \cdot 100\%$   
 $= \text{■}\%$

Le quedó el  $\text{■}\%$  de los huevos.

## ¡Hagámoslo!

1. Pedro respondió correctamente 18 de 20 preguntas.  
¿Qué porcentaje de las preguntas respondió en forma incorrecta?

Primero, encuentro el porcentaje de preguntas que él respondió correctamente. Luego, encuentro el porcentaje de preguntas que él respondió incorrectamente.



Primero, encuentro el número de preguntas que él respondió incorrectamente. Luego, encuentro el porcentaje de preguntas que él respondió incorrectamente.



 Capítulo 9: actividad 6, páginas 115–116

## Práctica 2

1. Expresa cada fracción como porcentaje.

a)  $\frac{3}{10}$

b)  $\frac{3}{5}$

c)  $\frac{1}{4}$

d)  $\frac{11}{20}$

e)  $\frac{9}{25}$

f)  $\frac{45}{300}$

g)  $\frac{50}{250}$

h)  $\frac{36}{180}$

2. Expresa cada enunciado como porcentaje.

a) 4 de 5

b) 15 de 20

c) 18 de 25

Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

3. Si el 70% de un tanque se llena con agua, ¿qué porcentaje del tanque queda por llenar?

4. Hay 50 vehículos en un estacionamiento. 14 de ellos son motocicletas.

a) ¿Qué porcentaje de los vehículos son motocicletas?

b) ¿Qué porcentaje de los vehículos no son motocicletas?

5. 1500 personas participaron en una caminata. 450 de ellas eran niños. Los demás eran adultos. ¿Qué porcentaje de los participantes eran adultos?

### Valores

¿Qué puedes hacer para mantenerte saludable?



# 10

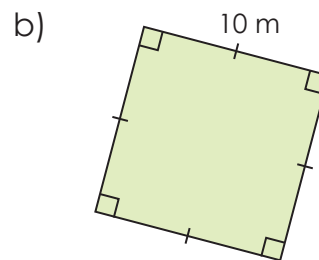
## Área de triángulos y cuadriláteros

### ¡Recordemos!

1. Encuentra el área de cada figura.

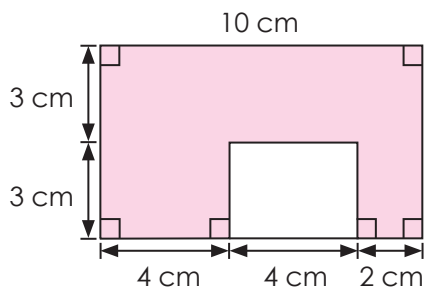


$$\begin{aligned} \text{Área del rectángulo} &= \text{Largo} \cdot \text{Ancho} \\ &= \boxed{\phantom{00}} \cdot \boxed{\phantom{00}} \\ &= \boxed{\phantom{00}} \text{ cm}^2 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{Área del cuadrado} &= \text{Largo} \cdot \text{Largo} \\ &= \boxed{\phantom{00}} \cdot \boxed{\phantom{00}} \\ &= \boxed{\phantom{00}} \text{ m}^2 \end{aligned}$$

2. Encuentra el área sombreada de la figura.

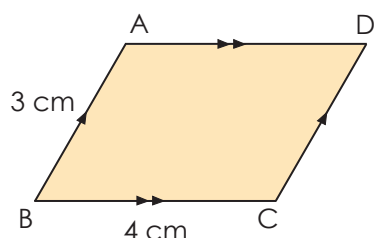


$$\begin{aligned} \text{Área del rectángulo grande} &= 10 \cdot 6 \\ &= \boxed{\phantom{00}} \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Área del rectángulo pequeño} &= 4 \cdot 3 \\ &= \boxed{\phantom{00}} \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Área sombreada de la figura} &= \boxed{\phantom{00}} - \boxed{\phantom{00}} \\ &= \boxed{\phantom{00}} \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

3. ABCD es un paralelogramo.

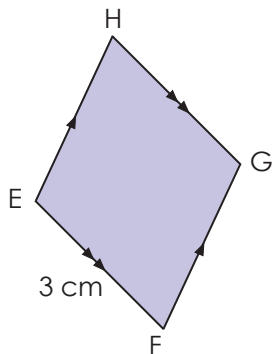


$$\begin{aligned} AB // DC, AD // \boxed{\phantom{00}} \\ \text{Largo de DC} &= \boxed{\phantom{00}} \text{ cm} \\ \text{Largo de AD} &= \boxed{\phantom{00}} \text{ cm} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} DC &= AB \\ AD &= BC \end{aligned}$$

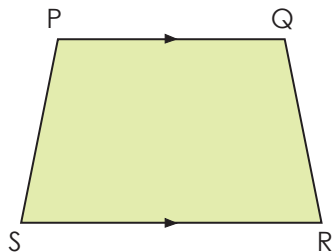


4. EFGH es un rombo.



EH // , EF //   
Largo de HE =  cm

5. PQRS es un trapecio.



PQ //

## Lección 1 Área de triángulos

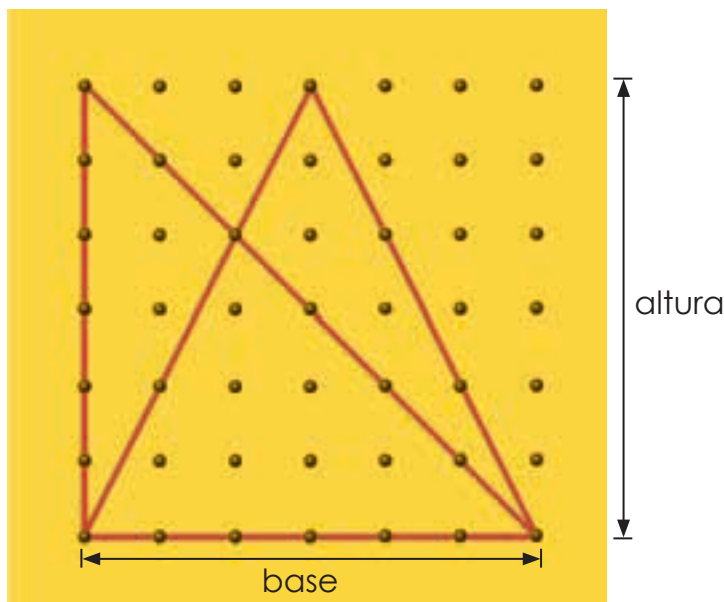
### Identificar la base y la altura de triángulos

#### ¡Aprendamos!

Susana formó dos triángulos en un geoplano.



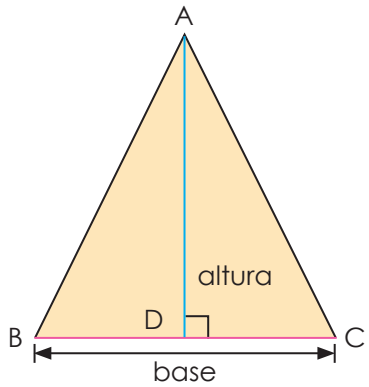
a)



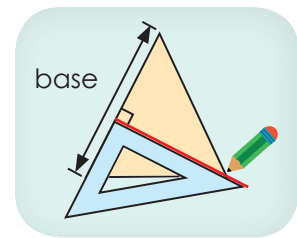
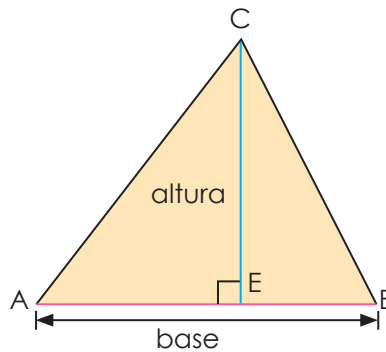
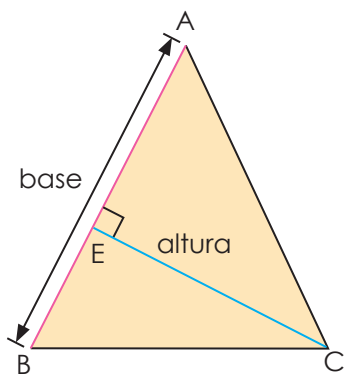
Estos triángulos tienen la misma **base** y **altura**.



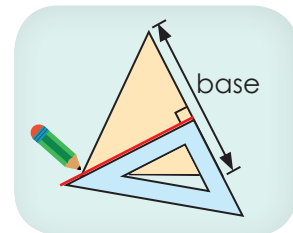
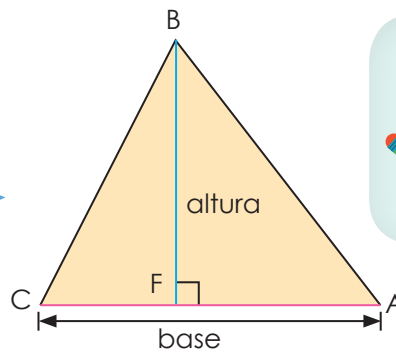
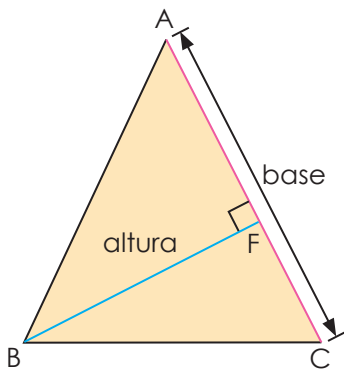
b)



Cuando BC es la base, AD es la altura.  
AD es perpendicular a BC.



Cuando AB es la base, CE es la altura.  
AB es perpendicular a CE.



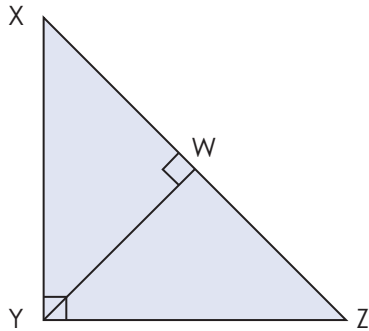
Cuando AC es la base, BF es la altura.  
AC es perpendicular a BF.



La altura de un triángulo es perpendicular a su base.  
Cualquier lado de un triángulo puede ser su base.

## ¡Hagámoslo!

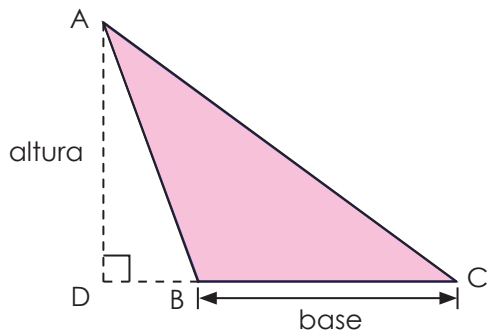
1. Nombra la altura de acuerdo a la base dada.



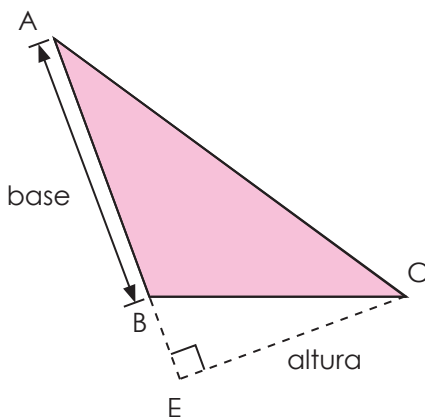
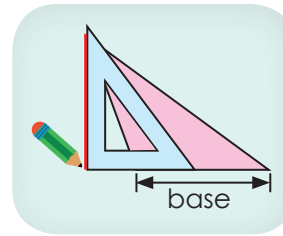
- a) Cuando YZ es la base, \_\_\_\_\_ es la altura.
- b) Cuando XY es la base, \_\_\_\_\_ es la altura.
- c) Cuando XZ es la base, \_\_\_\_\_ es la altura.

## Identificar alturas fuera del triángulo

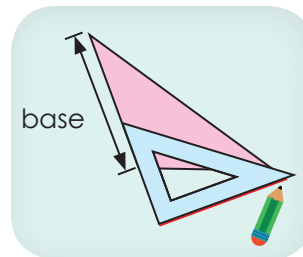
### ¡Aprendamos!



Cuando BC es la base, AD es la altura.



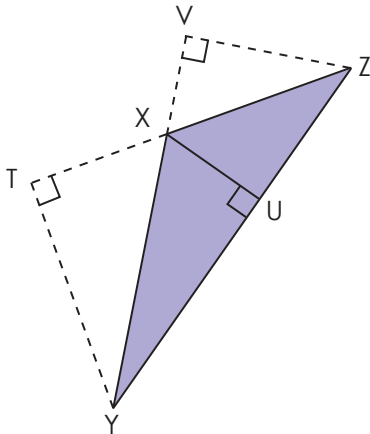
Cuando AB es la base, CE es la altura.



La altura es la distancia perpendicular desde la base hasta el vértice opuesto.

## ¡Hagámoslo!

1. Nombra la altura de acuerdo a la base dada.



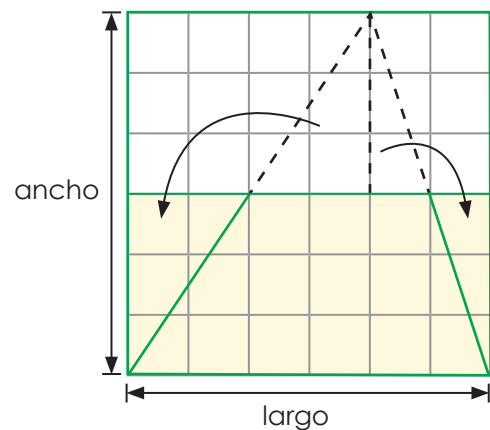
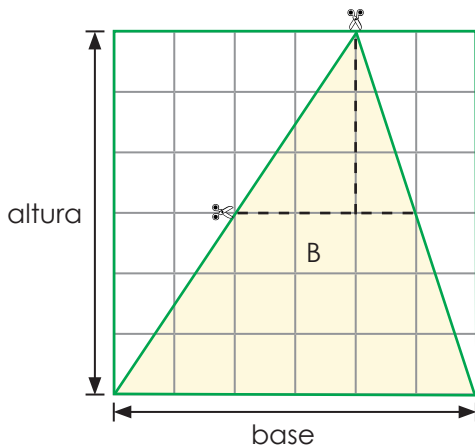
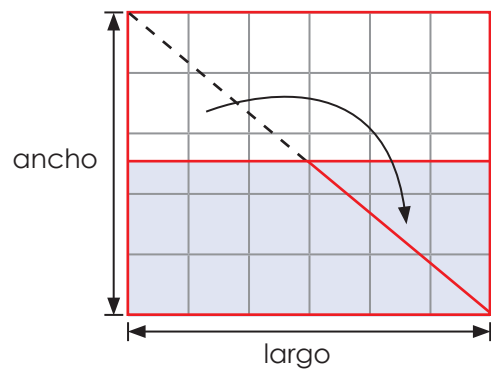
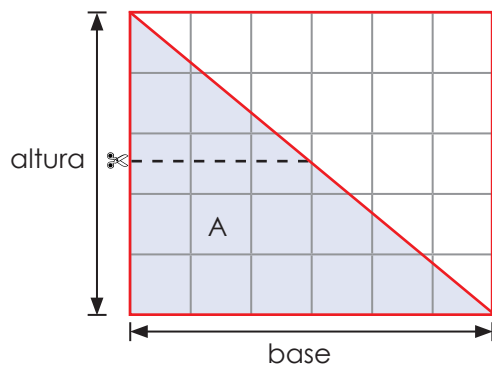
- Cuando YZ es la base, \_\_\_\_\_ es la altura.
- Cuando XZ es la base, \_\_\_\_\_ es la altura.
- Cuando XY es la base, \_\_\_\_\_ es la altura.

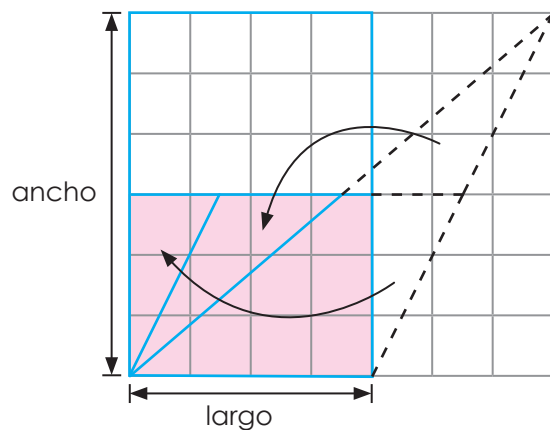
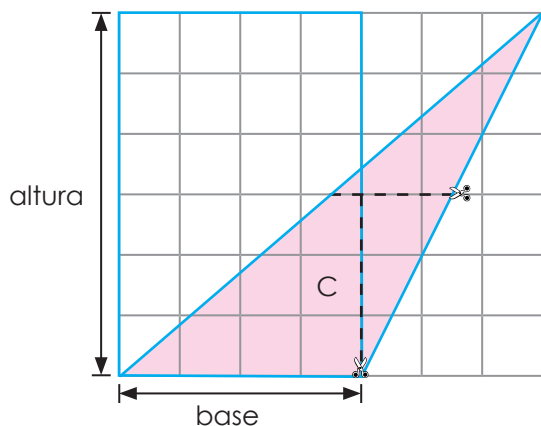
 Capítulo 10: actividad 1, páginas 117–118

## Encontrar el área de triángulos

### ¡Aprendamos!

- Cada triángulo tiene un rectángulo relacionado. Un triángulo se puede cortar y reubicar para que coincida con la mitad de su rectángulo relacionado.





La base del triángulo es el largo del rectángulo.  
La altura del triángulo es el ancho del rectángulo.

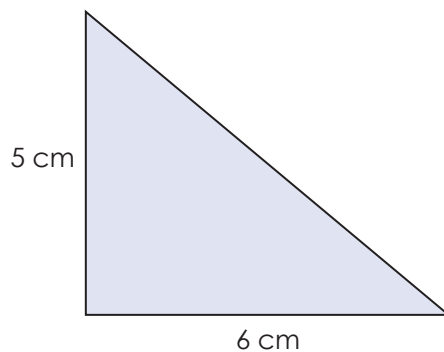
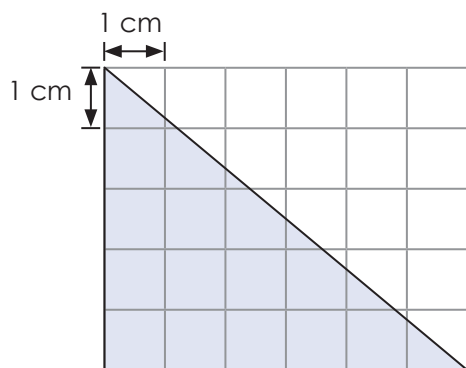
$$\begin{aligned}\text{Área del triángulo} &= \frac{1}{2} \cdot \text{Área del rectángulo relacionado} \\ &= \frac{1}{2} \cdot \text{Largo} \cdot \text{Ancho}\end{aligned}$$

Largo = Base  
Ancho = Altura

$$\text{Área de un triángulo} = \frac{1}{2} \cdot \text{Base} \cdot \text{Altura}$$



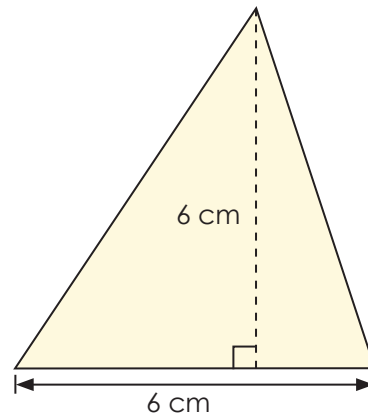
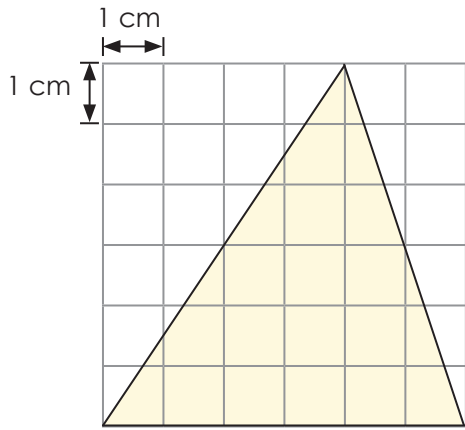
b)



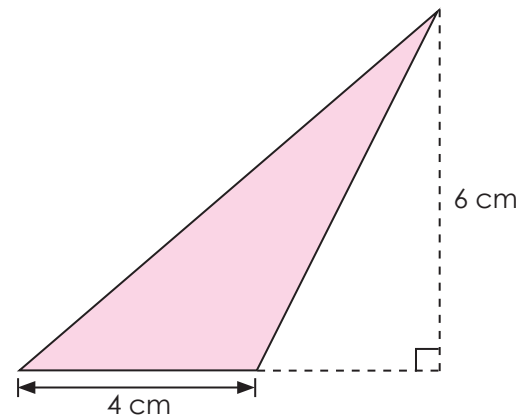
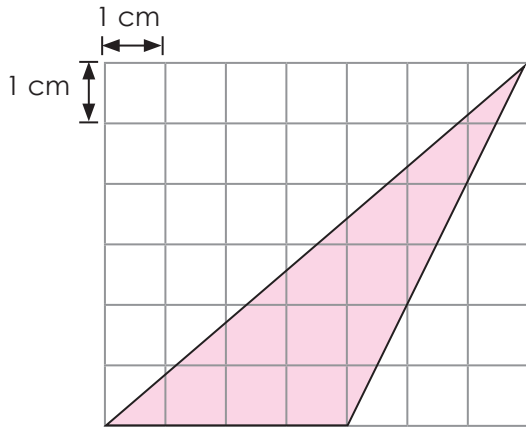
$$\begin{aligned}\text{Área del triángulo} &= \frac{1}{2} \cdot \text{Base} \cdot \text{Altura} \\ &= \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot 5 \\ &= 15 \text{ cm}^2\end{aligned}$$







$$\begin{aligned}\text{Área del triángulo} &= \frac{1}{2} \cdot \text{Base} \cdot \text{Altura} \\ &= \frac{1}{2} \cdot \text{■} \cdot \text{■} \\ &= \text{■} \text{ cm}^2\end{aligned}$$

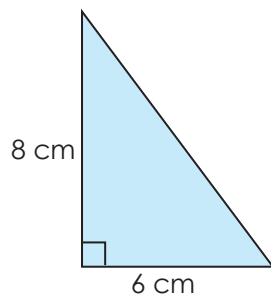


$$\begin{aligned}\text{Área del triángulo} &= \frac{1}{2} \cdot \text{Base} \cdot \text{Altura} \\ &= \frac{1}{2} \cdot \text{■} \cdot \text{■} \\ &= \text{■} \text{ cm}^2\end{aligned}$$

### ¡Hagámoslo!

- Encuentra el área sombreada de cada triángulo.

a)



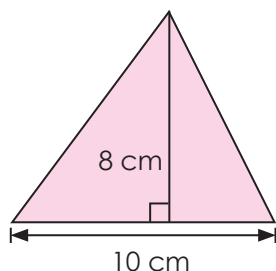
Área del triángulo

$$= \frac{1}{2} \cdot \text{Base} \cdot \text{Altura}$$

$$= \frac{1}{2} \cdot \text{■} \cdot \text{■}$$

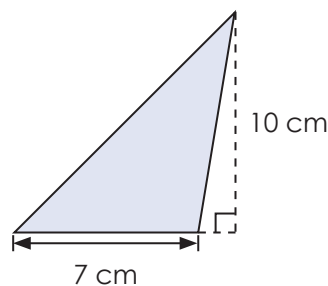
$$= \text{■} \text{ cm}^2$$

b)



Área del triángulo = \_\_\_\_ cm<sup>2</sup>

c)



Área del triángulo = \_\_\_\_ cm<sup>2</sup>

Capítulo 10: actividades 2-3, páginas 119-121

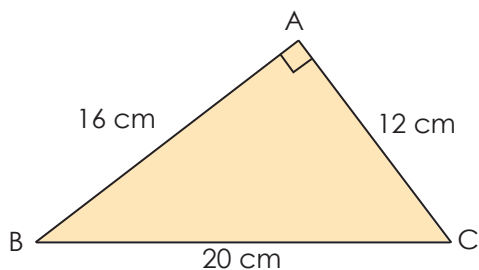
## Identificar bases y alturas, y luego encontrar áreas de triángulos

### ¡Aprendamos!

Encuentra el área de cada triángulo.



a)



Área del triángulo

$$= \frac{1}{2} \cdot \text{Base} \cdot \text{Altura}$$

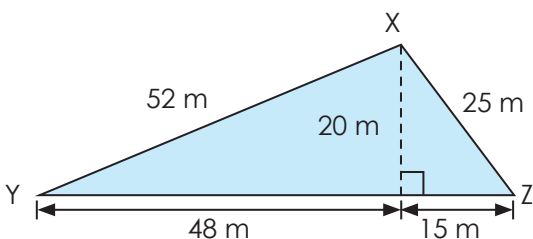
$$= \frac{1}{2} \cdot 12 \cdot 16$$

$$= 96 \text{ cm}^2$$

Cuando AC es la base, BA es la altura.



b)



Área del triángulo

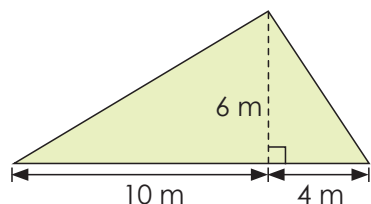
$$= \frac{1}{2} \cdot \text{ } \cdot \text{ }$$

$$= \text{ } \text{ m}^2$$

### ¡Hagámoslo!

1. Encuentra el área de cada triángulo sombreado.

a)

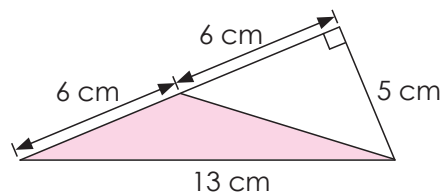


Área del triángulo

$$= \frac{1}{2} \cdot \text{ } \cdot \text{ }$$

$$= \text{ } \text{ m}^2$$

b)



Área del triángulo

$$= \frac{1}{2} \cdot \text{ } \cdot \text{ }$$

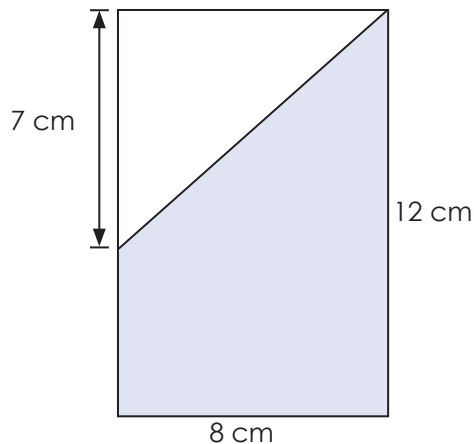
$$= \text{ } \text{ cm}^2$$

Capítulo 10: actividad 4, página 122

# Encontrar el área sombreada relacionándola con el área de triángulos

## ¡Aprendamos!

Encuentra el área de este rectángulo.



$$\begin{aligned} \text{Área sombreada} &= \text{Área del rectángulo} - \text{Área del triángulo} \end{aligned}$$

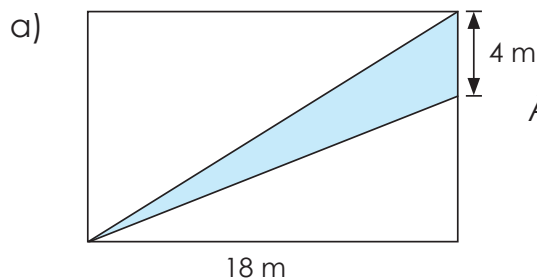
$$\begin{aligned} \text{Área del rectángulo} &= 8 \cdot 12 \\ &= 96 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Área del triángulo} &= \frac{1}{2} \cdot \text{ } \cdot \text{ } \\ &= \text{ } \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

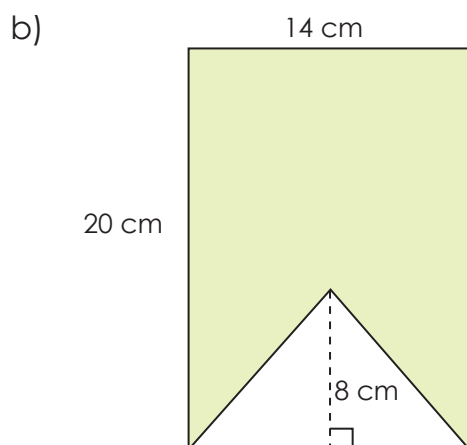
$$\begin{aligned} \text{Área sombreada} &= 96 - \text{ } \\ &= \text{ } \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

## ¡Hagámoslo!

1. Encuentra el área de cada rectángulo.



$$\begin{aligned} \text{Área sombreada} &= \text{Área del triángulo} \\ &= \frac{1}{2} \cdot \text{ } \cdot \text{ } \\ &= \text{ } \text{ m}^2 \end{aligned}$$

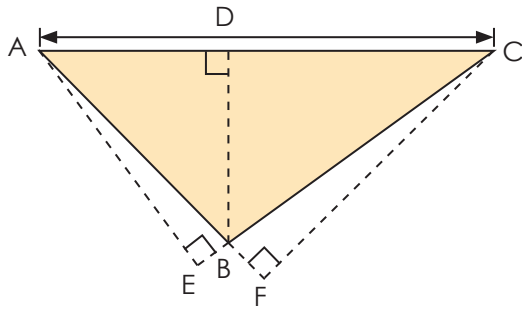


$$\begin{aligned} \text{Área sombreada} &= \text{Área del rectángulo} - \text{Área del triángulo} \end{aligned}$$



# Práctica 1

1. Nombra la altura de acuerdo a la base dada.

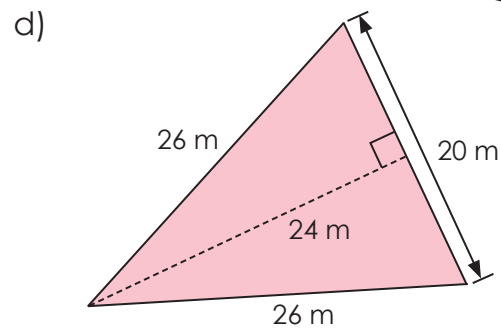
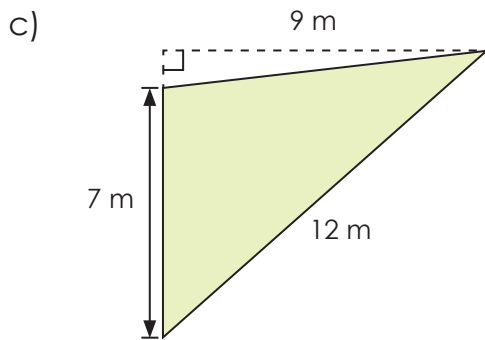
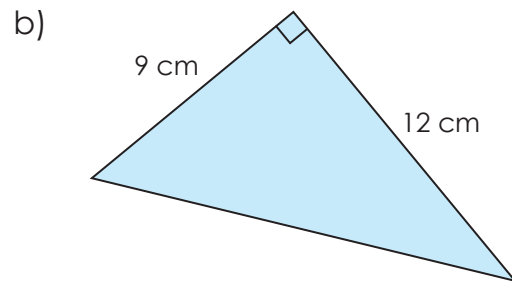
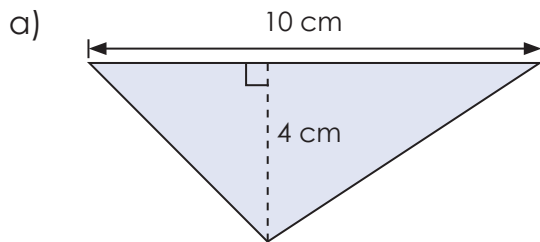


Cuando AC es la base, \_\_\_\_\_ es la altura.

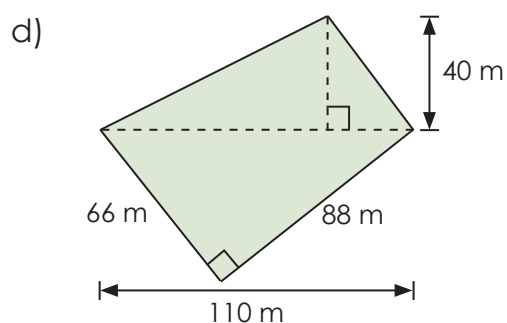
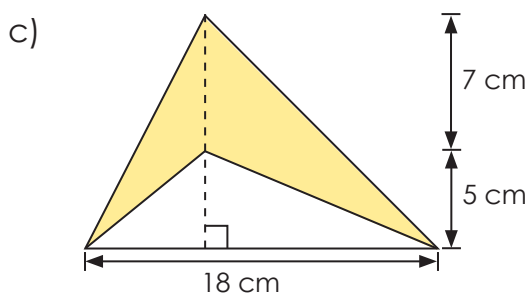
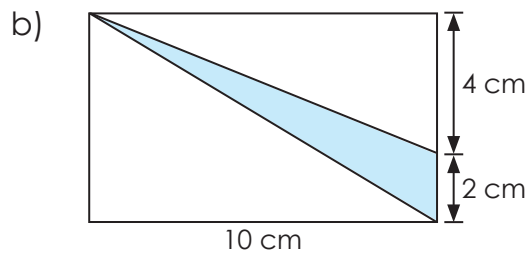
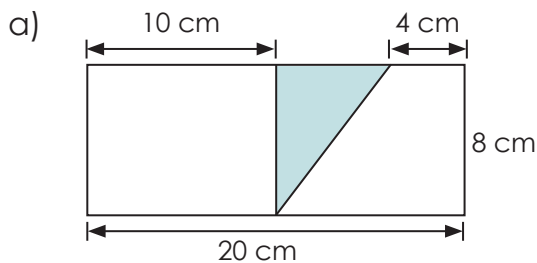
Cuando AB es la base, \_\_\_\_\_ es la altura.

Cuando BC es la base, \_\_\_\_\_ es la altura.

2. Encuentra el área de cada uno de los triángulos sombreados.



3. Encuentra el área de cada figura.

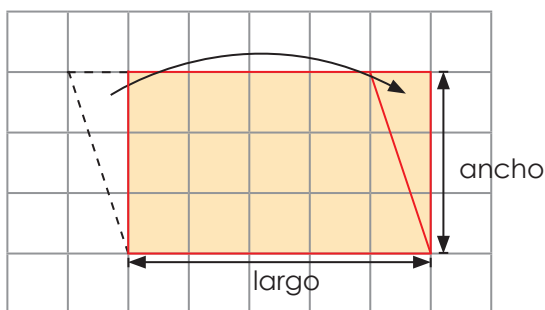
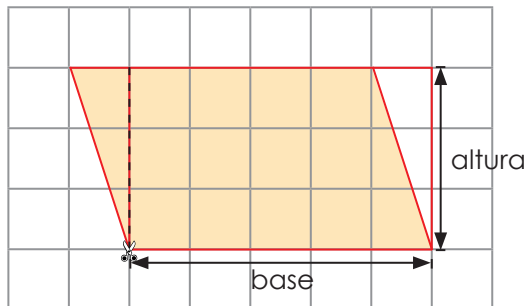


# Lección 2 Área de cuadriláteros

## Encontrar el área de paralelogramos

### ¡Aprendamos!

El paralelogramo se puede cortar para formar un rectángulo.



La altura del paralelogramo es perpendicular a su base.



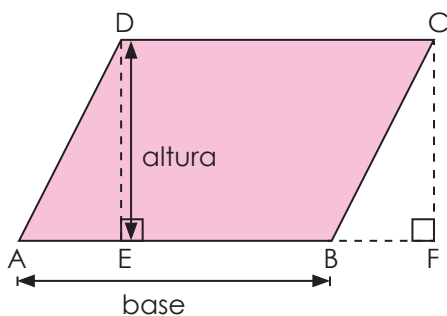
Rectángulo		Paralelogramo
Largo	→	Base
Ancho	→	Altura



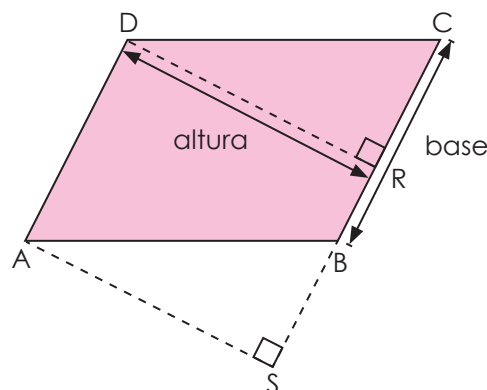
La altura del paralelogramo es la distancia perpendicular desde la base hasta el vértice opuesto.



**Área de un paralelogramo = Base · Altura**



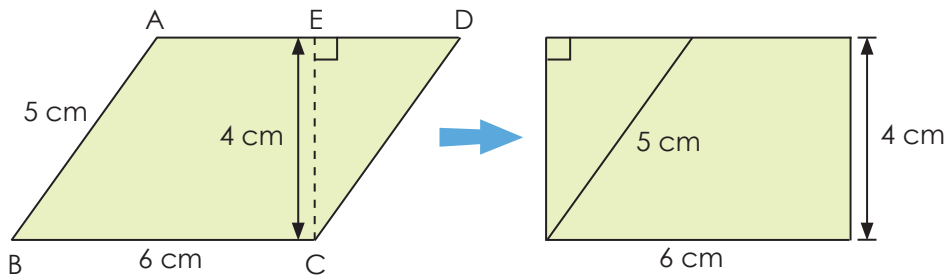
Cuando AB es la base, DE o CF son la altura.



Cuando BC es la base, DR o AS son la altura.

## ¡Hagámoslo!

- Encuentra el área del paralelogramo.



Base = BC  
Altura =   



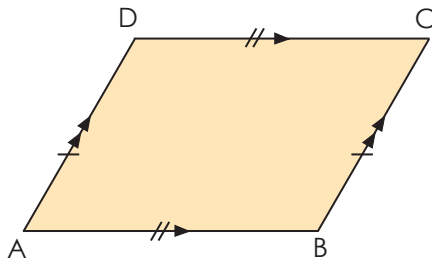
Área del paralelogramo = Base · Altura

= \_\_\_\_\_ · \_\_\_\_\_

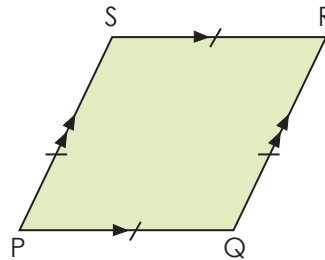
= \_\_\_\_\_ cm<sup>2</sup>

## Encontrar el área de rombos

### ¡Aprendamos!



AB // DC y AD // BC  
AB = DC y AD = BC  
ABCD es un paralelogramo.

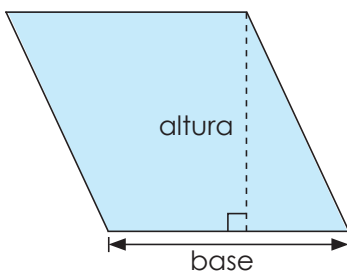


PQ // SR y PS // QR  
PQ = QR = RS = PS  
PQRS es un rombo.  
¿Es PQRS un paralelogramo?

Un paralelogramo tiene dos pares de lados opuestos paralelos e iguales.



Un rombo es un paralelogramo con cuatro lados iguales.

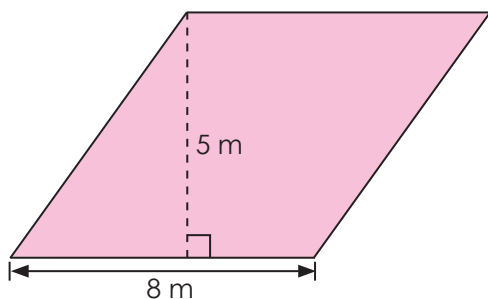


La fórmula para encontrar el área de un rombo es la misma que la fórmula para encontrar el área de un paralelogramo.

**Área de un rombo = Base · Altura**

## ¡Hagámoslo!

1. Encuentra el área del rombo.

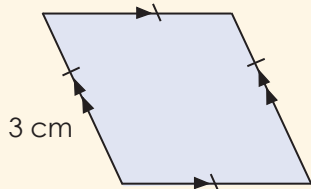


Área del rombo = Base · Altura

= \_\_\_\_\_ · \_\_\_\_\_

= \_\_\_\_\_ m<sup>2</sup>

## Analizo



Un rombo y un cuadrado tienen cuatro lados iguales.

Área de un rombo = Área de un cuadrado  
= 3 · 3  
= 9 cm<sup>2</sup>



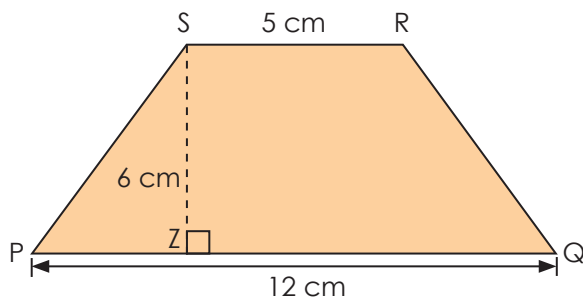
Ana

¿Está Ana en lo correcto? Explica por qué.

## Encontrar el área de trapecios

### ¡Aprendamos!

PQRS es un trapecio.



Los dos lados paralelos de este trapecio son PQ y SR. La distancia perpendicular entre los dos lados paralelos, SZ, es la altura del trapecio.



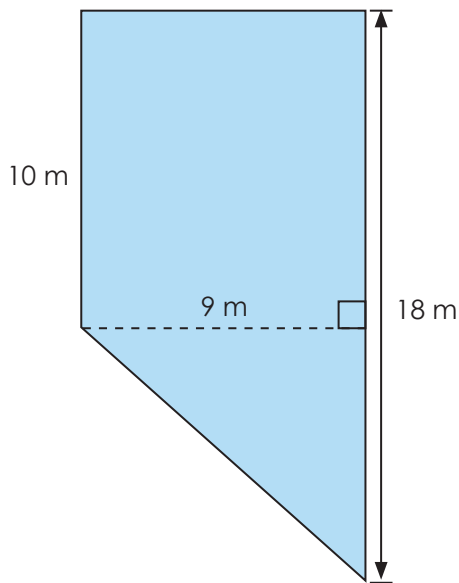
Área de un trapecio =  $\frac{1}{2} \cdot \text{Altura} \cdot (\text{La suma de los lados paralelos})$

$$= \frac{1}{2} \cdot 6 \cdot (5 + 12)$$

$$= 51 \text{ cm}^2$$

## ¡Hagámoslo!

1. Encuentra el área del trapecio.



Área del trapecio

$$= \frac{1}{2} \cdot \text{Altura} \cdot (\text{La suma de los lados paralelos})$$

$$= \frac{1}{2} \cdot \underline{\hspace{2cm}} \cdot (\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}})$$

$$= \frac{1}{2} \cdot \underline{\hspace{2cm}} \cdot \underline{\hspace{2cm}}$$

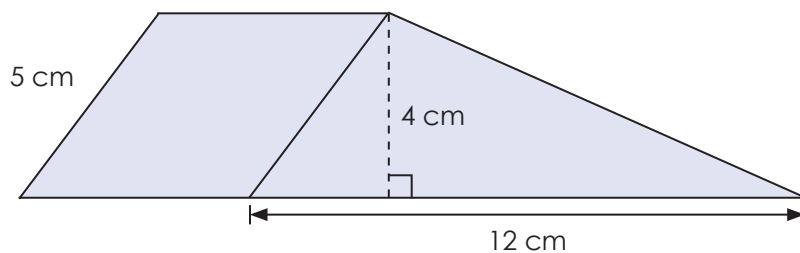
$$= \underline{\hspace{2cm}} \text{ m}^2$$

 Capítulo 10: actividad 6, páginas 125–126

## Encontrar el área de figuras compuestas

### ¡Aprendamos!

- a) La figura está formada por un rombo y un triángulo.  
Encuentra el área de la figura.



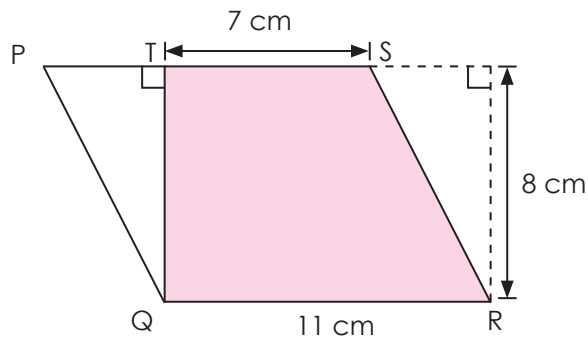
$$\begin{aligned} \text{Área de un rombo} &= \text{Base} \cdot \text{Altura} \\ &= 5 \cdot 4 \\ &= 20 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Área de un triángulo} &= \frac{1}{2} \cdot \text{Base} \cdot \text{Altura} \\ &= \frac{1}{2} \cdot 12 \cdot 4 \\ &= 24 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Área de la figura} &= \text{■} + \text{■} \\ &= \text{■} \text{ cm}^2 \end{aligned}$$



b) PQRS es un paralelogramo. Encuentra el área sombreada.



Área sombreada = Área del paralelogramo PQRS – Área del triángulo PQT

$$\begin{aligned}\text{Área de PQRS} &= \text{Base} \cdot \text{Altura} \\ &= 11 \cdot 8 \\ &= 88 \text{ cm}^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Área de PQT} &= \frac{1}{2} \cdot \text{Base} \cdot \text{Altura} \\ &= \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 8 \\ &= 16 \text{ cm}^2\end{aligned}$$

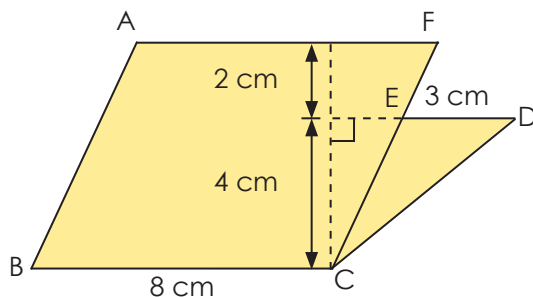
Base del triángulo =  $11 - 7$   
= 4 cm

$$\begin{aligned}\text{Área sombreada} &= \text{Área de PQRS} - \text{Área de PQT} \\ &= 88 - 16 \\ &= 72 \text{ cm}^2\end{aligned}$$



### ¡Hagámoslo!

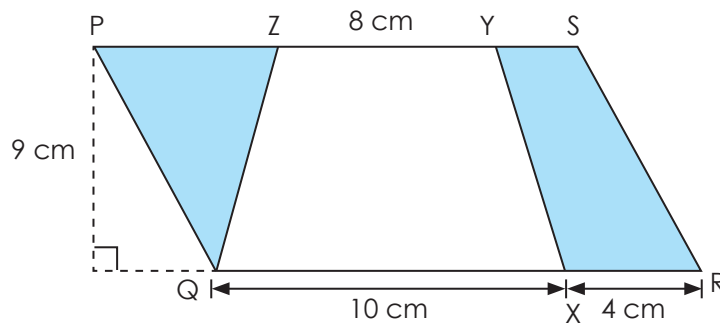
- La figura está formada por un paralelogramo y un triángulo. Encuentra el área de la figura.



Área de la figura = Área de ABCF + Área de ECD



2. PQRS es un paralelogramo y QXYZ es un trapecio.  
Encuentra el área sombreada.



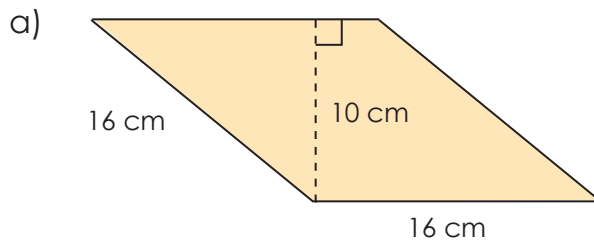
Área sombreada = Área del paralelogramo PQRS – Área del trapecio QXYZ



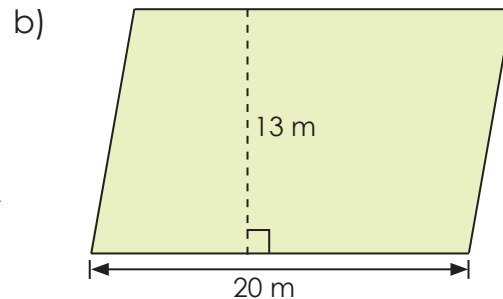
Capítulo 10: actividad 7, páginas 127–129

## Práctica 2

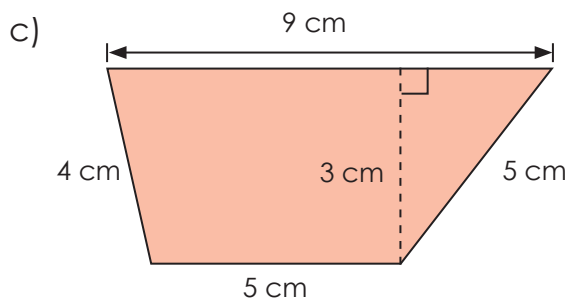
1. Encuentra el área de cada cuadrilátero sombreado.



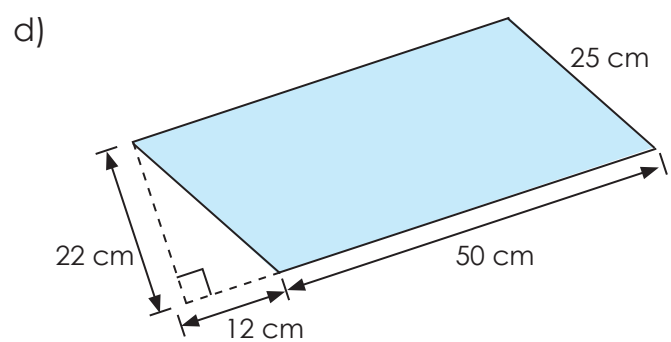
Rombo



Paralelogramo

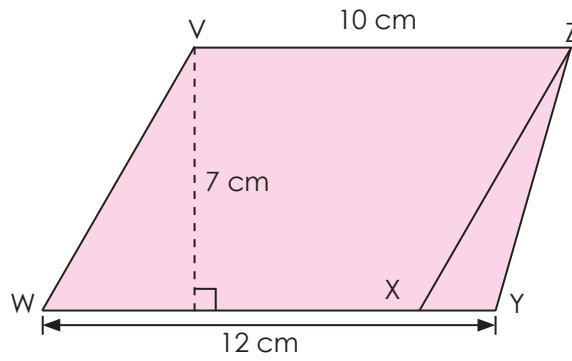


Trapecio

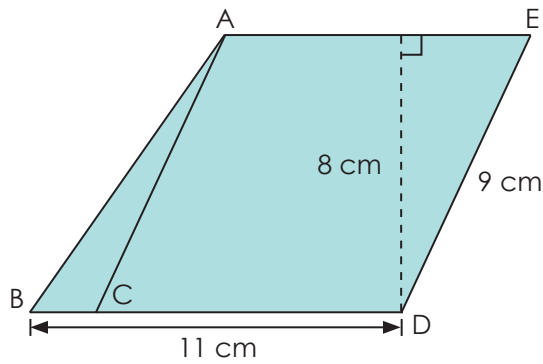


Paralelogramo

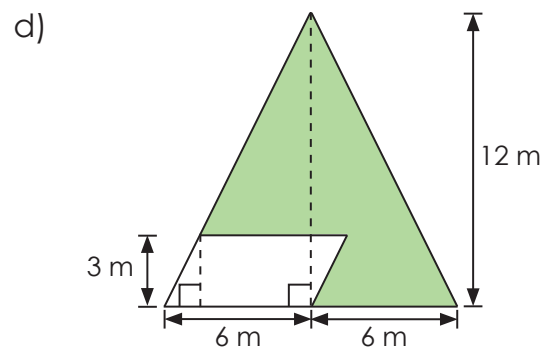
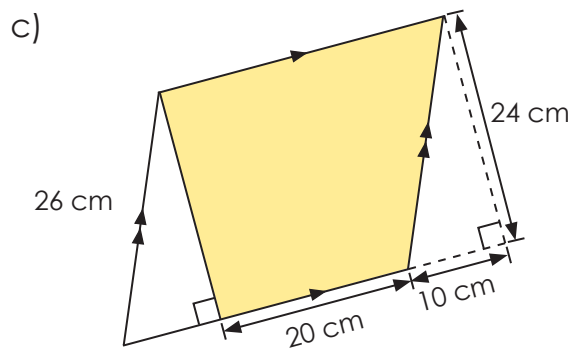
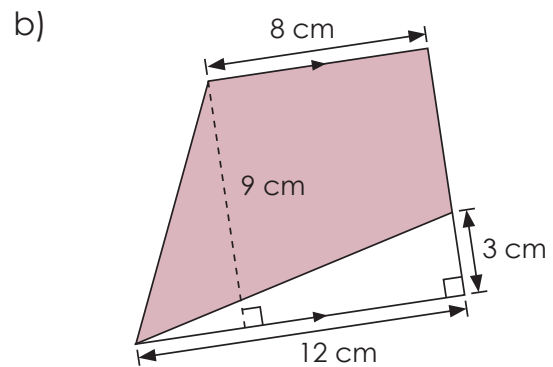
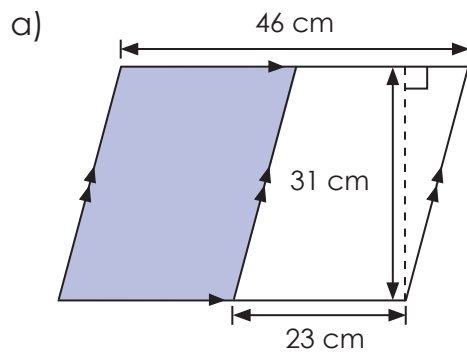
2. VWXZ es un paralelogramo. Encuentra el área de VWYZ.



3. ACDE es un rombo. Encuentra el área de ABDE.



4. Encuentra el área de cada figura.

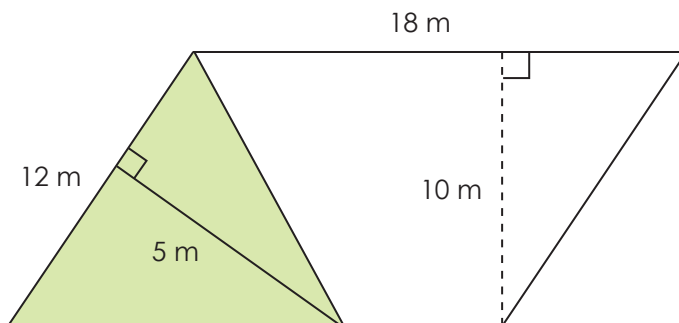


## Lección 3 Resolución de problemas

### Problemas

#### ¡Aprendamos!

El Sr. González tiene un terreno en el campo en forma de paralelogramo. Él divide el terreno en dos partes, como se muestra a continuación. Hace un jardín en la parte triangular del terreno, y pavimenta la otra parte. ¿Qué área del terreno pavimenta el Sr. González?



**1 Comprendo**  
el problema.

¿En cuántas partes divide el Sr. González su terreno?  
¿Cuáles son sus formas?  
¿Qué parte usa para el jardín?  
¿Qué parte pavimenta?  
¿Qué necesitamos encontrar?



**2 Planeo**  
qué hacer.

Yo puedo **resolver primero una parte del problema.**

**3 Resuelvo**  
el problema.

Primero, podemos encontrar el área del terreno que él usa para hacer un jardín.  
Luego, restamos esto del área total para encontrar el área del terreno que pavimenta.



$$\begin{aligned}\text{Área del jardín} &= \text{Área del triángulo} \\ &= \frac{1}{2} \cdot 12 \cdot 5 \\ &= 30 \text{ m}^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Área total del terreno} &= \text{Área del paralelogramo} \\ &= 18 \cdot 10 \\ &= 180 \text{ m}^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 &\text{Área del terreno que pavimenta} \\
 &= \text{Área total} - \text{Área del jardín} \\
 &= 180 \text{ m}^2 - 30 \text{ m}^2 \\
 &= 150 \text{ m}^2
 \end{aligned}$$

El Sr. González pavimenta 150 metros cuadrados del terreno.

**4 Compruebo**  
 ¿Respondiste la pregunta?  
 ¿Es correcta tu respuesta?

La suma del área usada para el jardín y el área pavimentada debe dar el total del área del terreno.  
 $30 \text{ m}^2 + 150 \text{ m}^2 = 180 \text{ m}^2$   
 Mi respuesta es correcta.



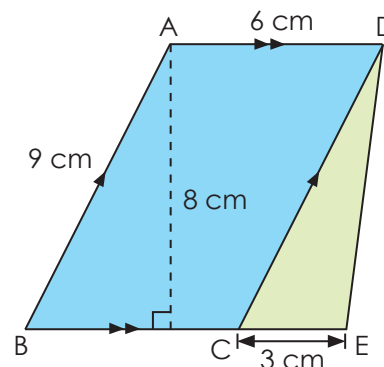
- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

### ¡Hagámoslo!

1. Teresa dibujó la figura que aparece en la imagen a continuación. Ella cubrió una parte con papel azul y la otra parte con papel verde. ¿Cuál es el área total del papel que usó para cubrir la figura?



Área del papel que usó  
 = Área del paralelogramo ABCD  
 + Área del triángulo CED



Área del paralelogramo ABCD = Base · Altura

= \_\_\_\_\_ · \_\_\_\_\_

= \_\_\_\_\_  $\text{cm}^2$

Área del triángulo CED =  $\frac{1}{2} \cdot \text{Base} \cdot \text{Altura}$

=  $\frac{1}{2} \cdot$  \_\_\_\_\_  $\cdot$  \_\_\_\_\_

= \_\_\_\_\_  $\text{cm}^2$

Área total del papel que usó Teresa = \_\_\_\_\_ + \_\_\_\_\_

= \_\_\_\_\_  $\text{cm}^2$

- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

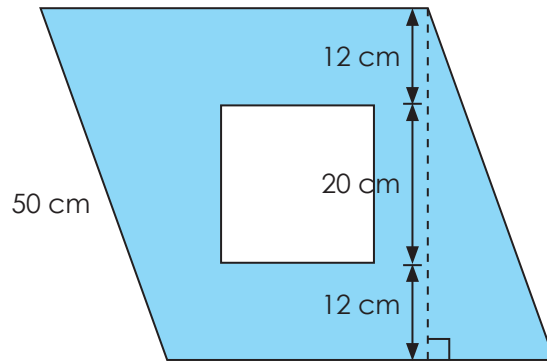


Capítulo 10: actividad 8, página 130

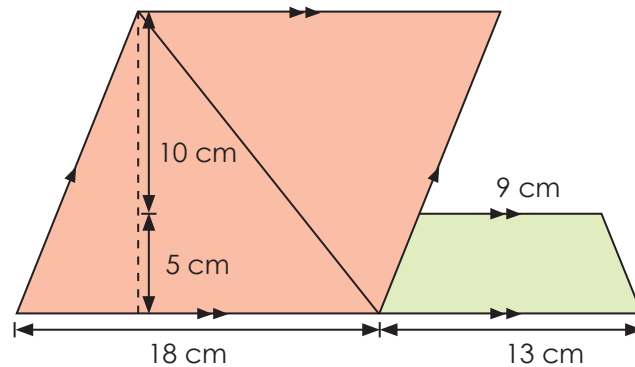
## Práctica 3

Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

1. María tiene un pedazo de tela en forma de rombo, con un cuadrado en el centro. Ella recorta el cuadrado. ¿Cuál es el área del pedazo de tela que le quedó?



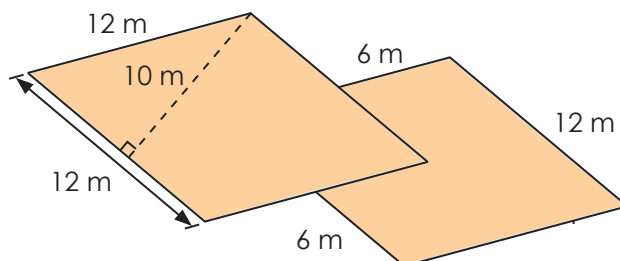
2. Clara recortó dos triángulos y un trapecio. Ella puso las tres figuras una junto a la otra, como se muestra a continuación. ¿Cuál es el área de la nueva figura que se formó?



## Abre tu mente

### ¡Aprendamos!

La siguiente figura está formada por dos rombos idénticos, de 12 metros cada uno, que se superponen. Encuentra el área de la parte que se superpone.



**1 Comprendo**  
el problema.

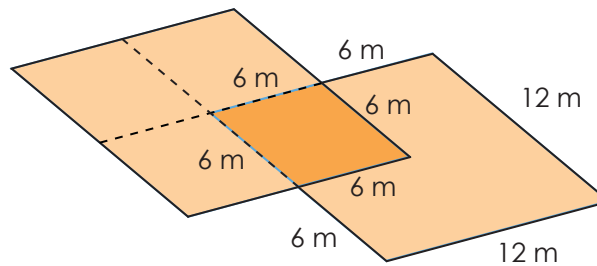
¿Qué forma tiene esta figura?  
¿Cuáles son las dimensiones de la  
parte que se superpone?



**2 Planeo**  
qué hacer.

Puedo **dibujar la parte que se superpone**  
de la figura como ayuda para resolver el  
problema.

**3 Resuelvo**  
el problema.



El largo de cada lado de la parte que se superpone  
es de 6 metros.

El área de la parte que se superpone es  $\frac{1}{4}$  del área  
del rombo grande.

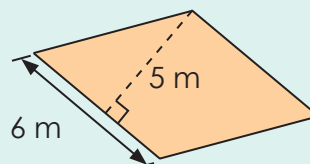
$$\begin{aligned}\text{Área del rombo grande} &= \text{Base} \cdot \text{Altura} \\ &= 12 \cdot 10 \\ &= 120 \text{ m}^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Área de la parte que se superpone} &= 120 : 4 \\ &= 30 \text{ m}^2\end{aligned}$$

El área de la parte que se superpone es de  
30 metros cuadrados.

**4 Compruebo**  
¿Respondiste la  
pregunta?  
¿Es correcta tu  
respuesta?

La parte total que se superpone es un  
rombo pequeño con una base de  
6 metros y una altura de 5 metros.



$$\begin{aligned}\text{Área del rombo pequeño} &= \text{Base} \cdot \text{Altura} \\ &= 6 \cdot 5 \\ &= 30 \text{ m}^2\end{aligned}$$

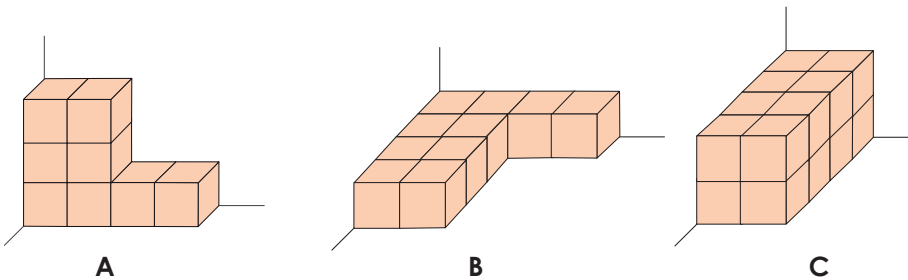
Mi respuesta es correcta.




- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

## ¡Recordemos!

1.



El volumen de un cubo unitario  es 1 unidad cúbica.

- a) La figura A está formada por  unidades cúbicas.  
Su volumen es de  unidades cúbicas.
- b) El volumen de la figura B es de  unidades cúbicas.
- c) El volumen de la figura C es de  unidades cúbicas.
- d) La figura  tiene el mayor volumen.



2. Escribe en litros y mililitros. (1 L = 1000 mL)

- a) 1750 mL =  L  mL
- b) 10 040 mL =  L  mL

3. Escribe en mililitros.

- a) 4 L 50 mL =  mL
- b) 10 L 6 mL =  mL

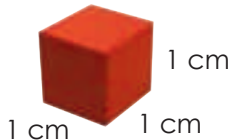


# Lección 1 Unidades de volumen

## Encontrar volúmenes de figuras 3D en centímetros cúbicos

### ¡Aprendamos!

- a) Este es un cubo de 1 centímetro. Cada arista del cubo mide 1 centímetro de largo.



El volumen del cubo es de 1 **centímetro cúbico**.



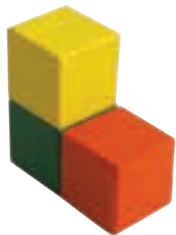
El centímetro cúbico es una unidad de volumen.  
Escribimos centímetro cúbico como **cm<sup>3</sup>**.

- b) Usa dos cubos de 1 centímetro para construir la siguiente figura 3D:



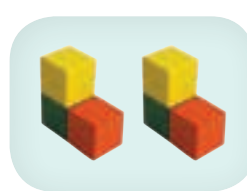
El volumen de esta figura 3D es de  
2 centímetros cúbicos o 2 cm<sup>3</sup>.

Agrega otro cubo de 1 centímetro para construir la siguiente figura 3D:



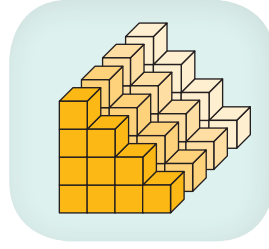
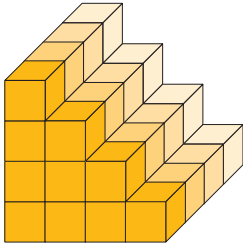
El volumen de esta figura 3D es de  
3 centímetros cúbicos.

¿Cuántos centímetros cúbicos se necesitan para construir la siguiente figura 3D?



El volumen de esta figura 3D es de 4 centímetros cúbicos.

- c) Esta figura 3D está formada por cubos de 1 centímetro.  
¿Cuál es su volumen?



Hay 4 capas como esta . Cada capa está formada por 10 cubos.

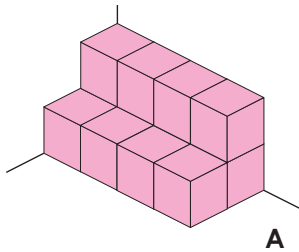
$$4 \cdot 10 = 40$$

El volumen de esta figura 3D es de 40 centímetros cúbicos.

### ¡Hagámoslo!

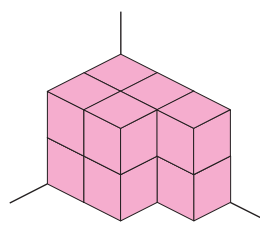
1. Estas figuras 3D están formadas por cubos de 1 centímetro.

- a) Cuenta los cubos y completa los espacios en blanco con el volumen correcto.



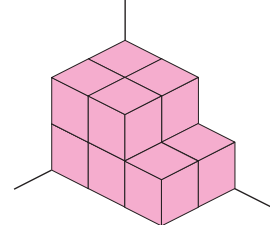
**A**

\_\_\_\_\_  $\text{cm}^3$



**B**

\_\_\_\_\_  $\text{cm}^3$



**C**

\_\_\_\_\_  $\text{cm}^3$

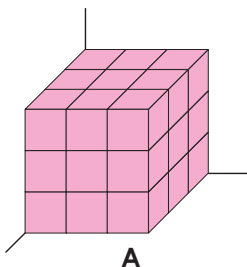
- b) La figura \_\_\_\_\_ y la figura \_\_\_\_\_ tienen el mismo volumen.

- c) La figura \_\_\_\_\_ tiene el mayor volumen.

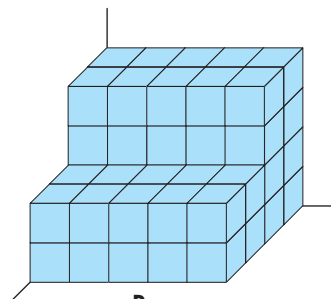
 Capítulo 11: actividad 1, página 131

## Práctica 1

1. Estas figuras 3D están formadas por cubos de 1 centímetro. Encuentra el volumen de cada figura 3D. ¿Qué figura 3D tiene el mayor volumen?



**A**



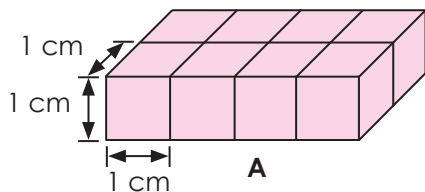
**B**

## Lección 2 Volumen de un prisma rectangular y de líquidos

### Encontrar el volumen de prismas rectangulares en centímetros cúbicos

#### ¡Aprendamos!

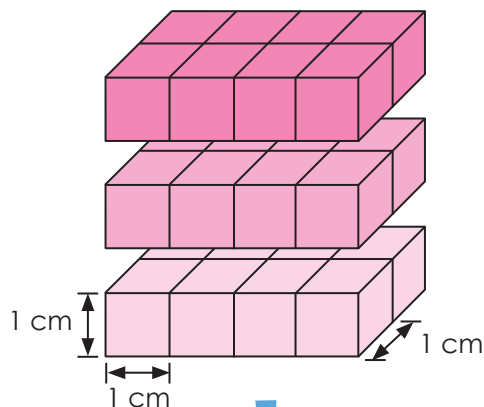
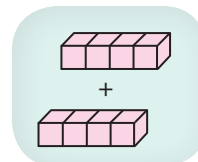
- a) El prisma rectangular A está formado por cubos de 1 centímetro.



$$2 \cdot 4 = 8$$

Hay 8 cubos.

El volumen del prisma rectangular A es de 8 centímetros cúbicos.



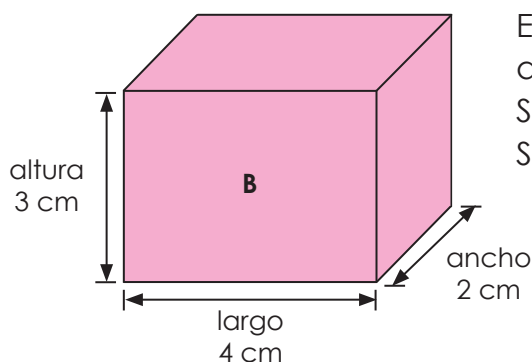
Agrega dos capas de cubos al prisma rectangular A para para construir el prisma rectangular B.

Hay 3 capas de cubos.

$$3 \cdot 8 = 24$$

Hay 24 cubos en total.

El volumen del prisma rectangular B es de 24 centímetros cúbicos.



El largo del prisma rectangular B es de 4 centímetros.

Su ancho es de 2 centímetros.

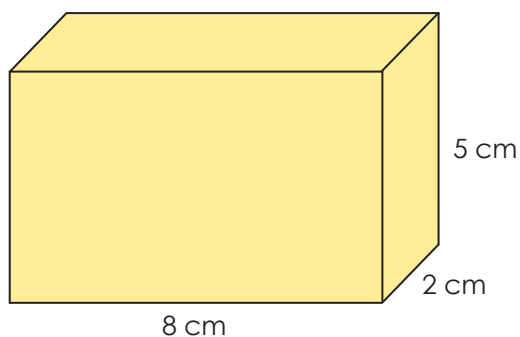
Su altura es de 3 centímetros.

1 2 4  
3 +

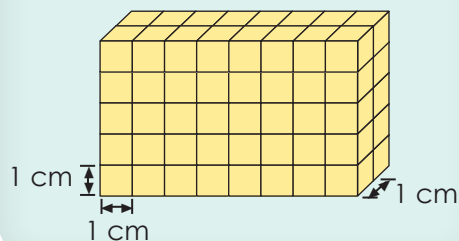
**Volumen de un prisma rectangular = Largo · Ancho · Altura**

$$\begin{aligned}\text{Volumen del prisma rectangular B} &= 4 \cdot 2 \cdot 3 \\ &= 24 \text{ cm}^3\end{aligned}$$

- b) El prisma rectangular B mide 8 centímetros por 2 centímetros por 5 centímetros. Encuentra su volumen.



¿Cuántos cubos de 1 centímetro se necesitan para formar el prisma rectangular?



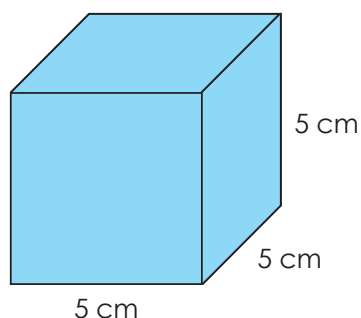
Volumen de un prisma rectangular = Largo · Ancho · Altura

$$= \text{■} \cdot \text{■} \cdot \text{■}$$

$$= \text{■} \text{ cm}^3$$

El volumen de un prisma rectangular es de ■ centímetros cúbicos.

- c) Encuentra el volumen de un cubo con aristas de 5 centímetros.



Un cubo es un prisma rectangular con largo, ancho y altura iguales. Entonces, Largo = Ancho = Altura = Arista



Volumen de un cubo = Arista · Arista · Arista

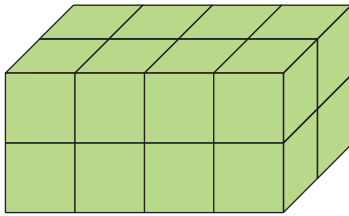
$$= 5 \cdot 5 \cdot 5$$

$$= \text{■} \text{ cm}^3$$

El volumen del cubo es de ■ centímetros cúbicos.

## ¡Hagámoslo!

- Este prisma rectangular está formado por cubos de 1 centímetro cúbico. Cuenta los cubos y completa los espacios en blanco.



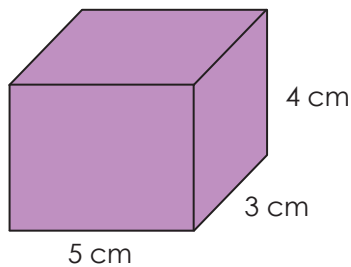
Largo = \_\_\_\_\_ cm

Ancho = \_\_\_\_\_ cm

Altura = \_\_\_\_\_ cm

Volumen = \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

- Encuentra el volumen de un prisma rectangular cuyas medidas son 5 centímetros por 3 centímetros por 4 centímetros.

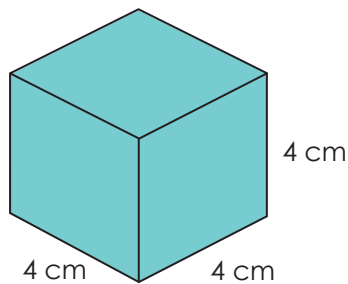


Volumen de un prisma rectangular  
= Largo · Ancho · Altura

= \_\_\_\_\_ · \_\_\_\_\_ · \_\_\_\_\_

= \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

- Encuentra el volumen de un cubo con aristas de 4 centímetros.



Volumen del cubo

= \_\_\_\_\_ · \_\_\_\_\_ · \_\_\_\_\_

= \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

- ¿Qué figura 3D tiene el mayor volumen, el prisma rectangular o el cubo?



Capítulo 11: actividad 2, páginas 132–133

# Encontrar el volumen de prismas rectangulares en metros cúbicos

## ¡Aprendamos!

- a) Cada arista de esta caja mide 1 metro de largo.



Usa metros cúbicos para grandes volúmenes.



1 centímetro cúbico.

Una caja de 1 metro

El volumen de la caja es de 1 **metro cúbico**.



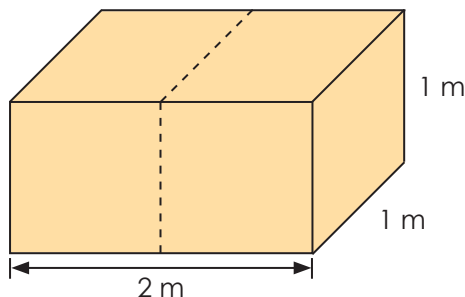
El metro cúbico es también una unidad de volumen.  
Escribimos metro cúbico como **m<sup>3</sup>**.

¿Cuántos cubos de 1 centímetro necesitas para llenar la caja completamente?



1 m = 100 cm

- b) Este prisma rectangular mide 2 metros por 1 metro por 1 metro.  
Encuentra su volumen.



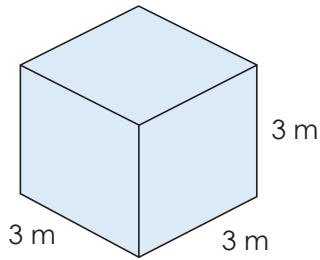
$$\begin{aligned}\text{Volumen del prisma rectangular} &= \text{Largo} \cdot \text{Ancho} \cdot \text{Altura} \\ &= 2 \cdot 1 \cdot 1 \\ &= \text{■} \text{ m}^3\end{aligned}$$

El volumen del prisma rectangular es de ■ metros cúbicos.

## ¡Hagámoslo!

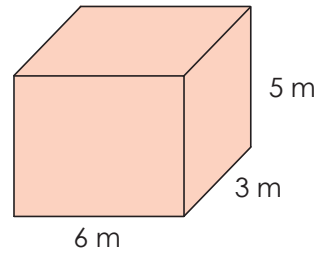
- Completa los espacios en blanco con **cm<sup>3</sup>** o **m<sup>3</sup>**.
  - El volumen de mi borrador es de alrededor de 5 \_\_\_\_\_.
  - Una caja grande de almacenaje tiene un volumen de alrededor de 1 \_\_\_\_\_.
- Encuentra el volumen de estas figuras 3D.

a)



\_\_\_\_\_ m<sup>3</sup>

b)



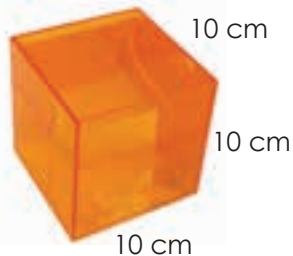
\_\_\_\_\_ m<sup>3</sup>

 Capítulo 11: actividad 3, página 134

## Convertir unidades de volumen

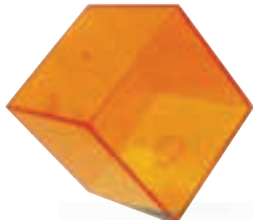
### ¡Aprendamos!

- Llena completamente un recipiente de 10 centímetros cúbicos con agua.



$$\begin{aligned}\text{Volumen del agua en el recipiente} \\ &= 10 \cdot 10 \cdot 10 \\ &= 1000 \text{ cm}^3\end{aligned}$$

Vierte toda el agua en un vaso graduado.



El agua ocupa 1 litro.

$$\begin{aligned}1000 \text{ cm}^3 &= 1 \text{ L} \\ 1000 \text{ cm}^3 &= 1000 \text{ mL} \\ 1 \text{ cm}^3 &= 1 \text{ mL}\end{aligned}$$

$$1 \text{ L} = 1000 \text{ mL}$$



b) ¿Cuánto son 2 litros 750 mililitros en centímetros cúbicos?

124  
3+

$$\begin{array}{l} 2 \text{ L } 750 \text{ mL} \begin{cases} 2 \text{ L} = 2000 \text{ mL} = 2000 \text{ cm}^3 \\ 750 \text{ mL} = 750 \text{ cm}^3 \end{cases} \end{array}$$

$$\begin{aligned} 2 \text{ L } 750 \text{ mL} &= 2000 \text{ cm}^3 + 750 \text{ cm}^3 \\ &= 2750 \text{ cm}^3 \end{aligned}$$

c) ¿Cuánto son 1505 centímetros cúbicos en litros y mililitros?

$$1505 \text{ cm}^3 \begin{cases} 1000 \text{ cm}^3 = 1 \text{ L} \\ 505 \text{ cm}^3 = 505 \text{ mL} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} 1505 \text{ cm}^3 &= 1 \text{ L} + 505 \text{ mL} \\ &= \boxed{\phantom{00}} \text{ L } \boxed{\phantom{00}} \text{ mL} \end{aligned}$$

### ¡Hagámoslo!

1. Escribe en centímetros cúbicos.

a)  $400 \text{ mL} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}^3$

b)  $1 \text{ L } 200 \text{ mL} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ mL}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}^3$

2. Escribe en litros y mililitros.

a)  $2450 \text{ cm}^3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ mL}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}} \text{ L } \underline{\hspace{2cm}} \text{ mL}$

b)  $3050 \text{ cm}^3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ mL}$   
 $= \underline{\hspace{2cm}} \text{ L } \underline{\hspace{2cm}} \text{ mL}$



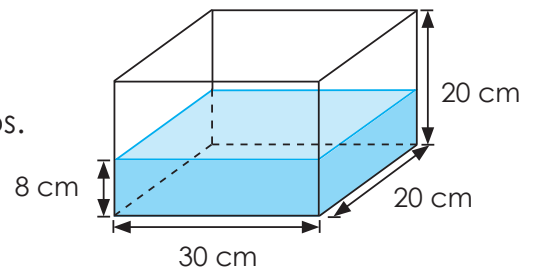
# Encontrar el volumen de líquidos

## ¡Aprendamos!



Una pecera rectangular mide 30 centímetros por 20 centímetros por 20 centímetros.

- Encuentra su capacidad en centímetros cúbicos.
- Si la pecera se llena con agua hasta una altura de 8 centímetros, encuentra el volumen de agua en litros y mililitros.



La capacidad de un recipiente es la cantidad de líquido que puede contener cuando está lleno.

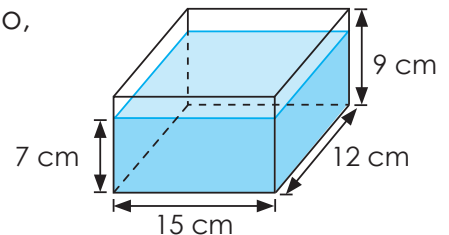
$$1 \text{ L} = 1000 \text{ cm}^3$$



- Capacidad de la pecera =  $30 \cdot 20 \cdot 20$   
=  $12\,000 \text{ cm}^3$
- Volumen de agua =  $30 \cdot 20 \cdot 8$   
=  $4800 \text{ cm}^3$   
= 4 L 800 mL

## ¡Hagámoslo!

- Un tanque rectangular mide 15 centímetros de largo, 12 centímetros de ancho y 9 centímetros de altura. Si se llena con agua hasta una altura de 7 centímetros, encuentra el volumen del agua en litros y mililitros.



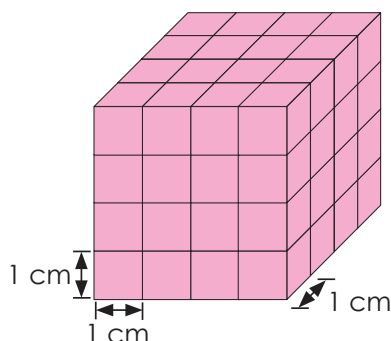
$$\begin{aligned} \text{Volumen del agua} &= \underline{\hspace{2cm}} \cdot \underline{\hspace{2cm}} \cdot \underline{\hspace{2cm}} \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}^3 \\ &= \underline{\hspace{2cm}} \text{ L } \underline{\hspace{2cm}} \text{ mL} \end{aligned}$$

Capítulo 11: actividad 4, páginas 135–136

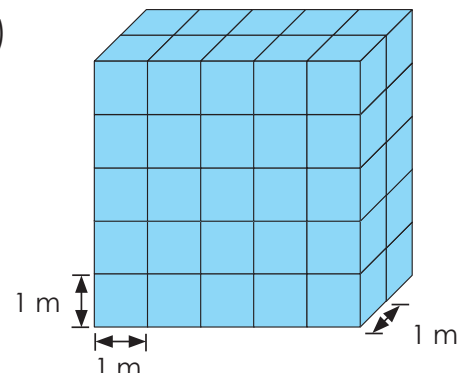
## Práctica 2

- Encuentra el volumen de cada figura 3D.

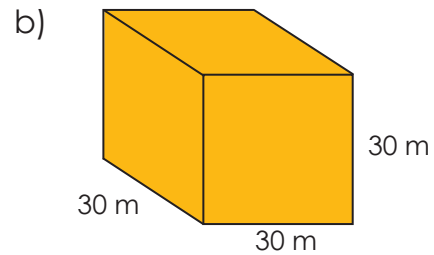
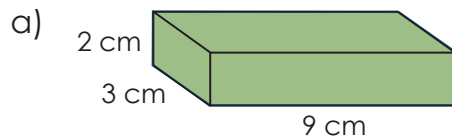
a)



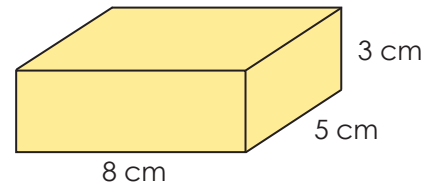
b)



2. Encuentra el volumen de cada figura 3D.



3. ¿Cuántos cubos de 1 centímetro se necesitan para construir el prisma rectangular de la derecha?



4. Completa los espacios en blanco con **cm<sup>3</sup>** o **m<sup>3</sup>**.

- a) El volumen de una cocina es de alrededor de 1 \_\_\_\_\_.
- b) El volumen de mi libro es de alrededor de 650 \_\_\_\_\_.

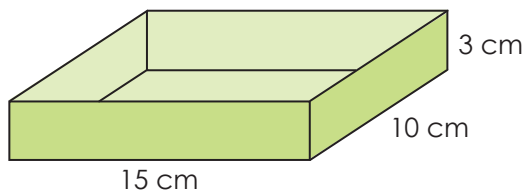
5. Escribe en centímetros cúbicos.

- a) 250 mL                      b) 2 L                      c) 2 L 60 mL

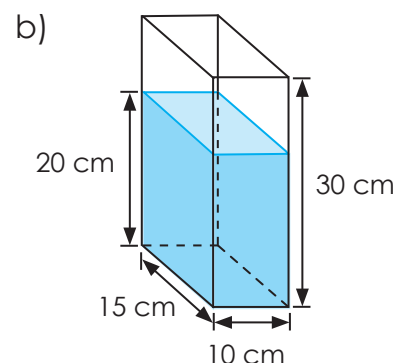
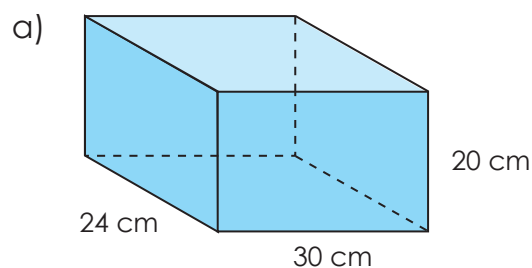
6. Escribe en litros y mililitros.

- a) 1050 cm<sup>3</sup>                      b) 1800 cm<sup>3</sup>                      c) 3500 cm<sup>3</sup>

7. Un recipiente rectangular mide 15 centímetros por 10 centímetros por 3 centímetros. ¿Cuál es la capacidad del recipiente? Expresa tu respuesta en mililitros.



8. ¿Cuál es el volumen de agua en cada recipiente rectangular? Expresa tu respuesta en litros y mililitros.

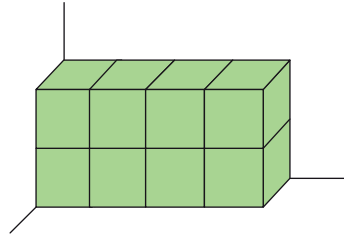


# Lección 3 Resolución de problemas

## Problemas

### ¡Aprendamos!

Esta figura 3D está formada por cubos de lado 5 centímetros.  
¿Cuál es el volumen de la figura 3D?



Cubo de 5 centímetros

**1** **Comprendo**  
el problema.

¿Cuál es el largo, ancho y altura del  
cada cubo?  
¿Cuál es el número de cubos que forman  
la figura 3D?  
¿Qué necesito encontrar?



**2** **Planeo**  
qué hacer.

Primero, encuentro el volumen  
de un cubo.  
Luego, encuentro el volumen  
de la figura 3D.

**3** **Resuelvo**  
el problema.

$$\begin{aligned}\text{Volumen de un cubo} &= \text{Largo} \cdot \text{Ancho} \cdot \text{Altura} \\ &= 5 \cdot 5 \cdot 5 \\ &= 125 \text{ cm}^3\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Volumen de la figura 3D} &= 8 \cdot 125 \\ &= 1000 \text{ cm}^3\end{aligned}$$

El volumen de la figura 3D es de 1000 centímetros cúbicos.

4

**Compruebo**

¿Respondiste la pregunta?  
¿Es correcta tu respuesta?

Puedo comprobar la respuesta resolviendo el problema de otra forma.

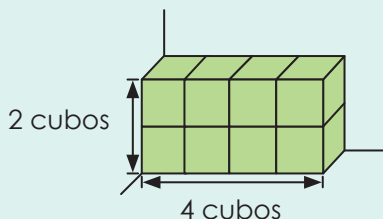
Ancho de la figura 3D  
 $= 1 \cdot 5$   
 $= 5 \text{ cm}$

Largo de la figura 3D  
 $= 4 \cdot 5$   
 $= 20 \text{ cm}$

Altura de la figura 3D  
 $= 2 \cdot 5$   
 $= 10 \text{ cm}$

Volumen de la figura 3D  $= 20 \cdot 5 \cdot 10$   
 $= 1000 \text{ cm}^3$

Mi respuesta es correcta.

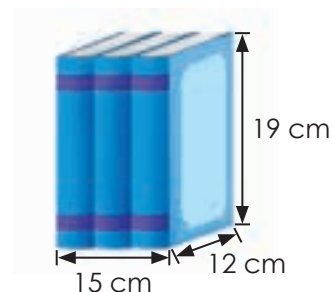


- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

**¡Hagámoslo!**

1. 3 libros idénticos se colocan uno al lado del otro.  
¿Cuál es el volumen de cada libro?

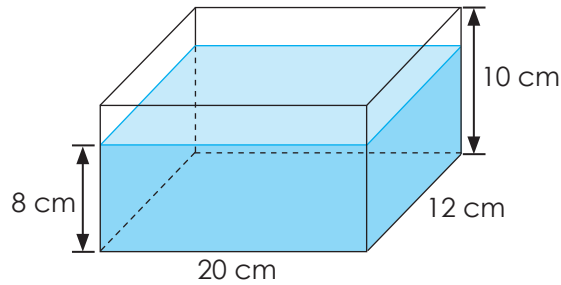
Primero, encuentra el volumen total de los libros. Luego, encuentra el volumen de cada libro.



- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

## ¡Aprendamos!

Un tanque rectangular mide 20 centímetros de largo, 12 centímetros de ancho y 10 centímetros de altura. Si se llena de agua a una profundidad de 8 centímetros, ¿cuántos mililitros de agua se necesitan para llenar completamente el tanque?



### 1 Comprendo el problema.

¿Cuál es el largo, ancho y alto del tanque?  
¿Qué profundidad tiene el agua en el tanque?  
¿Qué necesito encontrar?



### 2 Planeo qué hacer.

Primero, encuentro la altura del tanque que no está llena de agua.  
Luego, encuentro la cantidad de agua necesaria para llenar el tanque completamente.

### 3 Resuelvo el problema.

Altura del tanque que no está llena de agua =  $10 - 8$   
= 2 cm

Cantidad necesaria de agua =  $20 \cdot 12 \cdot 2$   
=  $480 \text{ cm}^3$   
= 480 mL

Se necesitan 480 mililitros de agua para llenar completamente el tanque.

4

**Compruebo**

¿Respondiste la pregunta?  
¿Es correcta tu respuesta?

Puedo comprobar la respuesta resolviendo el problema de otra forma.

$$\begin{aligned}\text{Volumen del tanque} &= 20 \cdot 12 \cdot 10 \\ &= 2400 \text{ cm}^3\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Volumen de agua en el tanque} &= 20 \cdot 12 \cdot 8 \\ &= 1920 \text{ cm}^3\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Cantidad necesaria de agua} &= 2400 - 1920 \\ &= 480 \text{ cm}^3 \\ &= 480 \text{ mL}\end{aligned}$$

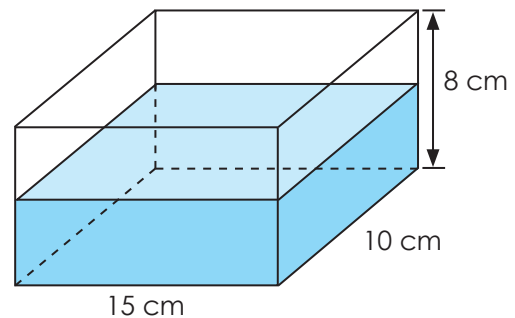
Mi respuesta es correcta.



- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

**¡Hagámoslo!**

- Un recipiente rectangular que mide 15 centímetros por 10 centímetros por 8 centímetros está completamente lleno de agua. Si se saca la mitad del agua, ¿cuánta agua queda en el recipiente?



Primero, encuentro el volumen de agua que tenía el recipiente al inicio. Luego, averiguo la cantidad de agua que queda en el recipiente.

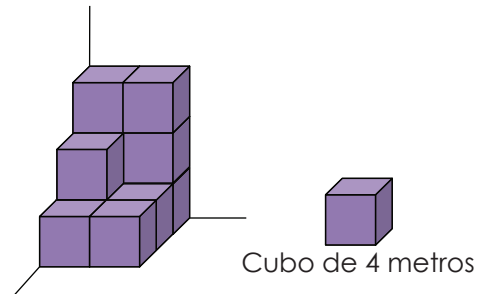
- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

Capítulo 11: actividad 5, páginas 137–139

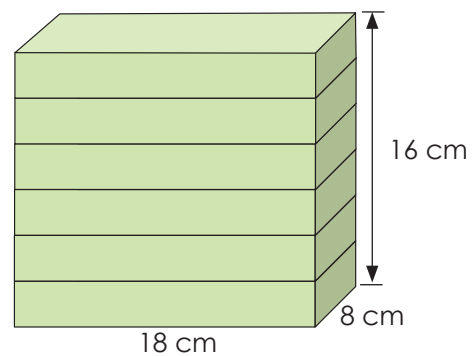
## Práctica 3

Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

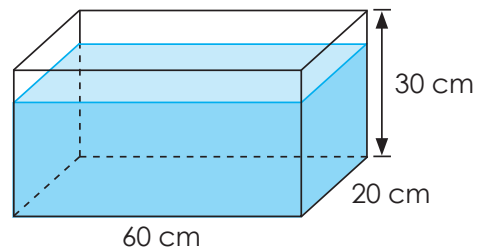
1. Este figura 3D está formado por cubos de 4 metros de lado.  
¿Cuál es el volumen de la figura 3D?



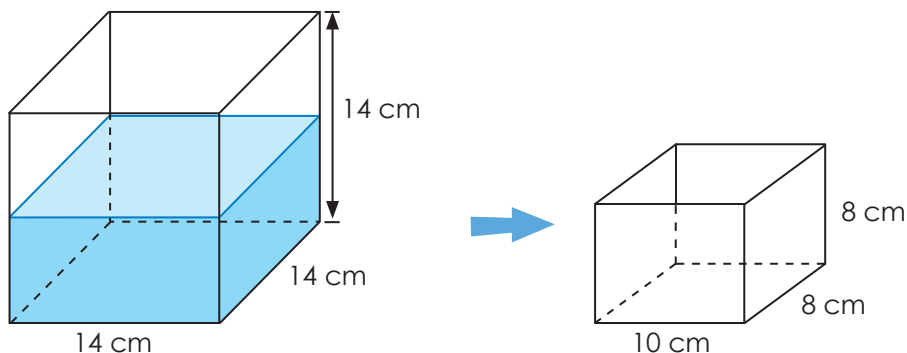
2. 6 cajas idénticas rectangulares se apilan una encima de la otra.  
¿Cuál es el volumen de cada caja?



3. En un recipiente rectangular que mide 60 centímetros por 20 centímetros por 30 centímetros se vierten 28 litros de agua.  
¿Cuántos litros más se necesitarán para llenarlo hasta el borde?



4. Un tanque con forma cúbica y con una arista de 14 centímetros se llena con agua hasta la mitad. Se vierte el agua en un tanque vacío rectangular que mide 10 centímetros por 8 centímetros hasta llenarlo. ¿Cuánta agua quedó en el tanque con forma cúbica?



## ¡Recordemos!

1. Multiplica 1 litro 550 mililitros por 3.

$$1 \text{ L } 550 \text{ mL} \cdot 3 \begin{cases} 1 \text{ L} \cdot 3 = 3 \text{ L} \\ 550 \text{ mL} \cdot 3 = 1650 \text{ mL} \end{cases}$$

$$1 \text{ L } 550 \text{ mL} \cdot 3 = \boxed{\phantom{00}} \text{ L } \boxed{\phantom{00}} \text{ mL}$$

$$= \boxed{\phantom{00}} \text{ L } \boxed{\phantom{00}} \text{ mL}$$

$$1650 \text{ mL} = 1000 \text{ mL} + \boxed{\phantom{00}} \text{ mL}$$

$$= \boxed{\phantom{00}} \text{ L } \boxed{\phantom{00}} \text{ mL}$$



2. Divide 6 metros 80 centímetros por 5.

$$6 \text{ m } 80 \text{ cm} = 5 \text{ m } 180 \text{ cm}$$

$$5 \text{ m } 180 \text{ cm} : 5 \begin{cases} 5 \text{ m} : 5 = \boxed{\phantom{00}} \text{ m} \\ 180 \text{ cm} : 5 = \boxed{\phantom{00}} \text{ cm} \end{cases}$$

$$6 \text{ m } 80 \text{ cm} : 5 = \boxed{\phantom{00}} \text{ m } \boxed{\phantom{00}} \text{ cm}$$

6 no se puede dividir fácilmente por 5.  
Cambia 6 metros a 5 metros 100 centímetros.



3. Divide 27,68 por 4.

$$\begin{array}{r} 27,68 : 4 = 6, \boxed{\phantom{00}} \boxed{\phantom{00}} \\ - 24 \\ \hline \boxed{\phantom{00}} \boxed{\phantom{00}} \\ - \boxed{\phantom{00}} \boxed{\phantom{00}} \\ \hline \boxed{\phantom{00}} \boxed{\phantom{00}} \\ - \boxed{\phantom{00}} \boxed{\phantom{00}} \\ \hline \boxed{\phantom{00}} \boxed{\phantom{00}} \end{array}$$

4. En una clase, 5 estudiantes eligen la natación como su deporte favorito, 10 estudiantes prefieren el fútbol y 7 estudiantes el ciclismo.

La moda de los datos es  .



# Lección 1 Diagramas de tallo y hojas

## Representar datos en un diagrama de tallo y hojas

### ¡Aprendamos!

Un grupo de estudiantes obtuvo estos puntajes en un examen de matemáticas: 18, 20, 25, 27, 35, 36, 39, 41, 45 y 50.

Podemos representar los puntajes usando un **diagrama de tallo y hojas**.



#### Puntajes en el examen de matemáticas

tallo	hojas
1	8
2	0 5 7
3	5 6 9
4	1 5
5	0

Primero, escribimos los dígitos de las decenas en la columna del "tallo". Luego, escribimos las unidades en la columna de la "hojas".



Del diagrama de tallo y hojas, podemos ver que   estudiantes obtuvieron entre 30 y 40 puntos.

### ¡Hagámoslo!

1. El Sr. López registró el tiempo que demoraron algunos estudiantes en terminar un examen. Completa el diagrama de tallo y hojas y las oraciones que siguen a continuación.

Diego	7 minutos
Sofía	5 minutos
Miguel	12 minutos
Lucía	11 minutos
José	9 minutos
David	15 minutos
Paula	21 minutos

#### Tiempo tomado en terminar un examen (minutos)

tallo	hojas
0	5 <u>    </u> <u>    </u>
1	<u>    </u> 2 <u>    </u>
2	1 <u>    </u>

Los dígitos en la columna de "tallo" y los dígitos de cada fila en la columna de "hojas" están en orden ascendente.



- a) El tiempo más corto fue de   minutos.
- b) El tiempo más largo fue de   minutos.
- c) A   estudiantes les tomó entre 10 y 20 minutos terminar el examen.

## Crea tu problema

Dibuja un diagrama de tallo y hojas para representar los datos que aparecen en la siguiente tabla. Usa las palabras y los datos dados para plantear un problema, y luego resuélvelo. Muestra tu trabajo claramente.

Día	lunes	martes	miércoles	jueves	viernes	sábado	domingo
Botellas vendidas	58	61	66	68	52	49	94

el mayor

cuántas

más

en total

menor que

## Práctica 1

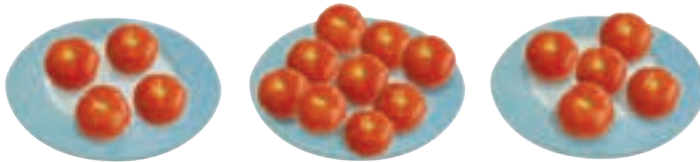
- La distancia recorrida (en kilómetros) por un grupo de trabajadores, de su casa a la oficina, se muestra a continuación.  
3, 12, 7, 12, 6, 10, 12, 18, 7, 14
  - Dibuja un diagrama de tallo y hojas para representar estos datos.
  - ¿Cuál es la mayor distancia recorrida?
  - ¿Cuántos trabajadores recorrieron menos de 10 kilómetros?
  - ¿Cuántos trabajadores recorrieron la misma distancia? ¿Cuál fue la distancia?
- Rafael contó el número de vehículos que entran a un estacionamiento diariamente durante 15 días. Los números se muestran a continuación.  
53, 84, 49, 67, 84, 72, 100, 37, 56, 44, 84, 96, 59, 84, 63
  - Dibuja un diagrama de tallo y hojas para representar los datos.
  - ¿Cuál fue el mayor número de vehículos que él contó en un día?
  - ¿Durante cuántos días el número de vehículos fue mayor que 50 y menor que 60?
  - ¿Durante cuántos días contó el mismo número de vehículos? ¿Cuál fue el número de vehículos?

## Lección 2 Promedio

### Encontrar el promedio de un conjunto de datos

#### ¡Aprendamos!

- a) Hay un número diferente de tomates en cada plato.



Si los tomates se reagrupan de tal forma que cada plato tenga el mismo número de tomates, ¿cuántos tomates habrá en cada plato?



$$4 + 9 + 5 = 18$$

Hay 18 tomates en total.

$$18 : 3 = 6$$

Habrán 6 tomates en cada plato.

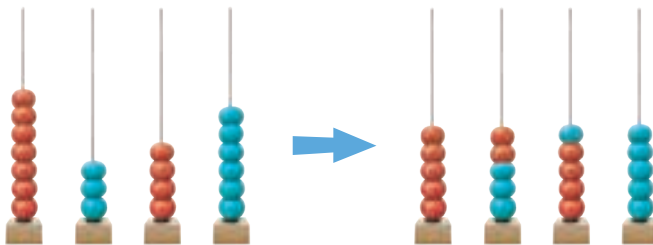
Primero, encuentro el número total de tomates.

Luego, divido el total por el número de platos.



El **promedio** de 4, 9 y 5 es 6.

- b) ¿Cuál es el promedio de 7, 3, 4 y 6?



$$7 + 3 + 4 + 6 = 20$$

El total es 20.

$$20 : 4 = \text{■}$$

El promedio de 7, 3, 4 y 6 es ■.

Primero, encuentra el total de los números. Luego, divide el total por 4.







$$\text{Promedio} = \frac{\text{Total de los datos}}{\text{Número de datos}}$$

## ¡Hagámoslo!

1. El pictograma muestra el número de revistas que 3 niños compraron. Encuentra el promedio del número de revistas que cada niño compró.

### Revistas que 3 niños compraron

María	
Raúl	
Carolina	
Cada  representa 1 revista.	

$$5 + 7 + 3 = \underline{\hspace{2cm}}$$

Los 3 niños compraron            revistas en total.

$$\underline{\hspace{2cm}} : 3 = \underline{\hspace{2cm}}$$

Cada niño compró un promedio de            revistas.

2. Sofía coleccionó 36 servilletas, Juliana coleccionó 38 y Lorena coleccionó 40. ¿Cuál es el promedio del número de servilletas que cada niña coleccionó?

$$36 + 38 + 40 = \underline{\hspace{2cm}}$$

El número total de servilletas coleccionadas fue de           .

$$\underline{\hspace{2cm}} : 3 = \underline{\hspace{2cm}}$$

El promedio del número de servilletas que cada niña coleccionó fue de           .

# Encontrar el promedio en decimales

## ¡Aprendamos!

El largo de 5 cuerdas es de 1,4 metros, 1,8 metros, 2 metros, 2,6 metros y 3,2 metros.  
¿Cuál es el promedio de sus largos?

124  
3+

$1,4 + 1,8 + 2 + 2,6 + 3,2 = 11$

El largo total de las cuerdas es de 11 metros.

$11 : 5 =$

El promedio de sus largos es de  metros.

## ¡Hagámoslo!

1. La tabla muestra los puntajes que obtuvo Joaquín en 4 juegos.

Juego	Puntaje
A	68
B	76
C	78
D	88

¿Cuál fue el promedio de sus puntajes?

$68 + 76 + 78 + 88 =$  \_\_\_\_\_

El total de sus puntajes fue de \_\_\_\_\_.

\_\_\_\_\_ : 4 = \_\_\_\_\_

El promedio de sus puntajes fue de \_\_\_\_\_.

## Encontrar el promedio, dados la cantidad total y el número de artículos

### ¡Aprendamos!

Un conductor de taxi recorrió una distancia total de 1 659 kilómetros en 7 días. Encuentra la distancia promedio que recorrió cada día.

$$\begin{array}{r} 1\ 2\ 4 \\ 3 \overline{) 1\ 6\ 5\ 9} \\ \underline{3} \phantom{0} \\ 5 \phantom{0} \\ \underline{21} \phantom{0} \\ 4 \phantom{0} \\ \underline{28} \phantom{0} \\ 9 \phantom{0} \\ \underline{21} \phantom{0} \\ 18 \phantom{0} \\ \underline{21} \phantom{0} \\ 3 \phantom{0} \end{array} \quad 1\ 659 : 7 = 237$$

$$\text{Distancia promedio} = \frac{\text{Distancia total}}{\text{Número de días}}$$



La distancia promedio que recorrió cada día fue de 237 kilómetros.

### ¡Hagámoslo!

1. La estatura total de un grupo de 4 niños es de 572 centímetros. Encuentra el promedio de la estatura del grupo.

$$572 : \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

El promedio de la estatura del grupo es de            centímetros.

## Encontrar la cantidad total, dados el promedio y el número de artículos

### ¡Aprendamos!

El promedio del puntaje de Carolina en 5 pruebas es de 74,6 puntos. Encuentra su puntaje total.

$$\begin{array}{r} 1\ 2\ 4 \\ 3 \overline{) 74,6} \\ \underline{3} \phantom{0} \\ 4 \phantom{0} \\ \underline{12} \phantom{0} \\ 2 \phantom{0} \\ \underline{10} \phantom{0} \\ 4 \phantom{0} \\ \underline{20} \phantom{0} \\ 6 \phantom{0} \\ \underline{30} \phantom{0} \\ 3 \phantom{0} \end{array} \quad 74,6 \cdot 5 = 373$$

$$\text{Puntaje total} = \text{Promedio del puntaje} \cdot \text{Número de pruebas}$$



Su puntaje total es de 373 puntos.

### ¡Hagámoslo!

1. Ricardo gastó un promedio de \$4650 cada día durante 8 días. ¿Cuánto dinero gastó en total?

$$\$_{\hspace{1cm}} \cdot \hspace{1cm} = \$_{\hspace{1cm}}$$

Él gastó \$           en total.

# Encontrar la cantidad total, dados el promedio en unidades compuestas y el número de artículos

## ¡Aprendamos!

El peso promedio de 3 paquetes es de 1 kilogramo 400 gramos.  
Encuentra el peso total.

1 2 4  
3 +

$$1 \text{ kg } 400 \text{ g} \cdot 3 \begin{cases} 1 \text{ kg} \cdot 3 = 3 \text{ kg} \\ 400 \text{ g} \cdot 3 = 1200 \text{ g} \end{cases}$$

$$1 \text{ kg } 400 \text{ g} \cdot 3 = 3 \text{ kg } 1200 \text{ g}$$

$$= \boxed{\phantom{00}} \text{ kg } \boxed{\phantom{00}} \text{ g}$$

$$1 \text{ kg } 400 \text{ g} \begin{cases} 1 \text{ kg} \\ 400 \text{ g} \end{cases}$$



$$1200 \text{ g} = 1000 \text{ g} + 200 \text{ g}$$

$$= 1 \text{ kg } 200 \text{ g}$$

El peso total es de  $\boxed{\phantom{00}}$  kilogramos  $\boxed{\phantom{00}}$  gramos.

## ¡Hagámoslo!

- El largo promedio de 3 cintas es de 2 metros 45 centímetros.  
¿Cuál es el largo total de las cintas?

$$2 \text{ m } 45 \text{ cm} \cdot 3 \begin{cases} 2 \text{ m} \cdot 3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ m} \\ 45 \text{ cm} \cdot 3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm} \end{cases}$$

$$2 \text{ m } 45 \text{ cm} \cdot 3 = \underline{\hspace{2cm}} \text{ m } \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}} \text{ m } \underline{\hspace{2cm}} \text{ cm}$$

El largo total de las cintas es de  $\underline{\hspace{2cm}}$  metros  $\underline{\hspace{2cm}}$  centímetros.

# Encontrar el promedio, dada la cantidad total en unidades compuestas y el número de artículos

## ¡Aprendamos!

El peso total de 4 bolsas de manzanas es de 5 kilogramos 200 gramos.  
Encuentra el promedio del peso de cada bolsa.

1 2 4  
3 +

$$5 \text{ kg } 200 \text{ g} = 4 \text{ kg } 1200 \text{ g}$$

$$4 \text{ kg } 1200 \text{ g} : 4 \begin{cases} 4 \text{ kg} : 4 = 1 \text{ kg} \\ 1200 \text{ g} : 4 = 300 \text{ g} \end{cases}$$

$$5 \text{ kg } 200 \text{ g} : 4 = \text{■ kg } \text{■ g}$$

El peso promedio de cada bolsa de manzanas es de ■ kilogramo ■ gramos.

5 no se puede dividir fácilmente por 4. Cambia 5 kilogramos por 4 kilogramos 1000 gramos.



## ¡Hagámoslo!

1. El volumen total de 5 baldes de agua es de 11 litros 150 mililitros.  
Encuentra el promedio del volumen de los baldes.

$$11 \text{ L } 150 \text{ mL} = 10 \text{ L } 1150 \text{ mL}$$

$$10 \text{ L } 1150 \text{ mL} : 5 \begin{cases} 10 \text{ L} : 5 = \text{■ L} \\ 1150 \text{ mL} : 5 = \text{■ mL} \end{cases}$$

$$11 \text{ L } 150 \text{ mL} : 5 = \text{■ L } \text{■ mL}$$

El promedio del volumen de los baldes es de ■ litros ■ mililitros.

11 no se puede dividir fácilmente por 5. Reagrupa 11 litros en 10 litros 1000 mililitros.



 Capítulo 12: actividades 5–6, páginas 146–147

## Práctica 2

1. Encuentra el promedio en cada uno de los siguientes casos.
  - a) 185, 103, 127 y 165
  - b) 12,5, 36,2, 30,4 y 26,1
  - c) 2,62 m, 2,08 m, 3,9 m y 0,96 m



Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

2. El Sr. Díaz viajó 5460 kilómetros en 3 meses. ¿Cuál es la distancia promedio que viajó cada mes?
3. Hay 6 cajas de peras. El peso promedio de las cajas es de 18 kilogramos. ¿Cuál es el peso total de las 6 cajas de peras?
4. Cuatro personas de una familia almorzaron juntas. Gastaron un promedio de \$3750 cada una. ¿Cuál fue el costo total del almuerzo?
5. El largo promedio de 4 tablones de madera es de 2 metros 30 centímetros. ¿Cuál es el largo total de los tablones?
6. El Sr. Torres usó 10 litros 275 mililitros de gasolina en 3 días. ¿Cuál fue el promedio del volumen de gasolina que usó cada día?

## Lección 3 Mediana, moda y rango

### Encontrar la mediana, moda y rango de un conjunto de datos

#### ¡Aprendamos!

Emanuel midió la temperatura de su casa durante una semana y registró los datos en la siguiente tabla.



Día	lunes	martes	miércoles	jueves	viernes	sábado	domingo
Temperatura (°C)	24,5	26	28	25,5	27,5	25	27,5



- a) La **mediana** de la temperatura para la semana es el número central en una lista ordenada de las temperaturas.

24,5, 25, 25,5, 26, 27,5, 27,5, 28

La mediana de la temperatura para la semana fue de 26°C.

Primero, ordena la lista de temperaturas. Hay 7 números en la lista, entonces, el número central es el 4° número, o sea 26.



La temperatura el 8° día fue de 27°C. ¿Cuál fue la mediana de la temperatura durante esos días?

24,5, 25, 25,5, 26, 27, 27,5, 27,5, 28

Los dos números centrales son 26 y 27.

$$\text{Mediana} = \frac{(26 + 27)}{2} = 26,5$$

La mediana de la temperatura durante los 8 días fue de 26,5°C.

Hay 8 números en la lista. Entonces, la mediana es el promedio de los dos números centrales.



1 2 4  
3 +

1 2 4  
3 +

b) La **moda** de la temperatura durante los 8 días es la temperatura que aparece más. La moda de las temperaturas fue de 27,5°C.

1 2 4  
3 +

c) El **rango** es la diferencia entre la temperatura más alta y la más baja.  
 $28 - 24,5 = 3,5$   
El rango durante los 8 días fue de 3,5°C.

### ¡Hagámoslo!

1. Los puntajes de seis estudiantes en un juego se muestran a continuación.

10, 13, 13, 21, 24, 24

a) ¿Cuál es el promedio de los puntajes?

$$10 + 13 + 13 + 21 + 24 + 24 = \underline{\hspace{2cm}}$$

La suma de los puntajes es de                     .

$$\underline{\hspace{2cm}} : 6 = \underline{\hspace{2cm}}$$

El promedio de los puntajes es                     .

b) ¿Cuál es la mediana de los puntajes?

La mediana de los puntajes es el promedio del 3° y 4° puntaje.

$$\text{Mediana} = \frac{(13 + 21)}{2} = \underline{\hspace{2cm}}$$

c) La moda de los puntajes es                     .

d) ¿Cuál es el rango de los puntajes?

$$\underline{\hspace{2cm}} - \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

El rango de los puntajes es                     .



## Práctica 3

1. Las estaturas de un grupo de niños se muestran en este diagrama de tallo y hojas.

**Estatura de los niños en centímetros**

tallo	hojas
5	2 6
7	6 7
8	0 1 2 5
9	0 0 4 5

- ¿Cuál es el promedio de las estaturas?
  - ¿Cuál es la mediana de las estaturas?
  - ¿Cuál es la moda?
  - ¿Cuál es el rango de las estaturas?
  - Si un niño con una estatura de 76 centímetros se agrega al grupo, ¿cuál será la nueva mediana de las estaturas del grupo?
2. La siguiente lista muestra la cantidad de dinero que Héctor ahorra cada semana.
- \$46 000, \$10 200, \$10 000, \$56 000, \$89 000, \$66 000, \$75 000, \$78 000, \$63 000
- ¿Cuál es el promedio de las cantidades ahorradas?
  - ¿Cuál es la mediana de las cantidades ahorradas?
  - ¿Cuál es la moda?
  - ¿Cuál es el rango de las cantidades ahorradas?

## Lección 4 Distribución de datos

### Describir y comparar distribución de datos

#### ¡Aprendamos!

- a) Los diagramas de tallo y hojas siguientes muestran las alturas de las plantas que sembraron dos grupos de niños.



**Alturas de las plantas del grupo A**

tallo	hojas
1	6 9
2	3 6 8
3	0 2
4	5

**Alturas de las plantas del grupo B**

tallo	hojas
1	5
2	0 5 8 9
3	4 6
4	2



Rango de las alturas del grupo A =  $45 - 16$   
= 29 centímetros

Rango de las alturas del grupo B =  $42 - 15$   
= 27 centímetros

El grupo A tenía un rango de mayor de  
de las plantas que sembraron.

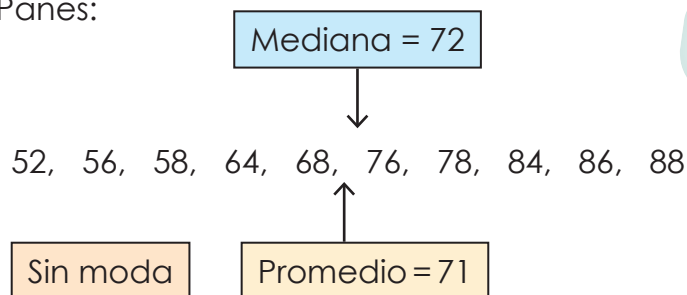
- b) La tabla muestra el número de panes y  
empanadas vendidos por una panadería durante  
algunas semanas.

<b>Panes</b>	84, 64, 58, 86, 68, 52, 76, 56, 78, 88
<b>Empanadas</b>	79, 5, 86, 88, 79, 93, 87, 82, 100, 8

El Sr. Silva quiere averiguar el número de panes y de empanadas que se  
venden normalmente.

Compara el promedio, mediana y moda de los dos conjuntos de datos para  
obtener una estimación más cercana del número de panes que se venden  
normalmente.

Panes:

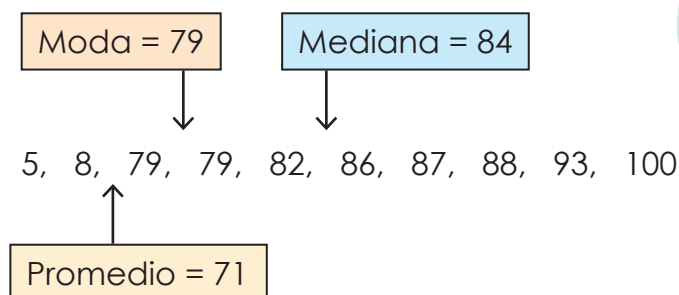


Primero, ordena la  
lista de números.



La mediana y el promedio dan una buena estimación del número de panes  
que se venden normalmente.

Empanadas:



¿Qué observas  
acerca del valor de  
el promedio?



La mediana da la estimación más exacta del número de empanadas  
que se venden normalmente.

En un conjunto de datos, cuando hay unos números que son mucho más  
pequeños o más grandes que el resto de los números, la mediana es un valor  
más exacto para representar el valor típico o central del conjunto de datos.

## Valores

El trabajo  
en equipo  
es importante  
para conocer  
el objetivo  
común de un  
grupo.



## ¡Hagámoslo!

1. La siguiente tabla muestra las edades de 6 empleados de una oficina.

Año (años)	21, 22, 23, 24, 25, 26
------------	------------------------

Completa las oraciones.

- a) La \_\_\_\_\_ muestra la edad que aparece más a menudo.
- b) La \_\_\_\_\_ muestra el valor mediano de las edades.
- c) El \_\_\_\_\_ muestra la diferencia entre la edad menor y la mayor.
- d) La mediana es \_\_\_\_\_ años.
- e) El rango es \_\_\_\_\_ años.
- f) La moda es de \_\_\_\_\_ años.

 Capítulo 12: actividad 8, páginas 150–151

## Práctica 4

1. El diagrama de tallo y hojas muestra los puntajes de dos equipos compitiendo en un juego de dardos.

**Puntajes del equipo A**

tallo	hojas
6	7
7	4
8	2 8
9	5

**Puntajes del equipo B**

tallo	hojas
4	2
7	8
8	8 9
9	3

- a) ¿Cuál es el rango de los puntajes de cada equipo?
- b) ¿Qué equipo tuvo un mayor rango de puntajes?
- c) ¿Debe usarse el promedio, la mediana o la moda para encontrar el puntaje típico de cada equipo? ¿Por qué?

## Lección 5 Resolución de problemas

### Problemas

#### ¡Aprendamos!

La estatura promedio de 2 niños es de 1,55 metros. La estatura de uno de los niños es de 1,62 metros. ¿Cuál es la estatura del otro niño?

**1 Comprendo**  
el problema.

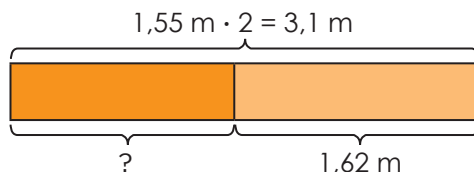
¿Cuál es la estatura promedio de los 2 niños?  
¿Cuál es la estatura de uno de los niños?  
¿Qué tengo que encontrar?



**2 Planeo**  
qué hacer.

Primero, encuentro la estatura total de los niños. Luego, resto la estatura de uno de los niños de la estatura total.

**3 Resuelvo**  
el problema.



$$1,55 \cdot 2 = 3,1$$

La estatura total de los dos niños es de 3,1 metros.

$$3,1 - 1,62 = 1,48$$

La estatura del otro niño es de 1,48 metros.

**4 Compruebo**  
¿Respondiste la pregunta?  
¿Es correcta tu respuesta?

$1,48 + 1,62 = 3,1$   
 $3,1 : 2 = 1,55$   
El promedio de 1,48 y 1,62 es 1,55.

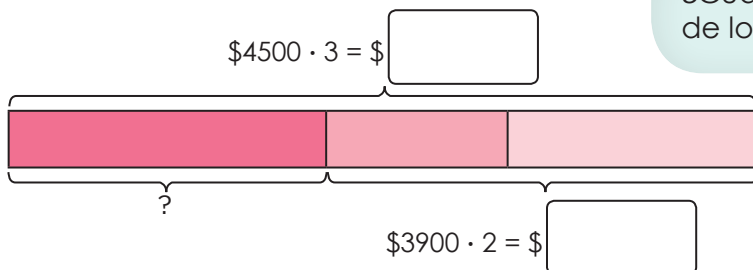
Mi respuesta es correcta.



- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

## ¡Hagámoslo!

1. El costo promedio de 3 cuadernos es de \$4500.  
El costo promedio de 2 de los cuadernos es de \$3900.  
Encuentra el costo del tercer cuaderno.



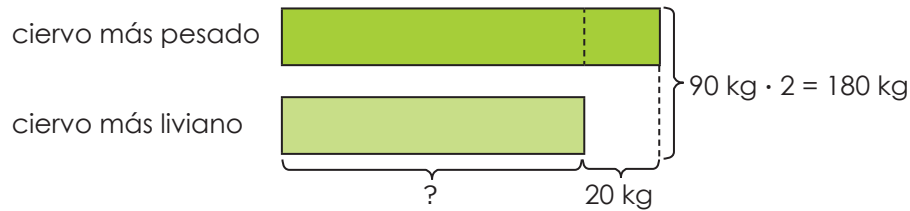
¿Cuál es el costo total de los 3 cuadernos?



- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

## ¡Aprendamos!

El peso promedio de 2 ciervos es de 90 kilogramos. Si uno de los ciervos es 20 kilogramos más pesado que el otro, encuentra el peso del ciervo más liviano.



$$90 \cdot 2 = 180$$

El peso total de los dos ciervos es de 180 kilogramos.

$$2 \text{ unidades} \rightarrow 180 - 20 = 160 \text{ kg}$$

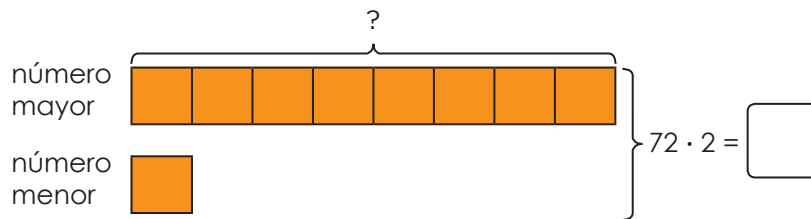
$$1 \text{ unidad} \rightarrow 160 : 2 = \text{■} \text{ kg}$$

El peso del ciervo más liviano es de ■ kilogramos.

- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

## ¡Hagámoslo!

- El promedio de 2 números es 72. Si el número mayor es 8 veces el número menor, ¿cuál es el número mayor?



- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

## ¡Aprendamos!

El diagrama de tallo y hojas muestra el tiempo (en segundos) que les toma a por 8 niños resolver un rompecabezas.

**Tiempo tomado (en segundos)**

tallo	hojas
3	5 6
4	1 2 3
5	5 5 5

- ¿Cuál es el tiempo promedio que les toma para resolver el rompecabezas?

$$\text{Tiempo total tomado} = 35 + 36 + 41 + 42 + 43 + 55 + 55 + 55 = \text{■}$$

$$\text{Promedio} = \text{■} : \text{■} = \text{■}$$

El tiempo promedio que les toma es de ■ segundos.

- b) ¿Cuál es la mediana del tiempo que les toma?

35, 36, 41, **42, 43**, 55, 55, 55

El valor de la mediana es el promedio de los números 4º y 5º en el conjunto ordenado.

$$\text{Mediana} = \frac{(42 + 43)}{2} = \boxed{\phantom{00}}$$

La mediana del tiempo que les toma es de  $\boxed{\phantom{00}}$  segundos.

- c) A otro niño le toma 43 segundos resolver el rompecabezas. ¿Cuál es el tiempo promedio que les toma a los 9 niños?

$$\text{Tiempo total tomado} = 35 + 36 + 41 + 42 + 43 + 55 + 55 + 55 + \boxed{\phantom{00}} = \boxed{\phantom{00}}$$

$$\text{Promedio} = \boxed{\phantom{00}} : 9 = \boxed{\phantom{00}}$$

El nuevo tiempo promedio que les toma es de  $\boxed{\phantom{00}}$  segundos.

- d) ¿Cuál es la nueva mediana del tiempo que les toma a los niños?

El valor de la mediana es el 5º número en el conjunto ordenado.

35, 36, 41, 42, **43**, 43, 55, 55, 55

La nueva mediana de tiempo que les toma es de  $\boxed{\phantom{00}}$  segundos.

- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

## ¡Hagámoslo!

1. La siguiente tabla muestra un peso de 4 cajas.

Caja	A	B	C	D
Peso (kg)	32	32,4	36,6	32

- a) Encuentra el peso promedio de las 4 cajas.
- b) Encuentra la mediana del peso.
- c) Encuentra la moda.
- d) Encuentra el rango de los pesos.
- e) La caja E tiene un peso de 39 kilogramos.
  - (i) Encuentra el peso promedio de las 5 cajas.
  - (ii) Encuentra la mediana del peso de las 5 cajas.
  - (iii) Encuentra el rango de los pesos de las 5 cajas.

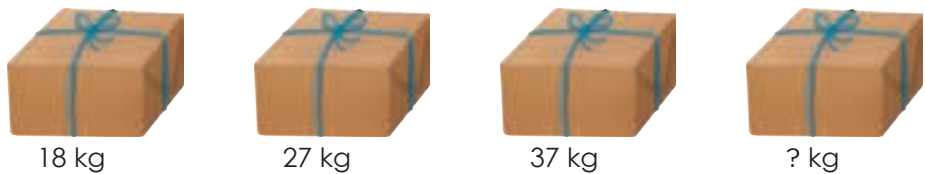
- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo



# Práctica 5

Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

1. El peso promedio de estos 4 paquetes es de 33 kilogramos. Encuentra el peso del cuarto paquete.



2. Para ganar un premio en una competencia de tiro con arco, Luis debe anotar un promedio de 70 puntos o más después de 3 rondas. Luis anotó 76 puntos y 65 puntos en las primeras dos rondas. Para ganar el premio, ¿cuál es el mínimo puntaje que Luis debe obtener en la tercera ronda?
3. El peso de 3 paquetes de maní es de 2,2 kilogramos. El peso promedio de 2 de los paquetes es de 1,8 kilogramos. Encuentra el peso promedio del tercer paquete.
4. Una academia de baile está seleccionando nuevos bailarines. Un promedio de 108 bailarines asistió a las audiciones durante los primeros 3 días. Otros 124 bailarines asistieron el cuarto día. ¿Cuál es el número promedio de bailarines que asistieron cada día?
5. Jorge obtuvo un promedio de 79 puntos en 2 pruebas. La diferencia entre los dos puntajes fue de 28 puntos. Encuentra el puntaje más bajo.
6. La siguiente lista muestra el número de flores vendidas en 2 semanas.

Semana 1	436, 308, 203, 426, 220, 308, 542
Semana 2	522, 480, 301, 513, 462, 108, 358

- a) ¿Cuál semana tiene el promedio mayor?
- b) ¿Cuál semana tiene la mediana mayor?
- c) ¿Cuál semana tiene la moda mayor?
- d) ¿Cuál semana tiene el rango mayor?
- .....

## Crea tu problema

Cambia los números en el problema. Luego, resuelve los problemas. Muestra tu trabajo claramente.

A Rafael le dan \$5600 para gastar en 7 días. Él quiere gastar el dinero en 8 días. ¿Cuánto dinero menos debe gastar cada día?

## Abre tu mente

### ¡Aprendamos!

37, 3    ,     8

El promedio de los 3 números de 2 dígitos mostrados arriba es 42. ¿Cuáles son los dígitos que faltan en el segundo y tercer número?

**1 Comprendo**  
el problema.

¿Cuál es el promedio de los 3 números?  
¿Qué tengo que encontrar?



**2 Planeo**  
qué hacer.

Primero, encuentro la suma de los 3 números. Luego, resto 37 de la suma. Finalmente sumo. Por último, **trabajo hacia atrás** para encontrar los números que faltan.

**3 Resuelvo**  
el problema.

$$42 \cdot 3 = 126$$

La suma de los 3 números es 126.

$$126 - 37 = 89$$

La suma del segundo y tercer número es 89.

$$\begin{array}{r} 3 \quad \text{1} \\ + \quad \text{5} \quad 8 \\ \hline 8 \quad 9 \end{array}$$

El dígito que falta en el segundo número es el 1.

El dígito que falta en el tercer número es el 5.

**4 Compruebo**  
¿Respondiste la pregunta?  
¿Es correcta tu respuesta?

$$37 + 31 + 58 = 126$$

$$126 : 3 = 42$$

Mi respuesta es correcta.

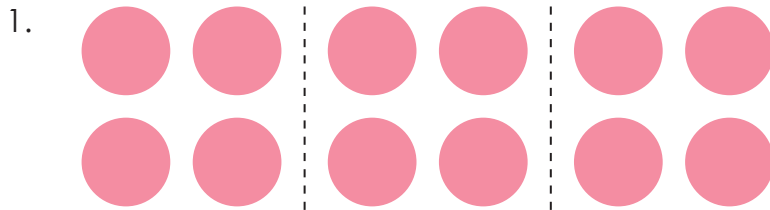


- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

# 13

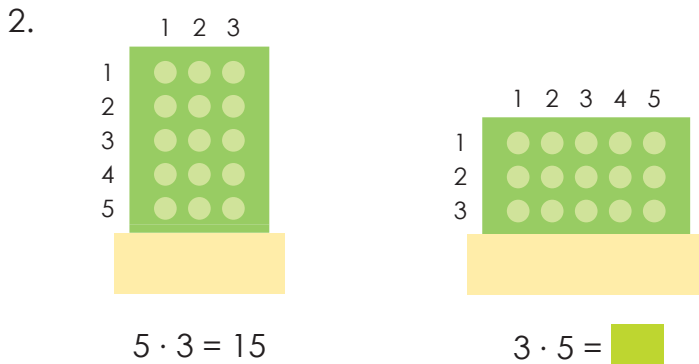
## Álgebra

### ¡Recordemos!



$$12 : 3 = \frac{\square}{\square}$$

$$= \square$$



5 · 3 = 3 · 5  
Estas son tablas de multiplicar relacionadas.



3. a) Encuentra el resultado de  $4 \cdot 7 + 12$ .

$$4 \cdot 7 + 12 = \square + 12$$

$$= \square$$

Trabajando de izquierda a derecha, realiza la multiplicación antes que la suma y la resta.

- b) Encuentra el resultado de  $8 \cdot 6 - 23$ .

$$8 \cdot 6 - 23 = \square - \square$$

$$= \square$$



4. ¿Cuáles de las siguientes son igualdades?  
Completa los espacios con **Sí** o **No**.

a)  $9 + 3 = 12$  □

b)  $10 - 5$  □

c)  $12 + 4 > 15$  □

d)  $15 - 2 = 13$  □

5. Resuelve cada ecuación.

a) □ + 63 = 79

b) □ - 32 = 20

6. ¿Cuáles de las siguientes son desigualdades?

Completa los espacios con **Sí** o **No**.

a)  $14 - 7 > 4$  ☐

b)  $15 + 3 = 18$  ☐

c)  $20 - 4$  ☐

d)  $11 + 2 < 16$  ☐

7. Resuelve cada inecuación.

a) ☐  $+ 17 < 25$

b) ☐  $- 26 > 41$

## Lección 1 Expresiones algebraicas

### Escribir expresiones algebraicas que involucren adiciones y sustracciones

#### ¡Aprendamos!

Andrés y David hacen una tabla para comparar sus edades.

1 2 3 4  
3 +

Edad de Andrés	6	7	8	9	10
Edad de David	8	9	10	11	12

David es 2 años mayor que Andrés.

a) Cuando Andrés tenga 12 años, ¿qué edad tendrá David?

$$12 + 2 = 14$$

David tendrá 14 años.

b) Cuando Andrés tenga 15 años, ¿qué edad tendrá David?

$$15 + 2 = 17$$

David tendrá 17 años.

c) Cuando Andrés tenga  $n$  años, David tendrá  $(n + 2)$  años.



$n$  representa cualquier número.

En álgebra, se puede usar cualquier letra para representar un número desconocido.



$n + 2$  es una **expresión algebraica** en términos de  $n$ .

## ¡Hagámoslo!

- Laura tiene 8 años.
  - ¿Qué edad tendrá ella dentro de 5 años?  
 $8 + \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$   
Ella tendrá  $\underline{\hspace{2cm}}$  años de edad dentro de 5 años.
  - ¿Qué edad tendrá ella dentro de  $x$  años? Da la respuesta en términos de  $x$ .  
Ella tendrá  $\underline{\hspace{2cm}}$  años dentro de  $x$  años.
- Jaime tiene 2 tazas más que Carlos.
  - Si Jaime tiene 10 tazas, ¿cuántas tazas tiene Carlos?  
 $\underline{\hspace{2cm}} - 2 = \underline{\hspace{2cm}}$   
Carlos tiene  $\underline{\hspace{2cm}}$  tazas.
  - Si Jaime tiene  $m$  tazas, ¿cuántas tazas tiene Carlos?  
Da la respuesta en términos de  $m$ .  
Carlos tiene  $\underline{\hspace{2cm}}$  tazas.

## Encontrar el valor de una expresión algebraica que involucre adición o sustracción

### ¡Aprendamos!

La Sra. Gómez compró  $w$  kilogramos de arroz y usó 5 kilogramos.

- Expresa la cantidad de arroz que le quedó en términos de  $w$ .

1 2 4  
3 +

Cantidad de arroz que le quedó =  $(w - 5)$  kg

- Si la Sra. Gómez compró 8 kilogramos de arroz, ¿cuánto arroz le quedó?

$$\begin{aligned} w - 5 &= 8 - 5 \\ &= 3 \end{aligned}$$

A ella le quedaron   kilogramos de arroz.

Sustituye 8 por  $w$  en la expresión " $w - 5$ ".



## ¡Hagámoslo!

- La distancia de la casa de Diana al colegio es de  $q$  kilómetros. La distancia de su casa a la biblioteca es de 1 kilómetro más.
  - Expresa la distancia de su casa a la biblioteca en términos de  $q$ .  
Distancia de su casa a la biblioteca =  $(q + \underline{\hspace{2cm}})$  kilómetros.

- b) Si la distancia de su casa al colegio es de 9 kilómetros, encuentra la distancia de su casa a la biblioteca.

$$(q + \underline{\hspace{2cm}}) = (\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}})$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

La distancia desde su casa a la biblioteca es de  $\underline{\hspace{2cm}}$  kilómetros.

2. Encuentra el valor de cada expresión algebraica cuando  $n = 6$ .

a)  $n + 4 = \underline{\hspace{2cm}} + 4$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

b)  $15 - n = 15 - \underline{\hspace{2cm}}$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

## Escribir y evaluar expresiones algebraicas que involucren multiplicación

### ¡Aprendamos!

Hay 4 pomelos en cada caja.



- a) ¿Cuántos pomelos hay en  $n$  cajas?



Número de cajas	Número total de pomelos
1	$4 \cdot 1 = 4$
2	$4 \cdot 2 = 8$
3	$4 \cdot 3 = 12$
4	$4 \cdot 4 = 16$
5	$4 \cdot 5 = 20$
$n$	$4n$

Escribimos  $4 \cdot n$  como  $4n$ .

Hay  $4n$  pomelos en  $n$  cajas.



- b) Si  $n = 8$ , ¿cuántos pomelos hay en total?

$$4n = 4 \cdot 8$$
$$= 32$$

Hay  pomelos en total.

$4n$  significa  $4 \cdot n$   
o  $n \cdot 4$ .



- c) Si  $n = 11$ , ¿cuántos pomelos hay en total?

$$4n = 4 \cdot 11$$
$$= \text{■}$$

Hay  pomelos en total.

### ¡Hagámoslo!

1. Hay 3 bolsas de panes. Cada bolsa contiene  $p$  panes.

- a) Expresa el número total de panes en términos de  $p$ .

Numero total de panes =  $3 \underline{\hspace{2cm}}$

- b) Si cada bolsa contiene 7 panes, ¿cuántos panes hay en total?

$$3 \underline{\hspace{2cm}} = 3 \cdot \underline{\hspace{2cm}}$$
$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

Hay  $\underline{\hspace{2cm}}$  panes en total.

$$3 \cdot p = 3 \underline{\hspace{2cm}}$$



2. Encuentra el valor de cada expresión cuando  $k = 6$ .

a)  $4k = 4 \cdot \underline{\hspace{2cm}}$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

b)  $10k = 10 \cdot \underline{\hspace{2cm}}$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

3. Una cerámica rectangular mide  $t$  centímetros por 8 centímetros. Expresa su área en términos de  $t$ .

$$t \cdot 8 = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\text{Área} = 8t = 8 \cdot \underline{\hspace{2cm}}$$

Su área es de  $\underline{\hspace{2cm}}$  centímetros cuadrados.

## Escribir y evaluar expresiones algebraicas que involucren división

### ¡Aprendamos!

José tiene 8 cajas y él pone el mismo número de borradores en cada caja.

- a) Si hay 96 borradores, encuentra el número de borradores en cada caja.

124  
3 +

$$\begin{aligned}\text{Número de borradores en cada caja} &= \frac{96}{8} \\ &= 12\end{aligned}$$

- b) Si hay  $x$  borradores, encuentra el número de borradores en cada caja en términos de  $x$ .

$$\text{Número de borradores en cada caja} = \frac{x}{8}$$

Escribimos  $x : 8$   
como  $\frac{x}{8}$  o  $\frac{1}{8}x$ .



- c) Si  $x = 40$ , ¿cuántos borradores hay en cada caja?

$$\begin{aligned}\frac{x}{8} &= \frac{40}{8} \\ &= \square\end{aligned}$$

Hay  $\square$  borradores en cada caja.

### ¡Hagámoslo!

1. Karen compró 3 libretas de apuntes.

- a) Si el costo total de las libretas de apuntes es de \$1200, encuentra el promedio de su costo.

$$\begin{aligned}\text{Costo promedio} &= \frac{\$1200}{3} \\ &= \$\_\_\_\_\_\end{aligned}$$

- b) Si el costo total de las libretas de apuntes es  $\$m$ , encuentra su costo promedio en términos de  $m$ .

$$\begin{aligned}\text{Costo promedio} &= \frac{\$ \square}{3} \\ &= \$\_\_\_\_\_\end{aligned}$$



2. Encuentra el valor de cada expresión algebraica cuando  $n = 6$ .

a)  $\frac{n}{2} = \frac{\square}{2}$

= \_\_\_\_\_

b)  $\frac{n}{6} = \frac{\square}{6}$

= \_\_\_\_\_

c)  $\frac{n}{12} = \frac{\square}{12}$

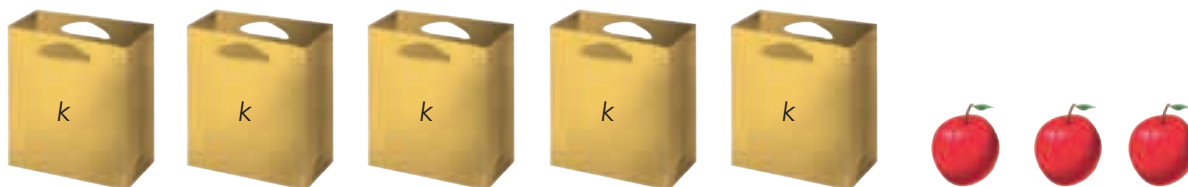
= \_\_\_\_\_

 Capítulo 13: actividad 1, páginas 155–157

## Escribir y evaluar expresiones algebraicas que involucren más de una operación

### ¡Aprendamos!

Luisa tiene unas manzanas. Ella pone  $k$  manzanas en cada bolsa. Hay en total 5 bolsas y 3 manzanas extra.



a) Expresa el número total de manzanas en términos de  $k$ .

$1 \cdot 2 \cdot 4$   
 $3 +$

Número total de manzanas =  $5k + 3$

$k$  manzanas en cada bolsa.  
 $5k$  manzanas en 5 bolsas.

b) Si  $k = 10$ , ¿cuántas manzanas tiene Luisa?

$$\begin{aligned} 5k + 3 &= 5 \cdot 10 + 3 \\ &= 50 + 3 \\ &= \square \end{aligned}$$

Luisa tiene  $\square$  manzanas.



### ¡Hagámoslo!

1. Encuentra el valor de  $2t - 3$  cuando  $t = 5$ .

$$\begin{aligned} 2t - 3 &= 2 \cdot \text{_____} - 3 \\ &= \text{_____} \end{aligned}$$

## Valores

Comer frutas y verduras es importante para mantener una buena salud.



## ¡Aprendamos!

El Sr. Pérez tenía 50 bolígrafos y le regaló  $n$  bolígrafos a su hija. El resto lo compartió en partes iguales con sus dos hijos.

- a) Expresa lo compartido con cada hijo en términos de  $n$ .

1 2 4  
3 +

Número de bolígrafos compartidos por los hijos =  $(50 - n)$

Número de bolígrafos que cada hijo recibió =  $\frac{50 - n}{2}$

- b) Si  $n = 12$ , ¿cuántos bolígrafos recibió cada hijo?

$$\frac{50 - n}{2} = \frac{50 - 12}{2}$$

$$= \frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}}$$

$$= \boxed{\phantom{00}}$$

$$= \boxed{\phantom{00}}$$

Cada hijo recibió  $\boxed{\phantom{00}}$  bolígrafos.

## ¡Hagámoslo!

1. Encuentra el valor de  $\frac{4n + 3}{5}$  cuando  $n = 8$ .

$$\frac{4n + 3}{5} = \frac{4 \cdot 8 + 3}{5}$$

$$= \frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}}$$

$$= \boxed{\phantom{00}}$$

$$= \underline{\hspace{2cm}}$$

2. Diego anotó  $r$  puntos en cada uno de los 3 primeros partidos de la temporada. Él anotó un total de 45 puntos durante toda la temporada. Durante toda la temporada Camila anotó un tercio de los puntos que anotó Diego después de los 3 primeros partidos. Si Diego anotó 5 puntos en cada uno de los 3 primeros partidos, ¿cuántos puntos anotó Camila? Resuelve el problema escribiendo la expresión algebraica.

Número de puntos que anotó después de los 3 primeros partidos

$$= 45 - (3 \cdot \underline{\hspace{2cm}})$$

Puntos que anotó Camila = \_\_\_\_\_  $\cdot$  (45 - \_\_\_\_\_)

$$= \frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}} \\ = \frac{45 - 3 \cdot 5}{3} \\ = \frac{\boxed{\phantom{00}}}{3} \\ = \underline{\hspace{2cm}}$$

Camila anotó \_\_\_\_\_ puntos.

 Capítulo 13: actividad 2, páginas 158–159

## Simplificar expresiones algebraicas con dos términos

### ¡Aprendamos!

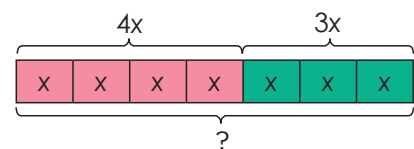
Paula tiene 4 bolsas de porotos granados y 3 bolsas de porotos verdes.  
Hay  $x$  porotos en cada bolsa.



a) Encuentra el número total de bolsas de porotos en términos de  $x$ .

Número de bolsas de porotos granados =  $4x$

Número de bolsas de porotos verdes =  $3x$



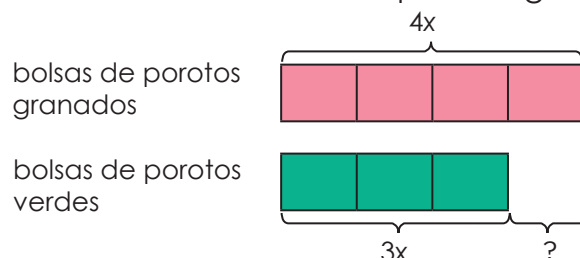
$$4x + 3x = x + x + x + x + x + x + x \\ = 7x$$

Número total de bolsas de porotos =  $7x$

$4x$  y  $3x$  son los **términos** de la expresión  $4x + 3x$ .



b) ¿Cuántas bolsas más de porotos granados que bolsas de porotos verdes hay?



$$4x - 3x = x$$

Hay  bolsas de porotos granados más que de porotos verdes.

## ¡Hagámoslo!

1. Simplifica cada expresión.

a)  $5a + 4a = \underline{\hspace{2cm}}$

b)  $8c - 5c = \underline{\hspace{2cm}}$

## Simplificar expresiones algebraicas con tres o cuatro términos

### ¡Aprendamos!



a) Simplifica  $5r - 2r$ .



$5r - 2r = 3r$

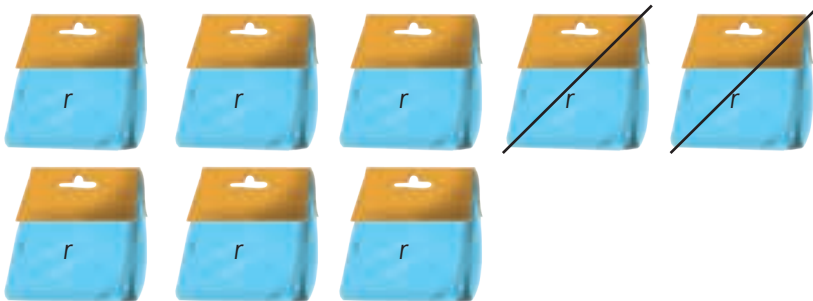


Hay  $r$  porotos en cada bolsa.



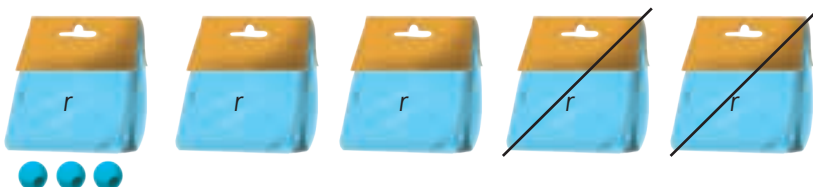
b) Simplifica  $5r - 2r + 3r$ .

$5r - 2r + 3r = 3r + 3r$   
 $= \text{■}$



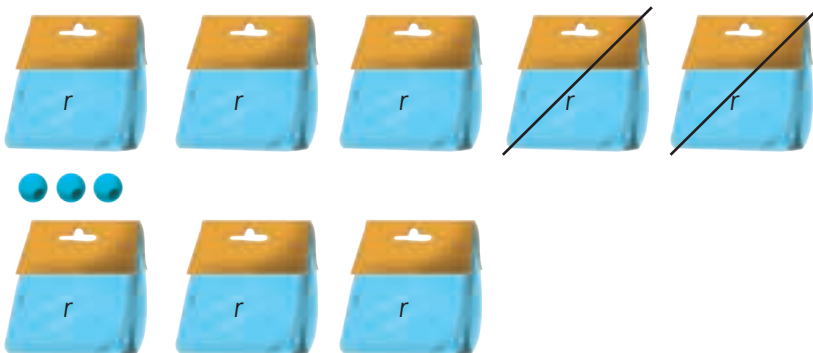
c) Simplifica  $5r - 2r + 3$ .

$5r - 2r + 3 = \text{■}$



d) Simplifica  $5r + 3 - 2r + 3r$ .

$5r + 3 - 2r + 3r$   
 $= 5r - 2r + 3r + 3$   
 $= \text{■}$



e) Simplifica  $4k + 5 + 3k - 2$ .

$4k + 5 + 3k - 2 = 4k + 3k + 5 - 2$   
 $= \text{■} + \text{■}$

$4k + 3k = 7k$   
 $5 - 2 = 3$



## ¡Hagámoslo!

1. Simplifica cada expresión.

a)  $7k - 2k + k$   
 $= \underline{\hspace{2cm}} + k$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

b)  $7m + 7 - 2m$   
 $= 7m - 2m + 7$   
 $= \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$

c)  $2y + 5 + 3y - 2$   
 $= 2y + 3y + 5 - 2$   
 $= \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}$

d)  $9 + 4m - 3m - 8$   
 $= 9 - 8 + 4m - 3m$   
 $= \underline{\hspace{2cm}}$

 Capítulo 13: actividad 3, páginas 160–161

## Analizo

$x - x = 0$ . Entonces,  $3x - 2x = 1$ .



Ana

Esto es incorrecto.  
 $3x$  significa  $x + x + x$ .  
 $2x$  significa  $x + x$ . Al restar  
 $2x$  de  $3x$  queda  $x$ .

Esto es correcto.  
Primero, resto 2 de 3.  
Luego, resto  $x$  de  $x$ .  
La respuesta es 1.



Samuel

¿Quién dice lo correcto? Explica por qué.

## Práctica 1

1. Encuentra el valor de cada expresión cuando  $y = 4$ .

a) $21 - y$	b) $y + 25$	c) $3y$	d) $\frac{y}{2}$
e) $3y + 2$	f) $\frac{y}{3} + 2$	g) $\frac{3y - 4}{2}$	h) $\frac{2y + 5}{5}$

2. Simplifica cada expresión.

a) $x + x$	b) $2x + 5x$	c) $6p - 4p$
d) $2p + 2p - p$	e) $4r - 2r + 3r$	f) $5f - f - 3f$
g) $3c - 3c + c$	h) $5k + 7 - k$	i) $7g - 2g + 2$
j) $6n + 3 + n + 2$	k) $10x + 5 - 4x - 2$	l) $3h + 8 - 3h + 2$

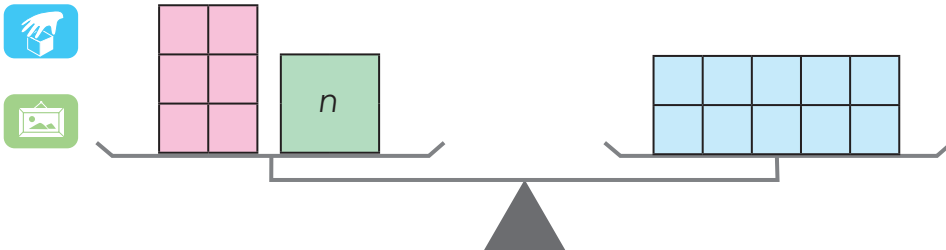
Resuelve los siguientes problemas. Muestra tu trabajo claramente.

3. Una cinta tiene un largo de  $x$  metros. Una cuerda es 3 veces más larga que la cinta.
  - a) Expresa el largo de la cuerda en términos de  $x$ .
  - b) Si la cinta mide 9 metros de largo, ¿cuál es el largo de la cuerda?
4. José tiene  $x$  años de edad. Sofía es 3 veces mayor que José. Pedro es 4 años mayor que Sofía.
  - a) Expresa la edad de Pedro en términos de  $x$ .
  - b) Si José tiene 4 años de edad, ¿qué edad tiene Pedro?
5. En un salón de clases hay 30 estudiantes en total. Hay  $q$  niñas. Si hay 18 niños, ¿cuántas niñas hay en la clase? Resuelve el problema escribiendo una expresión algebraica.
6. El promedio del peso de 4 manzanas en una bolsa es de  $x$  gramos. El peso de una de las manzanas en la bolsa es de 170 gramos. Si  $x = 160$ , ¿cuál es el total del peso de las otras 3 manzanas en la bolsa? Resuelve el problema escribiendo una expresión algebraica.
7. Julián tenía 50 libros en total. Él se quedó con  $m$  libros y distribuyó los libros que le quedaron entre sus dos hermanas. Si Julián se quedó con 12 libros, ¿con cuántos libros se quedó cada hermana? Resuelve el problema escribiendo una expresión algebraica.

## Lección 2 Ecuaciones

### Comprender ecuaciones

¡Aprendamos!



La balanza está equilibrada porque el número de cubos a la izquierda es igual al número de cubos a la derecha.

1 2 4  
3 +

Hay  $n$  cubos en la caja verde.

Podemos mostrar esta relación entre el número de cubos en ambos lados de la balanza en una ecuación,  $6 + n = 10$ .

Los dos lados de una ecuación tienen el mismo valor.



$2m - 1 = 5$  es también una igualdad.

Solo que tiene un número desconocido en la expresión.

$6 + n = 10$  y  $2m - 1 = 5$  se llaman ecuaciones.

### ¡Hagámoslo!

1. ¿Cuáles de las siguientes expresiones son ecuaciones?  
Completa los espacios en blanco con **Sí** o **No**.

a)  $7 + 12 = 19$  \_\_\_\_\_

b)  $x - 5$  \_\_\_\_\_

c)  $n - 5 = 8$  \_\_\_\_\_

d)  $6a + 4 = 16$  \_\_\_\_\_

e)  $1 + 2y - 3$  \_\_\_\_\_

f)  $w = 24$  \_\_\_\_\_

Capítulo 13: actividad 4, página 162

## Usar el método de estimar y comprobar para resolver ecuaciones

### ¡Aprendamos!

¿Cuál es el valor de  $x$  en la ecuación  $x + 8 = 13$ ?

1 2 4  
3 +

Hago una estimación acerca del valor de  $x$ .  
Estimo  $x = 1$ .

Cuando  $x = 1$ ,  $x + 8 = 1 + 8$   
 $= 9$

9 no es igual a 13, entonces el valor de  $x$  no puede ser 1.

9 es menor que 13. El valor de  $x$  debe ser mayor que 1.  
Estimo  $x = 4$ .

Cuando  $x = 4$ ,  $x + 8 = 4 + 8$   
 $= 12$

12 no es igual a 13, entonces el valor de  $x$  no puede ser 4.

12 es cercano a 13. El valor de  $x$  debe ser cercano a 4.  
Estimo  $x = 5$ .



$$\begin{aligned}\text{Cuando } x = 5, x + 8 &= 5 + 8 \\ &= 13\end{aligned}$$

Entonces,  $x = 5$  es la solución de  $x + 8 = 13$ .

Cuando encontramos el valor del número desconocido en una ecuación, resolvemos la ecuación.

### ¡Hagámoslo!

1. Resuelve la ecuación  $b - 7 = 5$  usando el método de estimar y comprobar.

$$\begin{aligned}\text{Cuando } b = 10, b - 7 &= \underline{\quad} - 7 \\ &= \underline{\quad}\end{aligned}$$

$\underline{\quad}$  no es igual a 5, entonces el valor de  $b$  no puede ser 10.

El valor de  $b$  debe ser mayor que 10.



$$\begin{aligned}\text{Cuando } b = \underline{\quad}, b - 7 &= \underline{\quad} - 7 \\ &= \underline{\quad}\end{aligned}$$

Entonces,  $b = \underline{\quad}$  es la solución de  $b - 7 = 5$ .

2. Es  $d = 3$  una solución de  $d + 14 = 18$ ?

$$\begin{aligned}\text{Cuando } d = 3, d + 14 &= \underline{\quad} + 14 \\ &= \underline{\quad}\end{aligned}$$

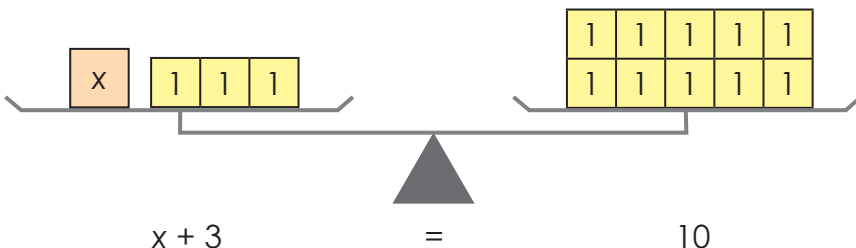
Entonces,  $d = 3$   $\underline{\hspace{2cm}}$  de  $d + 14 = 18$ .



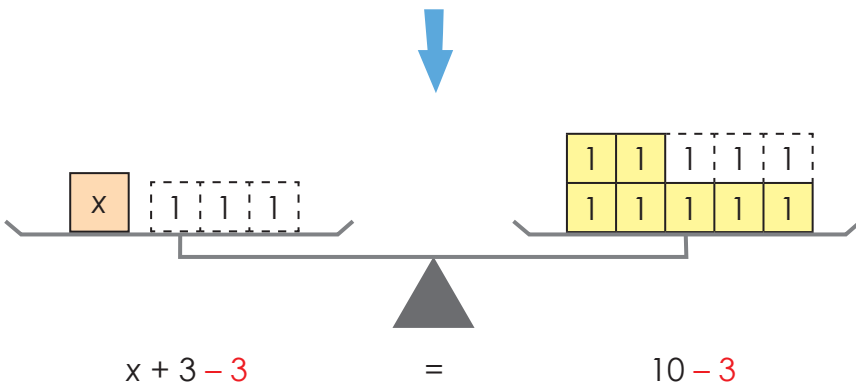
# Usar el método de la balanza para resolver ecuaciones

## ¡Aprendamos!

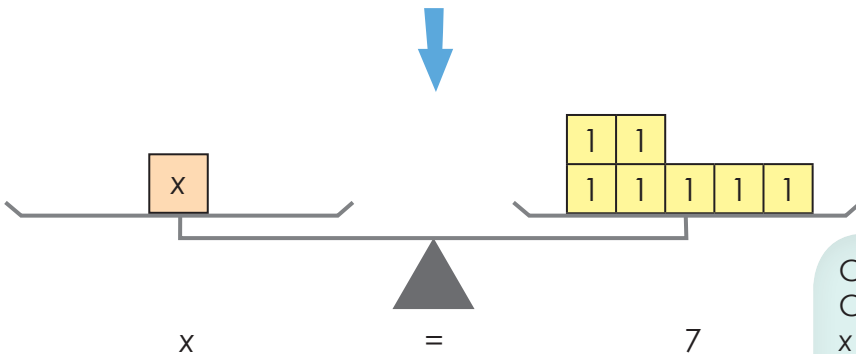
Resuelve  $x + 3 = 10$ .



Retiro cubos de modo que solamente quede la  $x$  en un lado de la balanza.



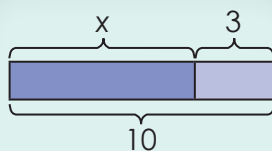
Retiro 3 cubos de cada lado de la balanza. La balanza aún está equilibrada.



Compruebo:  
Cuando  $x = 7$ ,  
 $x + 3 = 7 + 3$   
 $= 10$   
Mi respuesta es correcta.

La solución es  $x = 7$ .

Cuando se retira el mismo número de cubos de cada lado, la balanza permanece equilibrada.



$$x = 10 - 3$$

$$= 7$$



## ¡Hagámoslo!

1. Resuelve cada ecuación usando el método de la balanza.

Llena cada  $\bigcirc$  con + o -.

$$x - 2 = 11$$

$$x - 2 + \underline{\quad} = 11 \bigcirc \underline{\quad}$$
$$x = \underline{\quad}$$



Capítulo 13: actividad 6, página 164

## Práctica 2

1. ¿Cuáles de las siguientes expresiones algebraicas son ecuaciones?

a)  $\frac{1}{4}p - 11$

b)  $x + 2 = 6$

c)  $9k - 7 = 20$

d)  $5t = 15$

e)  $8m - 5$

f)  $\frac{1}{7}x + 4 = 10$

2. a) Es  $p = 1$  una solución de  $p + 4 = 8$ ?  
b) Es  $p = 2$  una solución de  $p + 4 = 8$ ?  
c) Resuelve  $p + 4 = 8$  usando el método de estimar y comprobar.

3. Resuelve cada ecuación usando el método de la balanza.

a)  $y + 22 = 22$

b)  $x + 7 = 21$

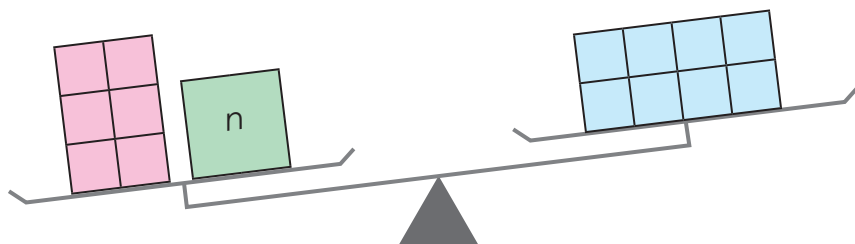
c)  $k - 4 = 0$

d)  $m - 12 = 32$

## Lección 3 Inecuaciones

### Comprender inecuaciones

#### ¡Aprendamos!



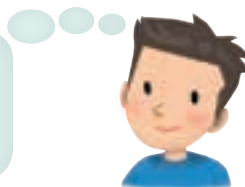
La balanza no está equilibrada porque el número de cubos a la izquierda es menor que el número de cubos a la derecha.

1 2 4  
3 +

Hay  $n$  cubos en la caja verde.

Podemos mostrar esta relación entre el número de cubos en ambos lados de la balanza en una inecuación,  $6 + n > 8$ .

$6 + n$  no es igual a 8. El valor al lado izquierdo es mayor que el valor al lado derecho del signo " $>$ ".



$5 - p < 10$  y  $2q - 21 > 50$  también son inecuaciones. Ambas tienen un número desconocido en la expresión.

#### ¡Hagámoslo!

1. ¿Cuáles de las siguientes expresiones algebraicas son inecuaciones? Completa los espacios en blanco con **Sí** o **No**.

a)  $x + 12 < 23$  \_\_\_\_\_

b)  $3y - 4$  \_\_\_\_\_

c)  $2p - 10 = 5$  \_\_\_\_\_

d)  $3k - 11 > 1$  \_\_\_\_\_

e)  $\frac{1}{4}l + 20$  \_\_\_\_\_

f)  $q < 10$  \_\_\_\_\_

2. Expresa las siguientes oraciones como inecuaciones.

a) La suma de  $x$  y 6 es menor que 12. \_\_\_\_\_

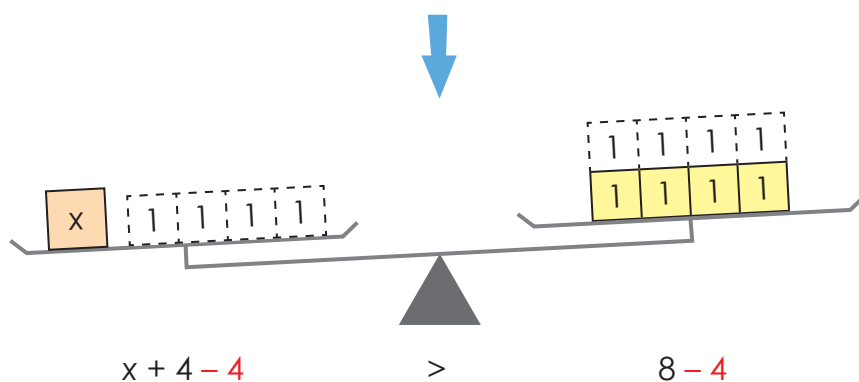
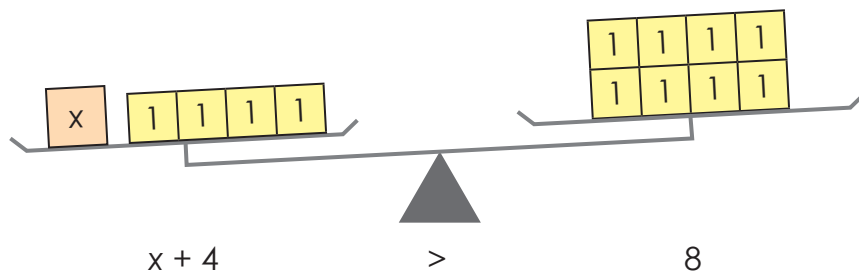
b) 25 es mayor que el resultado de 14 menos  $p$ . \_\_\_\_\_

c) El producto de 3 y  $t$  restado de 24 es menor que 150. \_\_\_\_\_

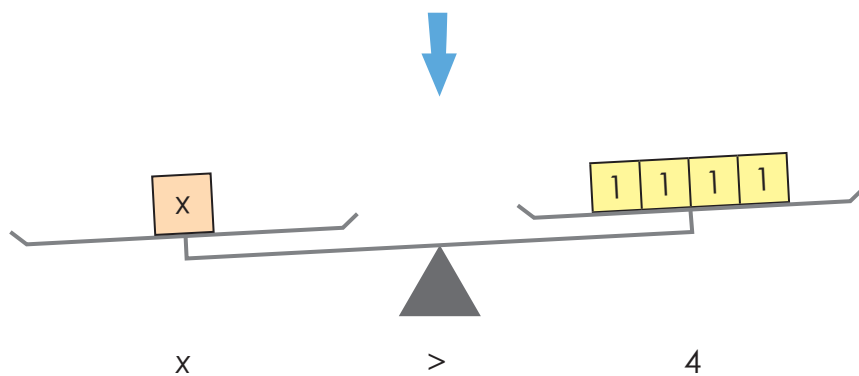
# Resolver inecuaciones

## ¡Aprendamos!

Podemos usar el método de la balanza para resolver inecuaciones.  
Resuelve  $x + 4 > 8$ .



Retiro cubos de modo que sólo quede la  $x$  en un lado de la balanza.



Retiro 4 cubos de cada lado de la balanza. El plato izquierdo de la balanza aún tiene menos cubos que el plato derecho.



La solución es  $x > 4$ . Esto significa que  $x$  puede ser cualquier número mayor que 4.

$x$  puede ser 5, 6, 7 o cualquier otro número mayor que 4. Cuando resolvemos una inecuación, obtenemos más de un valor como solución, es decir, un rango de números.



Podemos usar el método de estimar y comprobar para verificar nuestra solución.

$$\begin{aligned}\text{Cuando } x = 5, x + 4 &= 5 + 4 \\ &= 9\end{aligned}$$

$$9 > 8.$$

$$\begin{aligned}\text{Cuando } x = 3, x + 4 &= 3 + 4 \\ &= 7\end{aligned}$$

$$7 < 8.$$

El valor de  $x$  puede ser 5, pero el valor de  $x$  no puede ser 3, para que  $x > 4$ .  
Nuestra respuesta es correcta.

Como la solución es  $x > 4$ ,  
podemos estimar  $x = 5$ , y  $x = 3$   
para comprobar la solución.



### ¡Hagámoslo!

1. Resuelve las siguientes inecuaciones.

$$k - 12 < 8$$

$$k - 12 + \underline{\hspace{1cm}} < 8 + \underline{\hspace{1cm}}$$

$$k < \underline{\hspace{1cm}}$$

 Capítulo 13: actividad 8, página 166

## Práctica 3

1. ¿Cuáles de las siguientes frases son inecuaciones?

a)  $x + 5 > 17$

b)  $5m = 365$

c)  $\frac{1}{4}p - 20$

d)  $\frac{7}{2}t - 4 < 0$

e)  $4x - 9 - 4 < \frac{1}{4}x$

f)  $y = 12$

2. Resuelve las siguientes inecuaciones.

a)  $r + 5 > 6$

b)  $x + 11 < 27$

c)  $b - 42 < 73$

d)  $z - 68 > 105$

## Lección 4 Resolución de problemas

### Problemas

#### ¡Aprendamos!

Andrea compró  $x$  pegatinas. Después de que su amiga le regalara 3 pegatinas más, ella quedó con 26 pegatinas en total.  
¿Cuántas pegatinas compró Andrea?

**1 Comprendo**  
el problema.

¿Cuántas pegatinas tenía Andrea en total?  
¿Cuántas pegatinas le regaló su amiga?  
¿Qué tengo que encontrar?

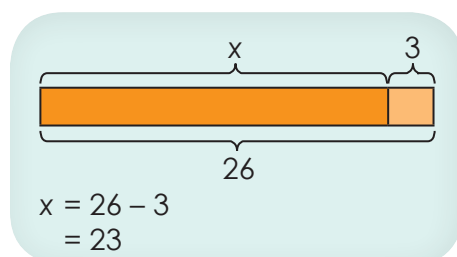
**2 Planeo**  
qué hacer.

Puedo encontrar una ecuación en términos de  $x$  para resolver el problema.

**3 Resuelvo**  
el problema.

$$\begin{aligned}x + 3 &= 26 \\x + 3 - 3 &= 26 - 3 \\x &= 23\end{aligned}$$

Andrea compró 23 pegatinas.



**4 Compruebo**  
¿Respondiste la pregunta?  
¿Es correcta tu respuesta?

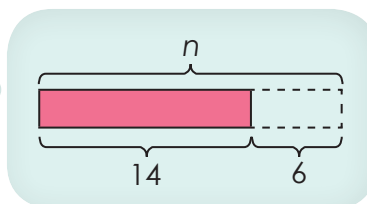
$23 + 3 = 26$   
Andrea tenía 26 pegatinas en total.  
Mi respuesta es correcta.

- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

### ¡Hagámoslo!

1. El Sr. López tenía una caja llena de platos. Él dejó caer la caja accidentalmente y se rompieron 6 platos. Quedaron 14 platos intactos en la caja. ¿Cuántos platos había en la caja al comienzo?

Primero, hago una ecuación en términos de  $n$ . Luego, resuelvo la ecuación para encontrar el número de platos.

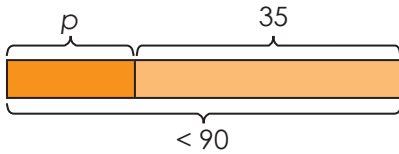


- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

## ¡Aprendamos!

David y Hernán coleccionan estampillas. David tiene  $p$  estampillas. Hernán tiene 35 estampillas. Ellos tienen menos de 90 estampillas en total.

- a) Escribir una inecuación en términos de  $p$  para expresar el número de estampillas que tienen en total.



$$p + 35 < 90$$

- b) ¿Cuál es el número máximo de estampillas que puede tener David?

$$\begin{aligned} p + 35 &< 90 \\ p + 35 - 35 &< 90 - 35 \\ p &< 55 \end{aligned}$$

El número mayor que sea menor que 55 es 54.



David puede tener menos de 55 estampillas. Entonces, el máximo número de estampillas que puede tener David es 54.

## ¡Hagámoslo!

1. Jazmín tenía  $m$  libros. Ella vendió 34 libros y le quedaron más de 71 libros. ¿Cuál sería el número posible de libros que Jazmín tenía al inicio?

Número de libros que le quedaron  
 $= m - 34$   
Podemos hacer una inecuación  
en términos de  $m$ .



- ☐ 1. Comprendo
- ☐ 2. Planeo
- ☐ 3. Resuelvo
- ☐ 4. Compruebo

## Práctica 4

1. Matías tenía  $x$  soldados de juguete. Su hermano le dió 18 soldados de juguete. El tiene ahora 56 soldados de juguete. ¿Cuántos soldados de juguete tenía Matías al inicio?
2. Pedro pagó \$1239 por una botella de agua y una caja de leche. La caja de leche cuesta \$653. La botella de agua cuesta \$ $p$ . ¿Cuál es el costo de la botella de agua?
3. Carla horneó 58 galletas. Daniela horneó  $r$  galletas. Ella horneó 16 galletas más que Carla. ¿Cuántas galletas horneó Daniela?
4. Un granjero cosechó  $q$  manzanas y 572 peras. El cosechó 97 peras menos que manzanas. ¿Cuántas manzanas cosechó el granjero?
5. Una profesora tenía  $g$  lápices. Ella regaló 19 lápices y le quedaron menos de 33 lápices. ¿Cuál es el número posible de lápices que la profesora tenía al principio?
6. Paula tiene  $t$  cuentas rojas y 40 cuentas azules. Ella quiere usar todas las cuentas para hacer un collar. Ella necesita al menos 135 cuentas para hacer el collar. ¿Cuál es el menor número de cuentas rojas que Paula necesita?

### Crea tu problema

Observa la ecuación.

$$n + 5 = 12$$

Usa algunas de las palabras dadas para escribir un problema que puedas usar para resolver la ecuación. Luego, resuelve el problema.

páginas

libro

lee

cuánto

más

izquierdo

Inés

sábado

domingo



# Abre tu mente

## ¡Aprendamos!

José, Bastián y Paloma quieren saber cuánto pesan. José pesa  $a$  kilogramos. Bastián y Paloma pesan cada uno  $b$  kilogramos. José, Bastián y Paloma pesan 108 kilogramos en total. José y Bastián pesan 74 kilogramos en total. ¿Cuánto pesa cada uno de ellos?

**1 Comprendo**  
el problema.

¿Cuánto pesan en total José, Bastián y Paloma?  
¿Cuánto pesa en José?  
¿Bastián y Paloma, cuánto pesa cada uno?  
¿Qué necesito encontrar?

**2 Planeo**  
qué hacer.

Primero, puedo encontrar dos ecuaciones en términos de  $a$  y  $b$ . Luego, puedo usar la estrategia de **razonamiento lógico** para ayudarme a resolver el problema.

**3 Resuelvo**  
el problema.

$$a + b + b = 108$$

$$a + b = 74$$

Como  $a + b = 74$ ,

$$a + b + b = 108$$

$$74 + b = 108$$

$$74 - 74 + b = 108 - 74$$

$$b = 34$$

Bastián y Paloma pesan cada uno 34 kilogramos.

Cuando  $b = 34$ ,

$$a + b = 74$$

$$a + 34 = 74$$

$$a + 34 - 34 = 74 - 34$$

$$a = 40$$

José pesa 40 kilogramos.

**4 Compruebo**  
¿Respondiste la pregunta?  
¿Es correcta tu respuesta?

Cuando  $a = 40$  y  $b = 34$ ,

$$a + b + b = 40 + 34 + 34 = 108$$

$$a + b = 40 + 34 = 74$$

Mi respuesta es correcta.

- ☒ 1. Comprendo
- ☒ 2. Planeo
- ☒ 3. Resuelvo
- ☒ 4. Compruebo

## Hacer una caja de sorpresas

Trabaja en grupo para hacer una caja de sorpresas rectangular donde puedas guardar los siguientes objetos:

- 1 botella de jugo
- 1 cuaderno
- 1 estuche
- 3 cajas pequeñas de cereal

Usa la menor cantidad posible de cartón para hacer la caja.

1. ¿Qué debes tener en cuenta para seleccionar una caja que pueda contener todos los objetos anteriores?

---

---

2. ¿Qué debes tener en cuenta para poner todos los objetos en la caja de sorpresas?

---

---


3. a) Organiza los objetos de la manera en que serán puestos en la caja y dibuja su vista superior.  
b) ¿Cuáles son las dimensiones que requiere tener la caja para poner todos los objetos de esta manera?

largo = \_\_\_\_\_ cm

ancho = \_\_\_\_\_ cm

altura = \_\_\_\_\_ cm

**vista superior**

- 
4. a) Dispone los objetos de otra manera y dibuja su vista superior.  
b) ¿Cuáles son las dimensiones que requiere tener la caja para poner todos los objetos de esta manera?

largo = \_\_\_\_\_ cm

ancho = \_\_\_\_\_ cm

altura = \_\_\_\_\_ cm

### **vista superior**

5. Comparación de las dos disposiciones. ¿Cuál prefieres? ¿Por qué?

Yo prefiero, \_\_\_\_\_

porque \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_.

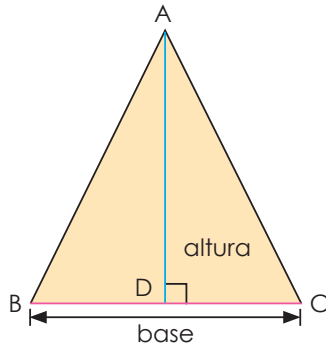
6. Utiliza los materiales dados para hacer una caja de sorpresas con la disposición que has elegido.

# Glosario

## A

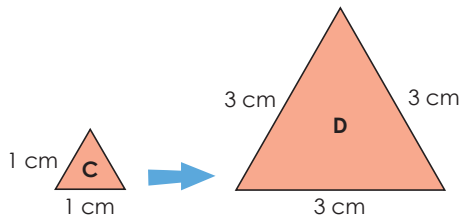
### • altura (triángulo)

La **altura** de un triángulo es la distancia perpendicular desde la base hasta el vértice opuesto.



### • ampliación

En una **ampliación**, la forma de la figura permanece igual, mientras que el tamaño de la figura se hace más grande.

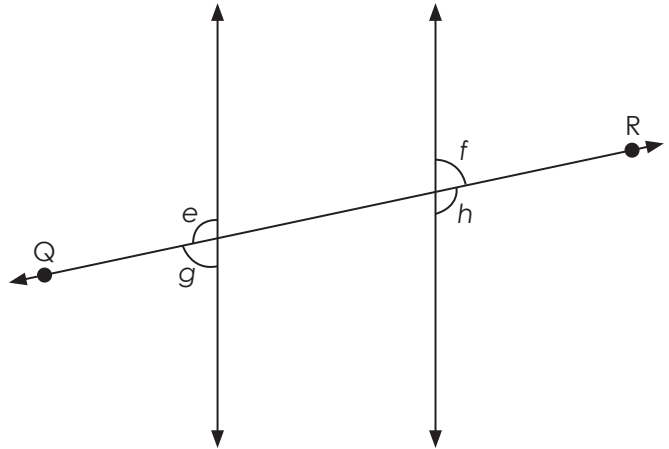


El triángulo C y el triángulo D tienen la misma forma.

Los lados del triángulo D miden el triple que los lados del triángulo C. Decimos que el triángulo D es una ampliación del triángulo C.

### • ángulos alternos externos

Los **ángulos alternos externos** tienen medidas iguales.



$\angle e$  y  $\angle h$  son un par de ángulos alternos externos.

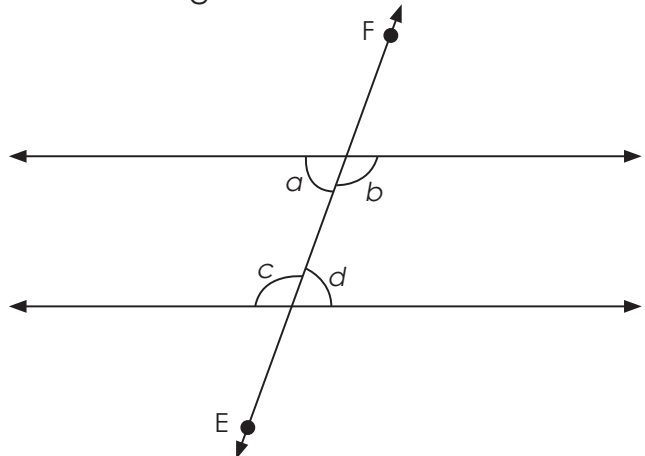
$$\angle e = \angle h$$

$\angle g$  y  $\angle f$  también son un par de ángulos alternos externos.

$$\angle g = \angle f$$

### • ángulos alternos internos

Los **ángulos alternos internos** tienen medidas iguales.



$\angle a$  y  $\angle d$  son un par de ángulos alternos internos.

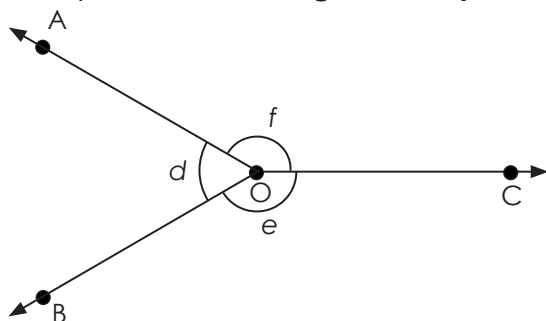
$$\angle a = \angle d$$

$\angle b$  y  $\angle c$  también son un par de ángulos alternos internos.

$$\angle b = \angle c$$

- **ángulo completo**

La suma de las medidas los ángulos que se intersecan en un punto es de  $360^\circ$  y forman un **ángulo completo**.

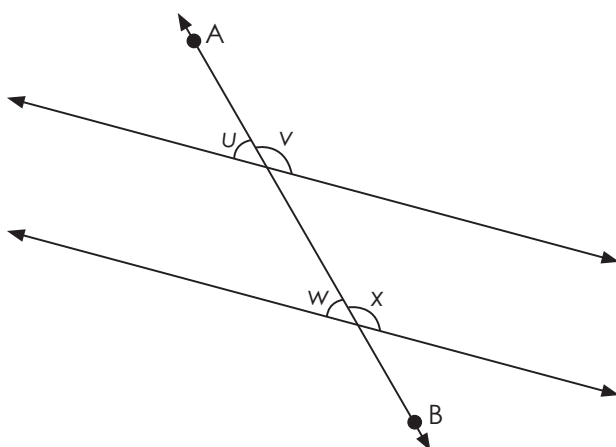


$\angle d$ ,  $\angle e$  y  $\angle f$  son ángulos en el punto O.

$$\angle d + \angle e + \angle f = 360^\circ$$

- **ángulos correspondientes**

Los **ángulos correspondientes** tienen medidas iguales.



$\angle u$  y  $\angle w$  son ángulos correspondientes en un lado de AB.

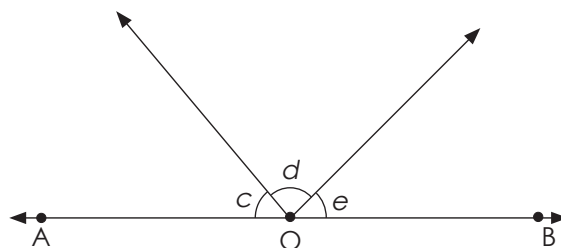
$$\angle u = \angle w$$

$\angle v$  y  $\angle x$  son ángulos correspondientes en el otro lado de AB.

$$\angle v = \angle x$$

- **ángulo extendido**

La suma de las medidas los ángulos contruidos sobre una línea recta es de  $180^\circ$  y forman un **ángulo extendido**. AOB es una línea recta.

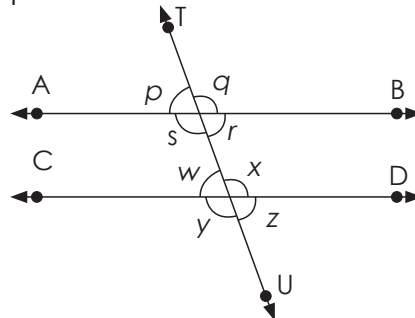


$\angle c$ ,  $\angle d$  y  $\angle e$  son ángulos en una línea.

$$\angle c + \angle d + \angle e = 180^\circ$$

- **ángulos exteriores**

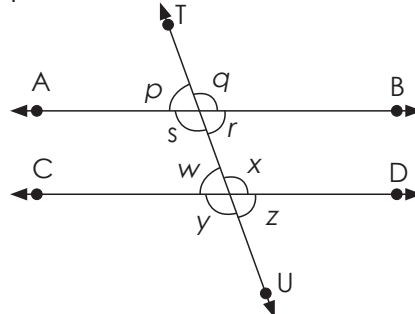
**Ángulos exteriores** se forman por una transversal que corta un par de líneas paralelas.



$\angle p$ ,  $\angle q$ ,  $\angle y$  y  $\angle z$  son **ángulos exteriores**. Ver transversal.

- **ángulos interiores**

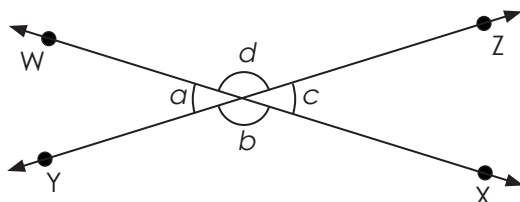
**Ángulos interiores** se forman por una transversal que corta un par de líneas paralelas.



$\angle s$ ,  $\angle r$ ,  $\angle w$  y  $\angle x$  son **ángulos interiores**. Ver transversal.

- **ángulos opuestos por el vértice**

Los ángulos verticalmente opuestos son los ángulos opuestos entre sí cuando se cruzan dos líneas rectas. Los **ángulos opuestos por el vértice** tienen medidas iguales.



$\angle a$  y  $\angle c$  son ángulos opuestos por el vértice.

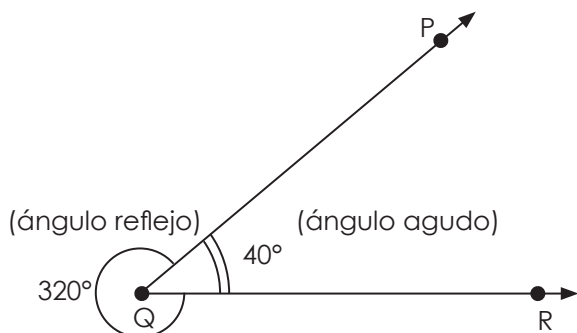
$$\angle a = \angle c$$

$\angle b$  y  $\angle d$  también son ángulos opuestos por el vértice.

$$\angle b = \angle d$$

- **ángulos reflejos**

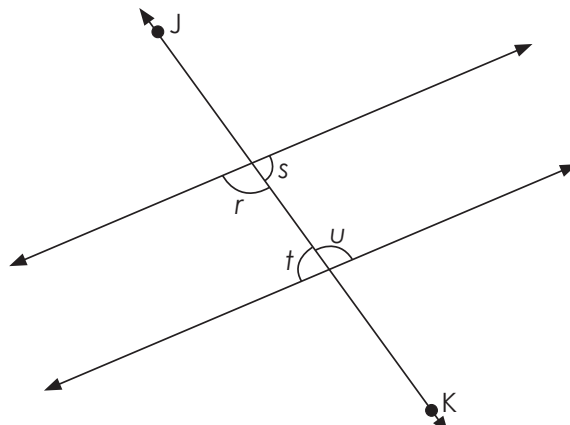
La medida de un **ángulo reflejo** es de más de  $180^\circ$  pero de menos de  $360^\circ$ .



El ángulo agudo  $\angle PQR$  mide  $40^\circ$ .  
El ángulo reflejo  $\angle PQR$  mide  $320^\circ$ .

- **ángulos suplementarios internos**

La suma de los **ángulos suplementarios internos** es de  $180^\circ$ .



$\angle r$  y  $\angle t$  son ángulos suplementarios internos en un lado de JK.

$$\angle r + \angle t = 180^\circ$$

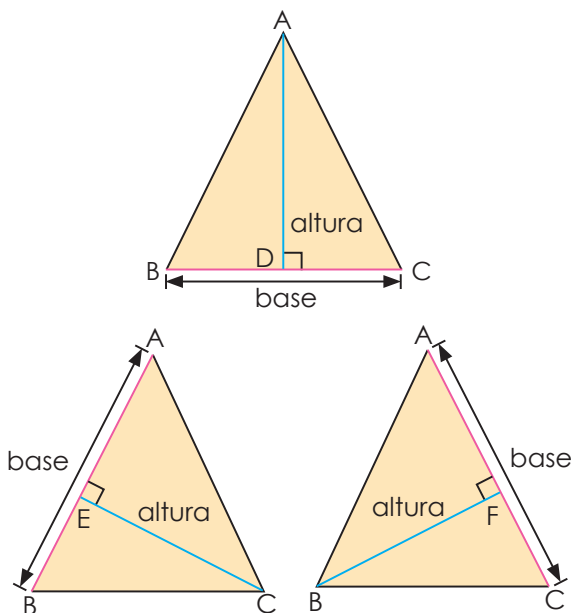
$\angle s$  y  $\angle u$  son ángulos suplementarios internos en el otro lado de JK.

$$\angle s + \angle u = 180^\circ$$

## B

- **base (triángulo)**

La **base** de un triángulo es el lado en el que se apoya. Cualquier lado de un triángulo puede ser su base.



## C

- **centímetro cúbico ( $\text{cm}^3$ )**

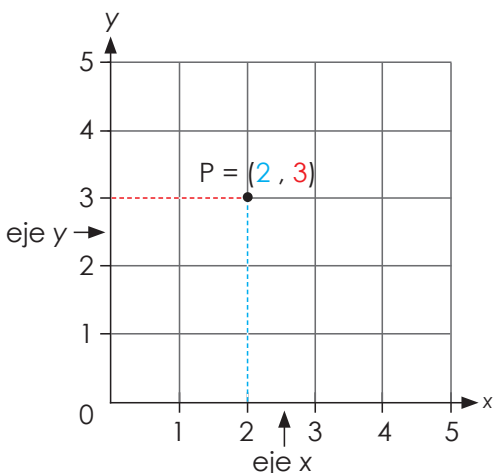
El **centímetro cúbico** es una unidad de volumen.

Escribimos centímetro cúbico como  $\text{cm}^3$ .

- **coordenada x, coordenada y**

La **coordenada x** indica la distancia de un punto desde su origen, en la dirección horizontal a lo largo del eje x en un plano de coordenadas.

La **coordenada y** indica la distancia de un punto desde su origen, en la dirección vertical a lo largo del eje y en un plano de coordenadas.



El punto P tiene una coordenada x de 2 y una coordenada y de 3.

Las coordenadas del punto P son (2, 3).

Las coordenadas (2, 3) son un par ordenado.

Ver **plano de coordenadas, eje x y eje y**

## D

- **descuento**

**Descuento** es la cantidad de dinero que te ahorras cuando compras cosas rebajadas.

Descuento = precio normal  
– precio rebajado

- **diagrama de tallo y hojas**

Un **diagrama de tallo y hojas** organiza los datos po valor posicional.

**Puntajes en el examen de matemáticas**

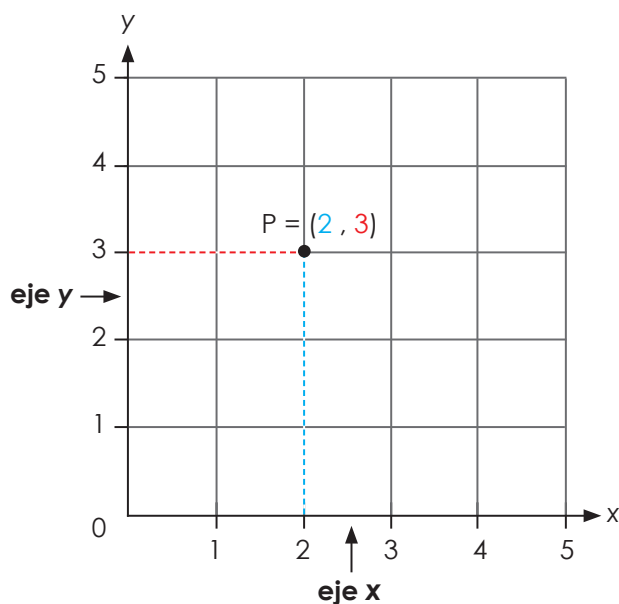
tallo	hojas
1	8
2	0 5 7
3	5 6 9
4	1 5
5	0
1   8	= 18

## E

- **eje x, eje y**

El **eje x** de un plano de coordenadas es la línea recta que va desde la izquierda hacia la derecha a través el origen 0.

El **eje y** de un plano de coordenadas es la línea recta que va desde la parte inferior hasta la parte superior a través el origen 0.



Ver **plano de coordenadas**,  
**coordenada x** y **coordenada y**

- **expresión algebraica**

Una **expresión algebraica** es una frase numérica que contiene letras. Las letras pueden representar cualquier número.  $n + 5$  y  $4x$  son expresiones algebraicas

## M

- **promedio**

$$\text{Promedio} = \frac{\text{Suma de los datos}}{\text{Número de datos}}$$

El **promedio** de 7, 3, 10 y 4 es

$$\frac{7 + 3 + 10 + 4}{4} = \frac{24}{4} = 6.$$

- **mediana**

Cuando un conjunto de datos está ordenado de menor a mayor, la **mediana** es el número del medio, o el promedio de los dos números centrales.

24,5, 25, 25,5, 26, 27,5, 27,5, 28

Mediana = 26

24,5, 25, 25,5, 26, 27, 27,5, 28, 28,5

$$\text{Mediana} = \frac{26 + 27}{2} = 26,5$$

- **metro cúbico (m³)**

El **metro cúbico** es una unidad de volumen.

Escribimos metro cúbico como **m³**.

- **millón**

1 **millón** = 1000 veces mil = 1.000.000

- **moda**

La **moda** es el valor que aparece con mayor frecuencia en un conjunto de datos.

24,5, 25, 25,5, 26, 27,5, 27,5, 28

En la lista de números, 27,5 aparece con más frecuencia. La moda es 27,5.



## O

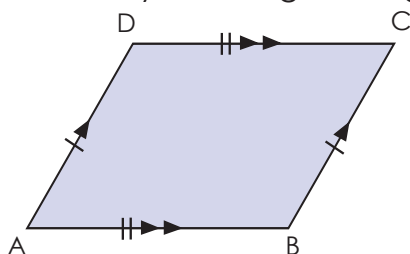
- **origen**

Ver **eje x**, **eje y** y **plano de coordenadas**

## P

- **paralelogramo**

Un **paralelogramo** es una figura de cuatro lados con lados opuestos que son paralelos y tienen igual longitud.



$$AB = DC \text{ y } AD = BC$$

$$AB \parallel DC \text{ y } AD \parallel BC$$

ABCD es un paralelogramo.

- **par ordenado**

Un **par ordenado** es un par de números utilizados para localizar un punto en un plano de coordenadas; el primer número indica la distancia que se mueve horizontalmente a lo largo del eje x y el segundo número indica la distancia para moverse verticalmente a lo largo del eje y.

- **plano de coordenadas**

Un **plano de coordenadas** tiene dos ejes — eje x, y eje y. El punto cero donde se cruzan estos ejes se llama origen.

- **porcentaje (%)**

**Porcentaje** significa “de 100”

54% significa 54 de 100.

## R

- **rango**

El **rango** de un conjunto de datos es la diferencia entre los valor menor y el mayor.

24,5, 25, 25,5, 26, 27,5, 27,5, 28

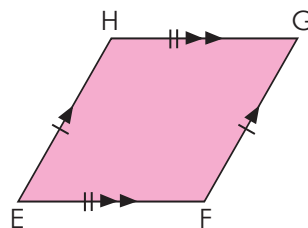
$$\text{Rango} = 28 - 24,5 = 3,5$$

- **reducción**

En una **reducción**, la figura permanece igual, mientras que el tamaño de la figura se hace más pequeño.

- **rombo**

Un **rombo** es una figura de cuatro lados opuestos paralelos y con igual longitud.



La figura EFGH es un paralelogramo con cuatro lados de igual longitud.

$$EF \parallel HG \text{ y } EH \parallel FG$$

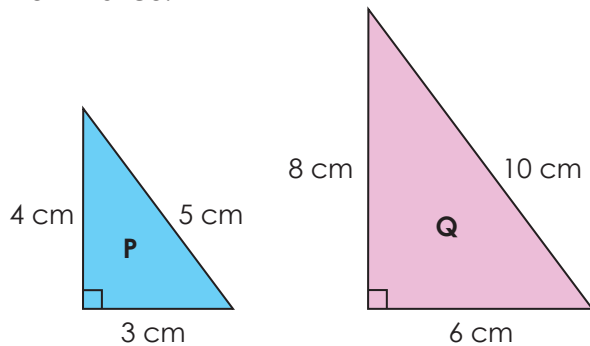
$$EF = FG = GH = EH$$

EFGH es un rombo.

## S

### • similar

En una ampliación o reducción la forma de la figura permanece igual, mientras que el tamaño de la figura cambia. Decimos las figuras son **similares**.



El triángulo Q es una ampliación del triángulo P. Los dos triángulos tienen la misma forma pero diferente tamaño. Los triángulos P y Q son triángulos similares.

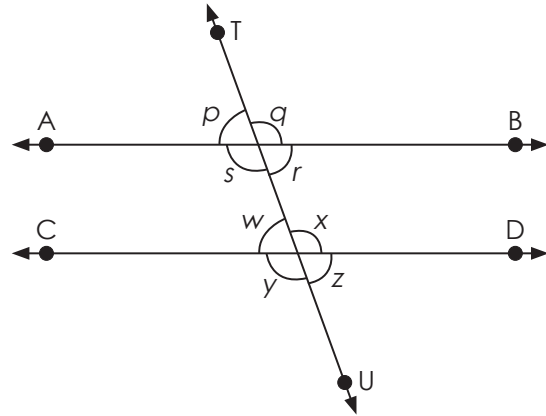
## T

### • término (expresión)

En la expresión algebraica  $x + 4x + 5$ , los **términos** son  $x$ ,  $4x$ , y  $5$ . Los términos pueden estar formados por letras, números o su producto.

### • transversal

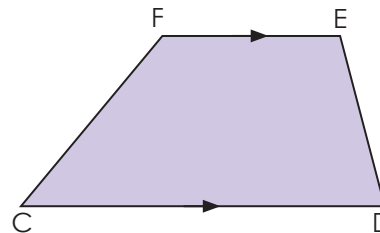
Un **transversal** es una línea recta que corta un par de líneas paralelas.



EF es una transversal que corta un par de líneas paralelas, AB y CD.

### • trapecio

Un **trapecio** es una figura de cuatro lados con solo un par de lados opuestos paralelos.



$CD \parallel FE$   
CDEF es un trapecio.

# Estrategia para la resolución de problemas

Resolver problemas usando 4 pasos:

- 1 Comprendo** el problema.  
¿Puedes describir el problema con tus propias palabras?
  - ¿Qué información te dan?
  - ¿Qué necesitas encontrar?
  - ¿Hay información que falte o que no sea necesaria?

- 2 Planeo** qué hacer.  
¿Qué puedo hacer para ayudar a resolver el problema?
  - Hacer un dibujo
  - Hacer una lista
  - Elegir una operación
  - Estimar y revisar
  - Buscar un patrón
  - Actuarlo
  - Trabajo inverso
  - Resolver parte del problema

- 3 Resuelvo** el problema.  
Resuelve el problema usando tu plan del paso 2.  
Si no lo puedes resolver, busca otro plan.  
Describe tu trabajo claramente.  
Escribe la respuesta con oraciones completas.

- 4 Compruebo**  
Lee la pregunta de nuevo. ¿Respondiste la pregunta?  
¿Tiene sentido tu respuesta? ¿Es correcta tu respuesta?  
Podrías usar lo siguiente para ayudarte a chequear tu respuesta:
  - familia de números, o
  - reemplazar lo desconocido en el problema con tu respuesta.Si tu respuesta no es correcta, vuelve al paso 1.

El contenido de Scholastic Matemáticas PR1ME™ Texto del Estudiante 5, ha sido adaptado y traducido de la serie *Primary Mathematics Project 4A, 4B, 5A, 5B (3rd edition)*, originalmente desarrollada por el Ministerio de Educación de Singapur. Esta edición incluye nuevos contenidos desarrollados por *Scholastic Education International (Singapore) Private Limited*, que no son atribuibles al Ministerio de Educación de Singapur. Nos gustaría agradecer al Equipo del Proyecto del Ministerio de Educación de Singapur, que desarrolló la edición original de Singapur.

Director del Proyecto: Dr. Kho Tek Hong

Miembros del Equipo: Hector Chee Kum Hoong, Liang Hin Hoon, Lim Eng Tann, Rosalind Lim Hui Cheng, Ng Hwee Wan, Ng Siew Lee, Chip Wai Lung

Edición original publicada bajo el título de *Primary Mathematics Project 4A, 4B, 5A, 5B (3rd edition)*

© 1997, 1999, 2000 Planificación Curricular y División de Desarrollo

Ministerio de Educación de Singapur

Publicada por *Marshall Cavendish International (Singapore) Pte Ltd*

Esta edición

© 2016 *Scholastic Education International (Singapore) Private Limited*

Publicada por *Scholastic Education International (Singapore) Private Limited*

Esta edición de Scholastic Matemáticas PR1ME™ ha sido revisada y adaptada en colaboración con el equipo editorial de Galileo Libros.